

فیزیک ۳ کنکور

(دوره دوم متوسطه)

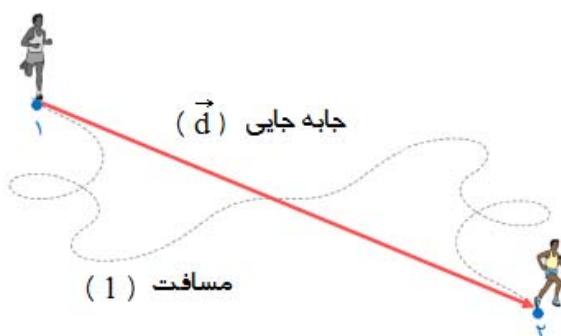
علوم تجربی

تهییه و تنظیم: بحرانی

. ۹۱۲-۵۸۵۵۷۶۶

فصل اول

حرکت در راستای خط راست



بردار جایه جایی(d): برداری است که ابتدای حرکت را به انتهای حرکت وصل می کند.

مسافت (l): کلیه نقاط پیموده توسط متحرک (مسیر حرکت) مسافت نامیده می شود.

نکته۱- در حرکت روی خط راست فرض برای این است که متحرک روی محور x یا y حرکت می کند و جایه جایی را با Δx یا Δy نمایش می دهند:

$$\Delta x = x_2 - x_1$$

x_1 : مکان اولیه

x_2 : مکان ثانویه

Δx : جایه جایی

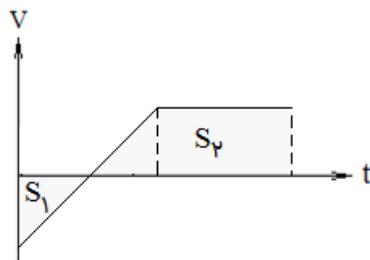
نکته۲- در حرکت روی خط راست ، مسافت را می توان مجموع قدر مطلق جایه جایی های هر قسمت از حرکت توصیف کرد:

$$l = |\Delta x_1| + |\Delta x_2| + \dots$$

نکته۳- جایه جایی یک کمیت برداری و مسافت یک کمیت نرده ای است.

نکته۴- جایه جایی هم جهت حرکت است و در صورتی که حرکت روی خط راست باشد می تواند مثبت یا منفی باشد، اما مسافت همواره مثبت است.

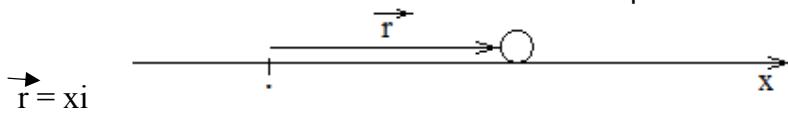
نکته۵- با استفاده از مساحت زیر نمودار سرعت- زمان نیز می توان مسافت و جایه جایی را به دست آورد:



$$\Delta x = S_1 + S_2 + \dots$$

$$l = |S_1| + |S_2| + \dots$$

بردار مکان: برداری است که مبدأً مختصات را به مکان جسم متصل می‌کند، به طور مثال در حرکت روی خط راست



بردار مکان به صورت زیر است:

تندی متوسط (S_{av}): مسافت طی شده در واحد زمان تندی متوسط نامیده می‌شود:

$$S_{av} = \frac{l}{\Delta t}$$

تندی لحظه‌ای: تندی متحرک در هر لحظه از زمان یا در هر نقطه از مسیر را، تندی لحظه‌ای می‌نامند.

سرعت متوسط (V_{av}): جایه جایی انجام شده در واحد زمان است و روابط زیر برای آن برقرار است:

$$V_{av} = \frac{d}{\Delta t}$$

۱- اگر متحرک روی خط راست حرکت نکند:

۲- اگر متحرک روی خط راست یک جایه جایی معین انجام دهد:

$$V_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$

x: مکان

Δx : جایه جایی

t: لحظه

Δt : مدت یا بازه‌ی زمانی

۳- اگر متحرک روی خط راست چند جایه جایی متوالی انجام دهد:

$$V_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2 + \dots}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \dots}$$

سرعت لحظه‌ای: همان تندی لحظه‌ای است با این تفاوت که باید جهت حرکت متحرک را نیز تعیین کنیم (در حقیقت سرعت لحظه‌ای، سرعت متحرک در هر لحظه است)

نکته ۱- تندی متوسط و لحظه‌ای کمیتی‌ای نرده‌ای و سرعت متوسط و لحظه‌ای کمیتی‌ای برداری هستند.

نکته ۲- سرعت متوسط هم جهت با جایه جایی متحرک است.

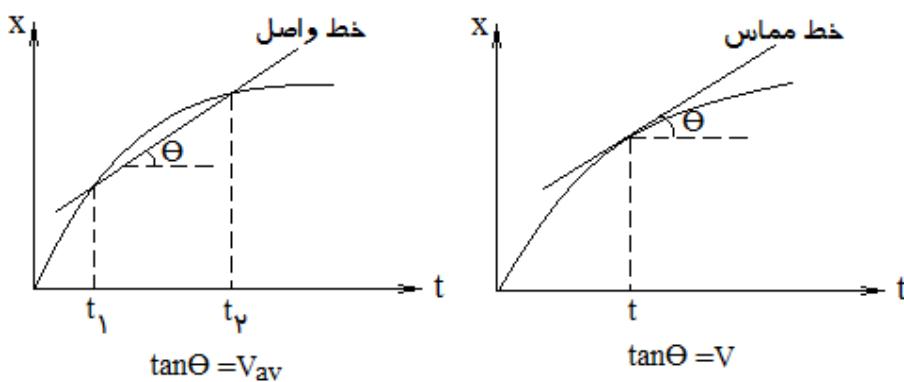
نکته ۳- یکای SI سرعت متوسط $\frac{m}{s}$ است و در صورتی که سرعت متوسط $\frac{km}{h}$ باشد به صورت زیر آن را تبدیل نمایید:

$$\frac{km}{h} \times \frac{10}{36} \rightarrow \frac{m}{s}$$

نکته ۴- کلمه «سرعت» و کلمه «تندی» به تنهایی در سؤالات به ترتیب به معنای سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای است.

نکته ۵- بردار سرعت متحرک همواره مماس بر مسیر است و در حرکت بر خط راست بردار سرعت در جهت حرکت آن است و به عبارت دیگر در حرکت بر خط راست علامت سرعت نشانه‌ی جهت حرکت متحرک است.

نکته ۶- در حرکت روی خط راست اگر سرعت ثابت باشد سرعت لحظه‌ای و متوسط برابرند.



۱- شیب خط واصل بین دو نقطه در نمودار مکان- زمان برابر سرعت متوسط است.

۲- شیب خط مماس بر نمودار مکان- زمان در هر لحظه برابر سرعت لحظه‌ای است.

تسنیت ۱- متحرکی که حرکت خود را از مبدأ روی خط راستی آغاز کرده است، در لحظه‌های $t_1 = 2\text{s}$ و $t_2 = 10\text{s}$ ترتیب در فواصل $+5\text{m}$ و -5m - از مبدأ مختصات است. سرعت متوسط آن از شروع حرکت تا پایان ثانیه دهم چند m/s است؟

$$\frac{5}{4} \quad -\frac{5}{4} \quad -0.5 \quad 0.5$$

پاسخ- گزینه(۲)

تسنیت ۲- متحرکی که از مبدأ در امتداد محور x ها حرکت می‌کند، در مدت 10s ابتدا به نقطه A به طول 20m ، سپس به نقطه B به طول -20m برگردید. سرعت متوسط در کل این مدت چند m/s است؟

$$-2 \quad 10 \quad -20 \quad 2$$

پاسخ- گزینه(۴)

تسنیت ۳- متحرکی در مدت 4s از آن در مدت 6s ثانیه، 5m در خلاف جهت قبلی حرکت می‌نماید. سرعت متوسط در کل مسیر چند m/s است؟

$$1 \quad 4 \quad 2 \quad 0.75$$

پاسخ- گزینه(۱)

تسنیع- متحرکی جابه جایی های x ، $2x$ و $3x$ را به طور متواالی با سرعت های V ، $2V$ و $3V$ روی خط راست می پیماید، سرعت متوسط آن در کل مسیر چقدر است؟

$$\frac{2}{3}V \quad (4)$$

$$\frac{4}{3}V \quad (3)$$

$$2V \quad (2)$$

$$\frac{3}{2}V \quad (1)$$

پاسخ- گزینه(2)

تسنیع- معادله‌ی حرکت متحرکی $x = 25 + 5\sin 2\pi t$ در سیستم SI است. سرعت متوسط آن در بازه‌ی زمانی

$$t=0 \text{ تا } t=\frac{1}{4} \text{ چقدر است؟}$$

$$\frac{1}{4} \quad (4)$$

$$4 \quad (3)$$

$$0.5 \quad (2)$$

$$0 \quad (1) \text{ صفر}$$

تسنیع- متحرکی یک سوم مسیر مستقیم خود را با سرعت 10 m/s ، نصف مسیر را با سرعت 15 m/s و بقیه‌ی مسیر را با سرعت 5 m/s در یک جهت طی می‌کند. سرعت متوسط آن در کل مسیر چند m/s است؟

$$20 \quad (4)$$

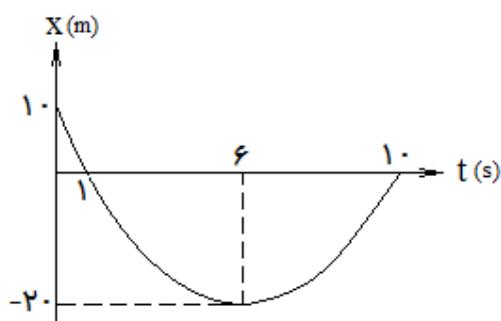
$$15 \quad (3)$$

$$10 \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

پاسخ- گزینه(3)

تسنیع- نمودار مکان-زمان متحرکی در SI به صورت زیر است. سرعت متوسط آن در مدت 10 ثانیه، متر بر ثانیه، تندی متوسط آن در مدت 1 ثانیه متر بر ثانیه و در لحظه‌ی متحرک بیش ترین فاصله از مبدأ داشته و در لحظه‌ی متوقف شده است.



$$t=6, t=6, -1 \quad (1)$$

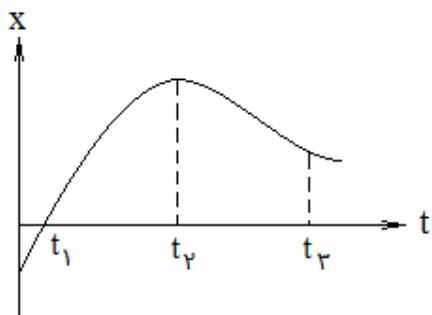
$$t=6, t=10, 5, -1 \quad (2)$$

$$t=6, t=6, 10, 1 \quad (3)$$

$$t=10, t=6, 5, -1 \quad (4)$$

پاسخ- گزینه(1)

تسنیع ۸- با توجه به نمودار مقابل سرعت متوسط در کدام بازه‌ی زمانی بیشتر است؟



- ۱) صفر تا t_1
۲) صفر تا t_2
۳) صفر تا t_3

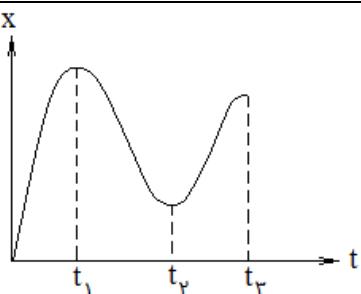
پاسخ- گزینه (۴)

تسنیع ۹- اگر خط d مماس بر نمودار در لحظه‌ی $t=4\text{s}$ باشد، سرعت متوسط در ۴ ثانیه اول چند برابر سرعت



پاسخ- گزینه (۴)

تسنیع ۱۰- نمودار مکان- زمان متحرکی به صورت زیر است،
متحرک بار متوقف شده و بار تغییر جهت داده است.



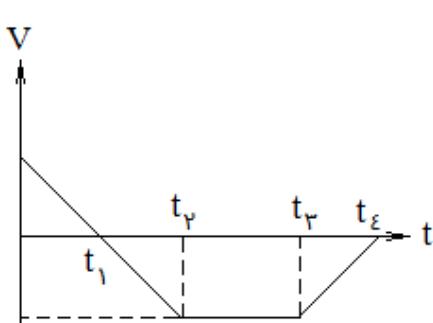
- ۱) دو- سه
۲) سه- دو
۳) سه- سه
۴) دو- دو

پاسخ- گزینه (۳)

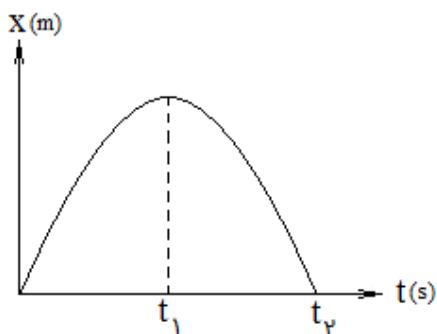
تسنیع ۱۱- با توجه به نمودار سرعت- زمان زیر کدام گزینه درست است؟

- ۱) از صفر تا t_1 جهت حرکت منفی و در t_2 جهت حرکت عوض شده است.
۲) از t_1 تا t_4 جهت حرکت منفی و در t_1 جهت حرکت عوض شده است.
۳) از t_1 تا t_4 جهت حرکت منفی و در t_3 جهت حرکت عوض شده است.
۴) از صفر تا t_1 جهت حرکت منفی و در t_4 جهت حرکت عوض شده است.

پاسخ- گزینه (۲)



تست ۱۲ - با توجه به نمودار مکان- زمان زیر چه تعداد از عبارت های داده شده برای آن درست است؟



آ) بیشترین سرعت متحرک در $t = 0$ است.

ب) سرعت ابتدا کاهش و سپس افزایش یافته است.

پ) بیشترین فاصله متحرک از مبدأ مربوط به لحظه t_2 است.

ت) مکان متحرک بین بازه t_1 و t_2 مثبت اما جهت حرکت ابتدا مثبت و سپس منفی است.

ث) در طول حرکت یک بار توقف رخ داده است.

۴)

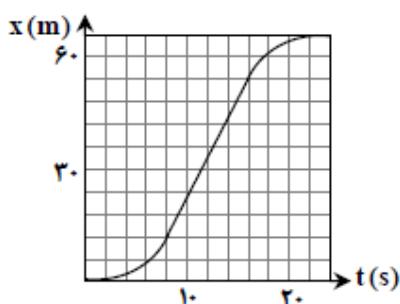
۳)

۲)

۱)

پاسخ - گزینه(۴)

تست ۱۳ - شکل زیر نمودار مکان- زمان متحرکی است که در مسیر مستقیم حرکت کرده است، بیشینه سرعت آن چند متر بر ثانیه است؟



۳)

۵)

۷)

۹)

پاسخ - گزینه(۲)

تست ۱۴ - شکل زیر ، نمودار سرعت - زمان متحرکی است که روی محور X

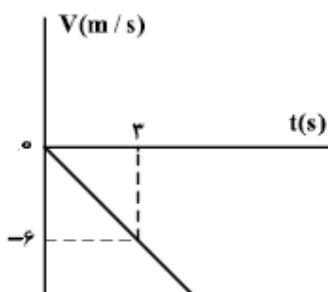
حرکت می کند. مسافتی که متحرک در ۵ ثانیه ای اول پیموده است، چند متر است؟

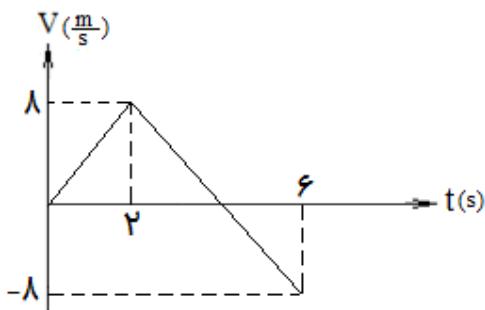
(ریاضی خارج-۹۸)

۲۱) ۱۰

۲۹) ۲۵

پاسخ - گزینه(۳)



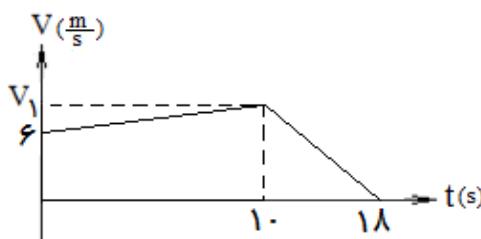


تسنیع ۱۵- نمودار سرعت- زمان متحرکی به صورت مقابل است. مسافت طی شده توسط متحرک چند برابر جایی آن در کل حرکت است؟

- | | |
|--------|---------------|
| ۳) (۲) | $\frac{1}{3}$ |
| ۴) (۳) | $\frac{1}{2}$ |

پاسخ- گزینه(۲)

تسنیع ۱۶- نمودار سرعت- زمان متحرکی در مسیر مستقیم مطابق شکل مقابل است، اگر سرعت متوسط در ۱۸



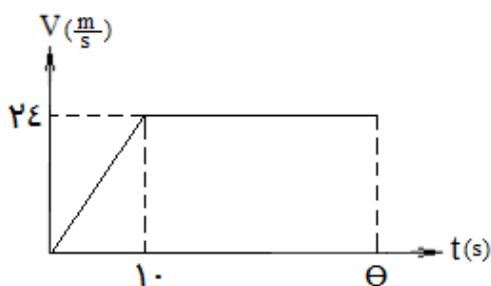
ثانیه برابر $\frac{2}{3}$ متر بر ثانیه باشد، V چند m/s است؟

- | | |
|---------|----|
| ۱۰) (۲) | ۸ |
| ۱۵) (۴) | ۱۲ |

پاسخ- گزینه(۲)

تسنیع ۱۷- نمودار سرعت- زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می کند مطابق شکل مقابل است، اگر جایی متحرک در θ ثانیه،

۳۶۰ متر باشد، سرعت متوسط در این مدت چند m/s است؟

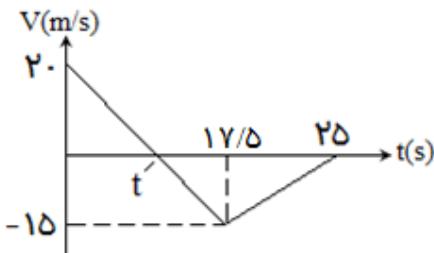


- | | |
|---------|-----|
| ۱۶) (۲) | ۱۸ |
| ۲۰) (۴) | ۱۸۰ |

پاسخ- گزینه(۱)

تسنیع ۱۸- نمودار سرعت- زمان متحرکی که روی محور X حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. بزرگی سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی که

حرکت متحرک خلاف جهت محور X است چند متر بر ثانیه است؟



- | | |
|----------|-------|
| ۲/۵) (۲) | صفر |
| ۱۰) (۴) | $7/5$ |

پاسخ- گزینه(۳)

- تسنیت ۱۹- نمودار سرعت- زمان متحرک که در مسیری مستقیم در حرکت است، به صورت شکل زیر است. اگر سرعت متوسط متحرک در این ۲۵ ثانیه برابر 10 m/s باشد، بیشینه سرعت متحرک در ضمن حرکت، چند متر بر ثانیه است؟
- (تجربی-۹۸)
- ۱) ۲۰ ۲) ۲۵ ۳) ۴۰ ۴) ۵۰
- پاسخ- گزینه (۱)

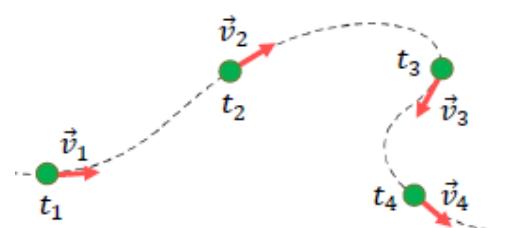
حرکت شتابدار: هر گاه حرکتی تغییر در اندازه یا جهت سرعت داشته باشد شتابدار است ، بنابراین حرکت شتابدار

یکی از سه وضعیت زیر است:

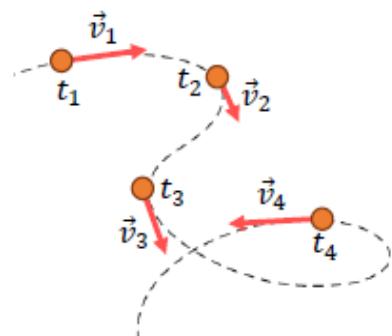
۱- اندازه بردار سرعت(تندی) تغییر می کند:



۲- اندازه بردار سرعت(تندی) ثابت است اما جهت آن تغییر می کند:



۳- هم اندازه ی بردار سرعت و هم جهت آن تغییر می کند:



شتاب متوسط: تغییرات سرعت در واحد زمان شتاب متوسط است که به صورت زیر محاسبه می‌شود:

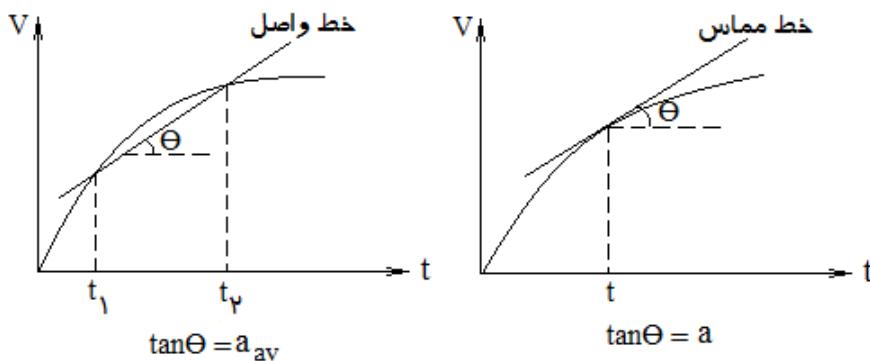
۱- در حرکت‌های غیر خط راست:

$$\vec{a}_{av} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{t_2 - t_1}$$

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$

۲- در حرکت بر روی خط راست:

تعیین شتاب متوسط و لحظه‌ای با کمک نمودار سرعت-زمان:



۱- شیب خط واصل بین دو نقطه در نمودار سرعت-زمان برابر شتاب متوسط است.

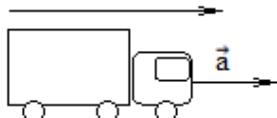
۲- شیب خط مماس بر نمودار سرعت-زمان در هر لحظه برابر شتاب لحظه‌ای است.

نکته ۱- جهت شتاب متحرک هم جهت با بردار تغییرات سرعت متحرک (ΔV) است.



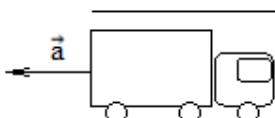
نکته ۲- با توجه به نکته فوق می‌توان ثابت کرد در حرکت بر روی خط راست جهت بردار شتاب را می‌توان به صورت زیر تعیین نمود:

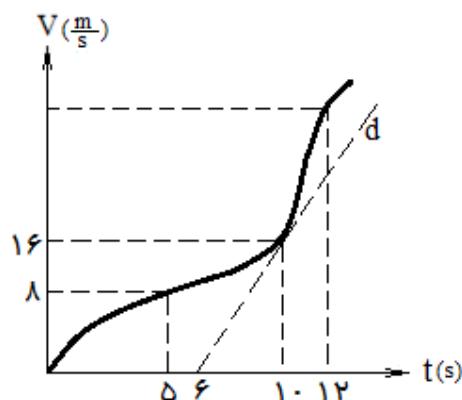
۱- در حرکت تند شونده، شتاب حرکت هم جهت با جهت حرکت (بردار سرعت) است:



۲- در حرکت کند شونده، شتاب حرکت خلاف جهت حرکت (بردار سرعت) است:

جهت حرکت کند شونده

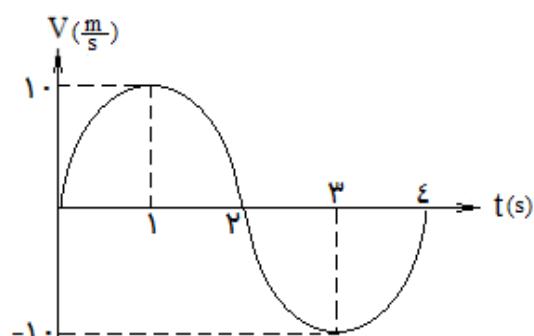




تست ۲۰ - نمودار سرعت - زمان متحرکی بر مسیر مستقیم به شکل مقابل است. اگر شتاب متحرک در لحظه $t=10\text{ s}$ برابر شتاب متوسط آن بین دو لحظه $t_1=5\text{ s}$ و $t_2=12\text{ s}$ باشد، سرعت متحرک در لحظه $t=12\text{ s}$ چند m/s است؟ (خط d مماس بر نمودار در لحظه $t=10\text{ s}$ است)

- (۱) ۲۴ (۲) ۲۸
 (۳) ۳۶ (۴) ۴۰

پاسخ - گزینه (۳)



تست ۲۱ - نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر روی خط راست حرکت می کند، مطابق شکل است. بزرگی شتاب متوسط و سرعت متوسط در بازه زمانی ۱ تا ۳ ثانیه به ترتیب از راست به چپ

برابر است با:

- (۱) ۰ (۲) -10 m/s^2
 (۳) -10 m/s (۴) -10 m/s^3

پاسخ - گزینه (۲)

۱- حرکت یکنواخت

۱- تند شونده

۲- حرکت شتاب دار با شتاب ثابت

انواع حرکت روی خط راست

۲- کند شونده

۳- حرکت شتاب دار با شتاب متغیر

حرکت یکنواخت: اگر اندازهٔ سرعت متحرک(تندی) ثابت باشد و تغییر نکند آن را حرکت یکنواخت می‌گویند.

انواع حرکت یکنواخت:

۱- حرکت یکنواخت روی خط راست: در این حرکت، متحرک با تندي ثابت بر مسیر مستقيم و بدون تغيير جهت حرکت می کند.(این حرکت بدون شتاب است چون اندازهٔ و جهت سرعت ثابت است)

۲- حرکت دایره‌ای یکنواخت: در این حرکت، متحرک با تندي ثابت در مسیر دایره‌ای حرکت می کند.(این حرکت شتاب دار است زیرا با وجود آنکه اندازهٔ سرعت ثابت است، جهت بردار سرعت تغيير می کند)

معادلهٔ حرکت یکنواخت روی خط راست:

($t=0$: مکان اولیه)(مکان در

$$x = vt + x_0$$

x : مکان ثانویه)(مکان در لحظهٔ t)

v : سرعت

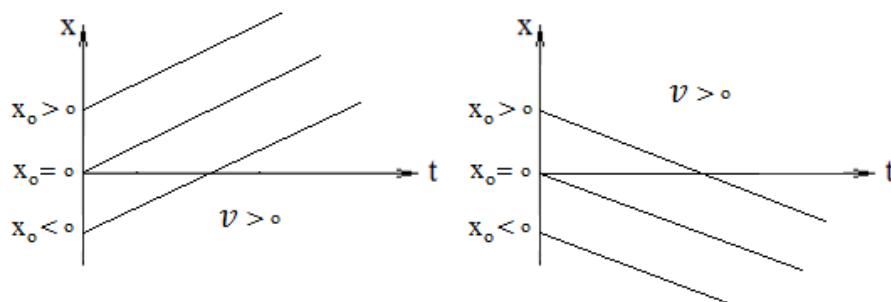
نکتهٔ ۱- همانطور که گفته شد در این حرکت $a = 0$ است.

نکتهٔ ۲- در این حرکت $V = V_{av}$ است.

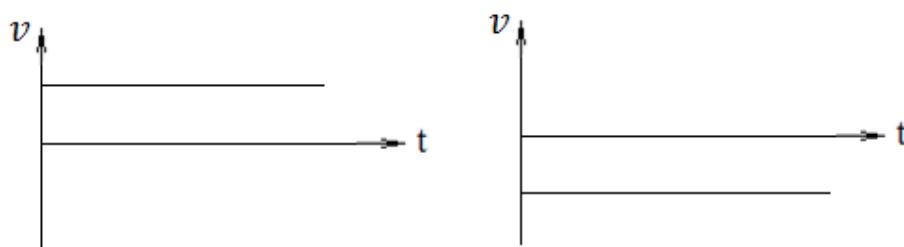
نکتهٔ ۳- در این حرکت می توان معادلهٔ حرکت را برای یک بازهٔ زمانی معین(با شروع لحظهٔ ای غیراز $t=0$) به $\Delta x = vt$ صورت زیر نوشت:

نمودارهای حرکت یکنواخت:

۱- نمودار مکان-زمان: با توجه به درجهٔ اول بودن معادلهٔ این حرکت نمودار آن خطی با شیب ثابت است:



۲- نمودار سرعت-زمان: شیب نمودار مکان-زمان سرعت متحرک را نشان می‌دهد:



معادله های حرکت شتاب دار با شتاب ثابت:

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$$

۱- معادله حرکت (معادله مکان-زمان):

$$v = at + v_0$$

۲- معادله سرعت-زمان:

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x$$

$$\Delta x = \frac{v+v_0}{2}t$$

۴- معادله مستقل از شتاب:

$$\Delta x = -\frac{1}{2}at^2 + vt$$

۵- معادله مستقل از سرعت اولیه :

نکته ۱- در حرکت شتاب دار با شتاب ثابت $a = a_{av}$ است.

نکته ۲- در حرکت شتاب دار با شتاب ثابت ، سرعت متوسط ، علاوه بر رابطه هایی که در قسمت های قبل گفته شد

$$v_{av} = \frac{v + v_0}{2}$$

با رابطه v زیر نیز قابل محاسبه است:

نکته ۳- در حرکت شتاب دار با شتاب ثابت اگر سرعت در حال افزایش باشد (حرکت تند شونده) ، a را در کلیه v روابط مثبت قرار دهید و اگر سرعت در حال کاهش باشد (حرکت کند شونده) ، a را در کلیه v روابط منفی قرار دهید.

نکته ۴- برای آشنایی با اصطلاحاتی که در تست های کنکور در مورد زمان مطرح می گردد به مثال های زیر توجه کنید:

۱- لحظه $t=3$ منظور فقط لحظه $t=3$ ۲- سه ثانیه اول منظور $t=3$ تا $t=0$ ۳- ثانیه ای سوم منظور $t=2$ تا $t=3$ ۴- سه ثانیه ای چهارم منظور $t=9$ تا $t=12$

نکته ۵- در حرکت شتاب دار با شتاب ثابت مسافت طی شده در ثانیه n ام (یعنی بین $t_1=n$ تا $t_2=n+1$) در صورتی

که در این بازه تغییر جهت رخ ندهد به صورت زیر محاسبه می‌گردد:

$$\Delta x_n = \frac{1}{2} a (2n - 1) + v_0$$

نکته ۶- در حرکت شتاب دار با شتاب ثابت مسافت طی شده در t ثانیه n ام در صورتی که در این بازه تغییر جهت

رخ ندهد به صورت زیر محاسبه می‌گردد:

$$\Delta x_{(t-n)} = \frac{1}{2} a t^2 (2n - 1) + v_0 t$$

نکته ۷- برای تشخیص اینکه آیا متحرک تغییر جهت داشته است یا خیر کافی است در معادله‌ی سرعت- زمان،

سرعت متحرک را صفر قرار داده و سپس معادله‌ی سرعت را در بازه‌های زمانی مختلف تعیین علامت

نمایید.(علامت سرعت نشانه جهت حرکت است)

نکته ۸- در حرکت شتاب دار با شتاب ثابت، زمان و مسافت توقف به صورت زیر قابل محاسبه است:

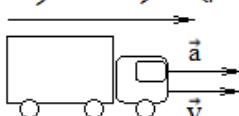
$$t_{توقف} = \left| \frac{v_0}{a} \right|$$

$$\Delta x_{توقف} = \frac{v_0^2}{|2a|}$$

انواع حرکت شتاب دار با شتاب ثابت روی خط راست:

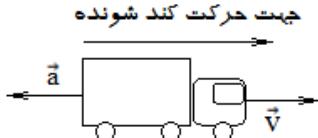
۱- حرکت تند شونده: حرکتی است که در آن سرعت متحرک با آهنگ ثابتی افزایش می‌یابد، در این حرکت

بردارهای سرعت و شتاب با یکدیگر هم جهت می‌باشند، پس در این حرکت $\vec{a}v > 0$ است: **جهت حرکت تند شونده**



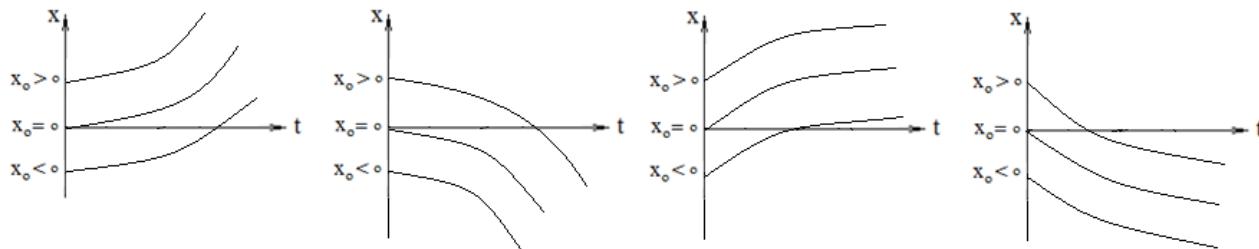
۲- حرکت کند شونده: حرکتی است که در آن سرعت متحرک با آهنگ ثابتی کاهش می‌یابد، در این حرکت

بردارهای سرعت و شتاب، خلاف جهت یکدیگر می‌باشند، پس در این حرکت $\vec{a}v < 0$ است: **جهت حرکت کند شونده**

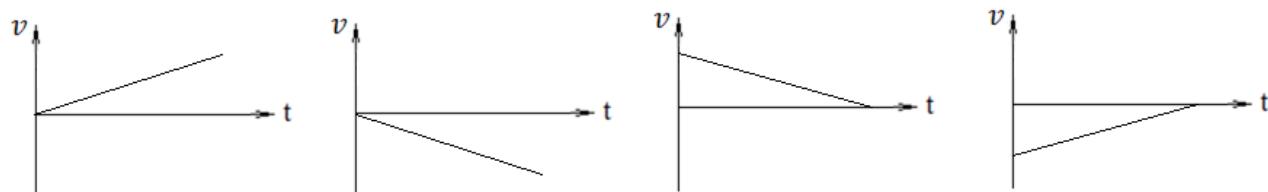


نمودارهای حرکت شتاب دار با شتاب ثابت:

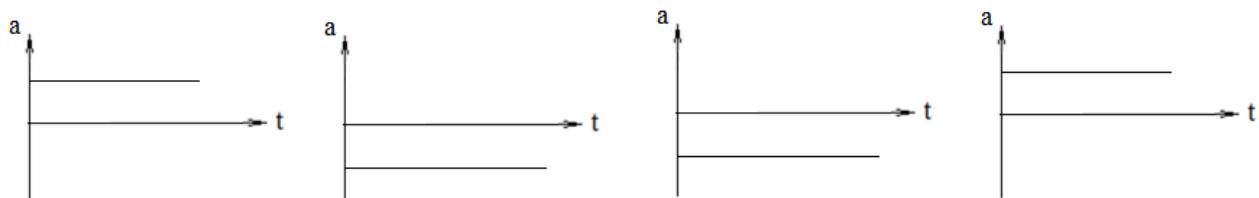
۱- نمودار مکان- زمان: با توجه به اینکه معادله‌ی مکان- زمان درجه ۲ است نمودار سه‌می است:



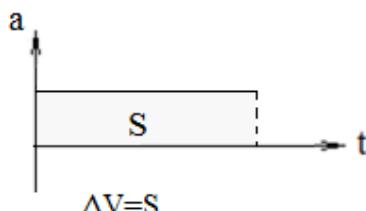
۲- نمودار سرعت- زمان: شیب نمودار مکان- زمان برابر سرعت متحرک است:



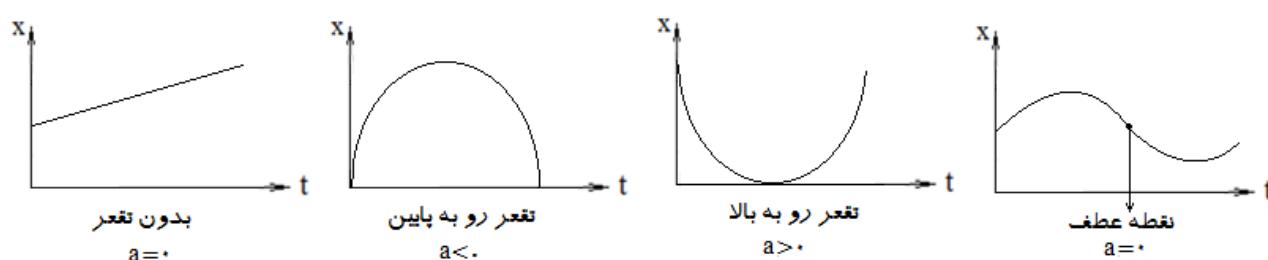
۳- نمودار شتاب- زمان: شیب نمودار سرعت- زمان برابر شتاب متحرک است:



نکته ۱- مساحت زیر نمودار شتاب- زمان برابر تغییرات سرعت است:



نکته ۲- جهت تغیر نمودار مکان- زمان به صورت زیر برای تعیین علامت شتاب به کار می‌رود:



جمع بندی چند نکته مربوط به نمودارها:

- ۱- در هر نوع حرکتی شبیب نمودار مکان - زمان برابر سرعت متحرک است.
- ۲- در هر نوع حرکتی شبیب نمودار سرعت - زمان برابر شتاب متحرک است.
- ۳- در هر نوع حرکتی مساحت زیر نمودار سرعت - زمان برابر جایی است.
- ۴- در هر نوع حرکتی مساحت زیر نمودار شتاب - زمان برابر تغییرات سرعت است.
- ۵- در هر نوع حرکتی از جهت تقارن نمودار مکان - زمان می‌توان برای تعیین علامت شتاب استفاده نمود.

تسنیت ۲۲- متحرکی که با سرعت ثابت روی خط راست حرکت می‌کند در $t_1=2s$ و $t_2=6s$ به ترتیب در مکان‌های $x_1=-4m$ و $x_2=12m$ قرار دارد، معادله مکان - زمان آن کدام است؟

$$x = 4t - 4 \quad (1) \quad x = 4t + 12 \quad (2) \quad x = 4t - 12 \quad (3)$$

پاسخ - گزینه (1)

تسنیت ۲۳- دوچرخه سواری فاصله‌ی ۹۰ کیلومتری مستقیم بین دو شهر را در مدت $5/4$ ساعت می‌پیماید. وی با سرعت ثابت $24km/h$ رکاب می‌زند، اما برای رفع خستگی توقف‌هایی هم دارد. مدت کل توقف‌های او به طور تقریبی چند دقیقه است؟

$$15 \quad (1) \quad 30 \quad (2) \quad 45 \quad (3) \quad 80 \quad (4)$$

پاسخ - گزینه (2)

تسنیت ۲۴- ترنی در مدت یک دقیقه از روی پلی به طول $18 km/h$ متر و با سرعت 200 به طور کامل عبور می‌کند. طول ترن چند متر است؟

$$100 \quad (1) \quad 200 \quad (2) \quad 50 \quad (3) \quad 300 \quad (4)$$

پاسخ - گزینه (4)

تسنیت ۲۵- متحرکی با سرعت ثابت بر روی خط راست حرکت می‌کند و در ثانیه‌های چهارم، پنجم و ششم حرکت خود در مجموع 9 متر جایه‌جا می‌شود. اگر متحرک در $t=6s$ در مکان $x=12m$ باشد، مکان اولیه‌ی متحرک چند متر است؟

$$-2 \quad (1) \quad 2 \quad (2) \quad 6 \quad (3) \quad -6 \quad (4)$$

پاسخ - گزینه (1)

تست ۲۶- اتومبیل با سرعت 72 km/h در حرکت است که راننده با شتاب ثابت 2 m/s^2 ترمز می کند، پس از چند

ثانیه سرعت اتومبیل به 36 km/h می رسد؟

- ۱) (۲) ۵ ۱۵ (۳) ۱۰ ۲) (۴) ۲۰

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۲۷- متحرکی با شتاب ثابت، مسافت 48 m را بر مسیر مستقیم بین دو لحظه t و $t+3$ ثانیه طی می کند و

در پایان مسیر سرعتش به 20 m/s می رسد، سرعت این متحرک در لحظه t چند m/s بوده است؟

- ۱) (۲) ۱۲ ۱۵ (۳) ۱۰ ۲) (۴) ۱۲

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۲۸- معادلهی حرکت متحرکی در SI به صورت $x = 5t^3 - 4t^2 + 8$ است. در لحظه ای که سرعت متحرک به m/s

6 m/s می رسد، متحرک در چه فاصله ای از مبدأ قرار دارد؟

- ۱) (۲) ۹ ۱۵ (۳) ۱۲ ۴) (۴) ۱۵

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۲۹- متحرکی از حال سکون با شتاب ثابت $1/5 \text{ m/s}^2$ شروع به حرکت می کند، پس از گذشت چند ثانیه سرعت

متوسط آن در کل حرکت برابر 3 m/s می شود؟

- ۱) (۲) ۳ ۴) (۳) ۴ ۵) (۴) ۵

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۳۰- یک اتومبیل در حال حرکت پس از طی مسافت مستقیم 125 m و با شتاب ثابت 2 m/s^2 سرعت خود را

افزایش داده و به 30 m/s می رساند. این مسافت در چند ثانیه طی شده است؟

- ۱) (۲) ۶ ۴) (۳) ۴ ۳) (۴) ۳

پاسخ- گزینه(۱)

تست ۳۱- اتومبیل با سرعت 20 m/s در حال حرکت است که راننده مانع را می بیند و با شتاب ثابت 2 m/s^2 ترمز می کند و می ایستد. اگر زمان واکنش راننده $5/0$ ثانیه باشد، از دیدن مانع تا توقف کامل، اتومبیل چه مسافتی را طی می کند؟

- | | | | |
|------------|------------|------------|------------|
| ۴) ۱۰۰ متر | ۳) ۲۰۰ متر | ۲) ۲۲۰ متر | ۱) ۱۱۰ متر |
|------------|------------|------------|------------|
- پاسخ- گزینه(۱)

تست ۳۲- متحرکی با شتاب ثابت 5 m/s^2 حرکت می کند و در ثانیه های چهارم، پنجم و ششم و هفتم حرکت خود در مجموع 32 متر جابه جا می شود، سرعت اولیه ی متحرک چقدر بوده است؟

- | | | | |
|------|------|------|--------|
| ۷) ۴ | ۶) ۵ | ۵) ۶ | ۱) ۵/۵ |
|------|------|------|--------|
- پاسخ- گزینه(۱)

تست ۳۳- معادله ی حرکت متحرکی $x = 4t^3 - 8t^2 + 6$ است. در 6 ثانیه اول وضعیت حرکت چگونه است؟

- (۱) درجهت محور X حرکت تند شونده، سپس خلاف جهت محور X حرکت کند شونده دارد.
- (۲) در خلاف جهت محور X ابتدا حرکت تند شونده و سپس حرکت کند شونده دارد.
- (۳) در خلاف جهت محور X حرکت کند شونده، سپس در جهت محور X حرکت تند شونده دارد.
- (۴) در جهت محور X ابتدا حرکت تندشونده و سپس حرکت کند شونده دارد.

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۳۴- معادله ی سرعت - زمان متحرکی به صورت $V = 4t + 2$ است. مسافتی که متحرک در دو ثانیه ای دوم طی می کند چند متر است؟

- | | | | |
|-------|-------|-------|-------|
| ۱) ۲۰ | ۲) ۲۸ | ۳) ۳۲ | ۴) ۱۲ |
|-------|-------|-------|-------|
- پاسخ- گزینه(۲)

تسنیع ۳۵- معادله‌ی سرعت- زمان متحرکی در SI به صورت $V = Et - 10$ است. مسافت طی شده در ثانیه سوم

حرکت چند متر است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۵

پاسخ- گزینه(۱)

تسنیع ۳۶- معادله مکان- زمان متحرکی در SI به صورت $x = t^2 - 6t + 8$ است. مسافت طی شده در دو ثانیه‌ی

دوم حرکت چند متر است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

پاسخ- گزینه(۲)

تسنیع ۳۷- معادله‌ی مکان- زمان متحرکی در SI به صورت $x = 2t^3 + Et^2 - 8t$ است. در فاصله‌ی زمانی $t_1 = 0$ تا

$t_2 = 2S$ ، مسافتی که متحرک طی می‌کند، چند برابر اندازه‌ی جابه جایی آن است؟ (ریاضی خارج-۹۸)

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

پاسخ- گزینه(۱)

تسنیع ۳۸- جسمی از حال سکون با شتاب ثابت شروع به حرکت می‌کند. در لحظه‌ی $t = 2S$ در $1 +$ متری مبدأ و در

لحظه‌ی $t = 4S$ در $13 +$ متری مبدأ است. در شروع حرکت در چند متری مبدأ بوده است؟

- (۱) -۲ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) -۳

پاسخ- گزینه(۴)

تست ۳۹- اتومبیلی از حال سکون با شتاب ثابت a_1 در مسیر مستقیم شروع به حرکت می کند. بعد از مدتی، ادامه‌ی این مسیر را در همان جهت با شتاب ثابت a_2 طی می کند تا بایستد. اگر مسافت طی شده در مرحله‌ی اول ۴ برابر مسافت طی شده مرحله‌ی دوم باشد، اندازه‌ی a_2 چند برابر a_1 است؟

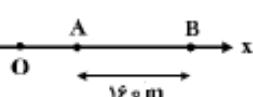
(۴) $\frac{1}{4}$

(۳) $\frac{1}{2}$

(۲) ۴

۲

پاسخ- گزینه (۲)



تست ۴۰- مطابق شکل زیر، متوجه کی با شتاب ثابت 3 m/s^2 روی محور X حرکت می کند. اگر فاصله‌ی بین دو نقطه‌ی A و B را در مدت ۸ ثانیه طی کند و در نقطه‌ی O سرعتش صفر باشد، فاصله‌ی OA چند متر است؟ (تجربی-۹۸)

(۴) ۷۲

(۳) ۴۵

(۲) ۳۶

۱۸

پاسخ- گزینه (۲)

تست ۴۱- متوجه کی در مسیر مستقیم و با شتاب ثابت فاصله‌ی ۸۰ متری از A تا B را در مدت ۸ ثانیه طی می کند و در لحظه‌ی رسیدن به نقطه‌ی B سرعتش به 15 m/s می رسد. شتاب حرکت چند متر مربع بر ثانیه است؟

(۴) $\frac{5}{4}$

(۳) $\frac{5}{2}$

(۲) $\frac{3}{2}$

(۱) $\frac{3}{4}$

پاسخ- گزینه (۴)

تست ۴۲- اتومبیلی در مسیر مستقیم با شتاب ثابت 5 m/s^2 از حال سکون به راه می افتد و سرعت خود را به 7 می رساند، سپس ترمز می کند و با شتاب $2/5 \text{ m/s}^2$ حرکت آن کند می شود تا متوقف شود. اگر کل مسافت طی شده در این مرحله ۲۷۰ متر باشد کل زمان حرکت چند ثانیه است؟

(۴) ۴۸

(۳) ۳۶

(۲) ۲۴

۱۸

پاسخ- گزینه (۳)

تسنیع ۴۳- متحرکی از حال سکون با شتاب m/s^2 ۴ از مبدأ مختصات شروع به حرکت می‌کند و پس از ۱۰ ثانیه شتاب آن به طور ناگهانی در خلاف جهت اولیه به m/s^2 ۲ می‌رسد. بیش ترین فاصله‌ی متحرک از مبدأ مختصات تا ۳۰ ثانیه پس از آغاز حرکت کدام است؟

- (۱) ۶۰۰ متر (۲) ۳۸۰ متر (۳) ۲۸۰ متر (۴) ۰ متر
- پاسخ- گزینه(۱)

تسنیع ۴۴- اتومبیلی روی خط راست در حرکت است. راننده با شتاب ثابت ترمز می‌گیرد و اتومبیل بعد از مدتی می‌ایستد. در صورتی که جایه جایی اتومبیل در $1/5$ آخر حرکت $5/4$ متر باشد، شتاب حرکت اتومبیل چند m/s^2 است؟

- (۱) ۴ (۲) -۴ (۳) -۲ (۴) -۱
- پاسخ- گزینه(۲)

تسنیع ۴۵- متحرکی روی محور x با شتاب ثابت در حرکت است و در مبدأ زمان با سرعت $V=+3 m/s$ از مکان $x=+4m$ می‌گذرد. اگر متحرک در لحظه‌ی $s=t=4$ در جهت مثبت محور x در بیش ترین فاصله‌ی خود از مبدأ باشد، در لحظه‌ی $s=t=8$ در چند متری مبدأ خواهد بود؟

- (۱) ۱۲ (۲) ۶ (۳) ۸ (۴) ۱۲

پاسخ- گزینه(۴)

تسنیع ۴۶- اتومبیلی با سرعت $72 km/h$ در حرکت است که راننده مانع را می‌بیند و با شتاب $5m/s^2$ ترمزمی‌کند، اگر از دیدن مانع تا توقف کامل، اتومبیل مسافت ۴۶ متر را طی کند، زمان واکنش راننده چند ثانیه است؟

- (۱) ۱/۳ (۲) ۰/۴ (۳) ۰/۵ (۴) ۰/۶
- پاسخ- گزینه(۱)

تست ۴۷- متحرکی در یک مسیر مستقیم با شتاب ثابت 5 m/s^2 به حرکت در می آید و پس از مدتی حرکتش یکنواخت می شود و در نهایت با همان شتاب 5 m/s^2 حرکتش کند شونده شده و می ایستد. اگر کل زمان حرکت ۲۵ ثانیه و سرعت متوسط در این مدت 20 m/s باشد، زمانی که حرکت یکنواخت بوده است، چند ثانیه است؟

- (۱) ۵ (۲) ۱۰ (۳) ۱۵ (۴) ۲۰

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۴۸- اتومبیل روی یک خط راست با سرعت 108 km/h در حال حرکت است. راننده با دیدن مانعی در فاصله‌ی 165m ، با شتاب ثابت 3 m/s^2 ترمز می کند و درست جلوی مانع می ایستد. اگر زمان واکنش راننده t_1 و زمانی که حرکت اتومبیل کند شونده بوده t_2 باشد، $\frac{t_2}{t_1}$ کدام است؟

- (۱) ۵ (۲) ۱۰ (۳) ۱۵ (۴) ۲۰

پاسخ- گزینه(۴)

تست ۴۹- متحرکی بدون تغییر جهت در یک مسیر مستقیم به طول d و با شتاب 4 m/s^2 شروع به حرکت می نماید.

اگر $\frac{8}{9}$ انتهای این مسیر در ۲ ثانیه طی شود، d چند متر بوده است؟

- (۱) ۱۸ (۲) ۹ (۳) ۳۶ (۴) ۱۲

پاسخ- گزینه(۱)

تست ۵۰- معادله‌ی مکان-زمان متحرکی در SI به صورت $x = t^3 - 6t + 10$ است. در ۰ ثانیه‌ی ابتدای حرکت، کم ترین فاصله‌ی متحرک از مبدأ مختصات چند متر بوده است؟

- (۱) ۱ (۲) ۳ (۳) صفر (۴) ۳

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۵۱ - معادله‌ی مکان-زمان متحرکی در SI به صورت $x = -2t^3 + 4t - 2$ است. تندی متوسط متحرک در ۴ ثانیه‌ی ابتدای حرکت چند متر بر ثانیه است؟

۷) (۴)

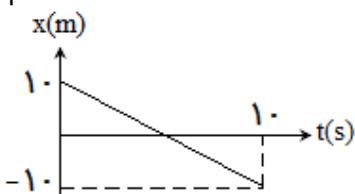
۳/۵) (۳)

۳) (۲)

۴/۵) (۱)

پاسخ - گزینه (۴)

تست ۵۲ - نمودار مکان-زمان متحرکی بر روی خط راست به صورت زیر است. معادله‌ی مکان-زمان آن کدام



است؟

$$x = -2t + 1 \quad (۲)$$

$$x = 2t + 1 \quad (۱)$$

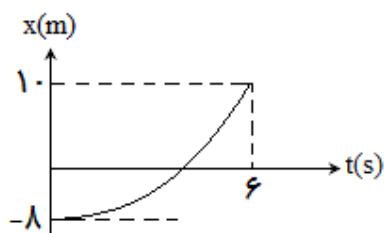
$$x = -2t - 1 \quad (۴)$$

$$x = 2t - 1 \quad (۳)$$

پاسخ - گزینه (۲)

تست ۵۳ - نمودار مکان-زمان متحرکی که با شتاب ثابت روی محور x

حرکت می‌کند مطابق شکل است. سرعت متحرک در لحظه‌ای که متحرک از مبدأ مکان عبور کرده است چند m/s است؟



۲) (۲)

صفر

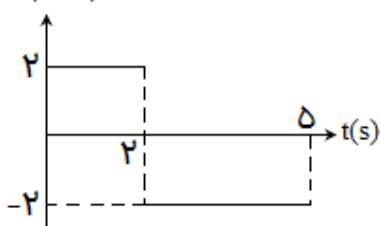
۸) (۴)

۴) (۳)

پاسخ - گزینه (۳)

تست ۵۴ - نمودار شتاب-زمان متحرکی در مسیر مستقیم مطابق شکل مقابل

است، اگر سرعت متوسط متحرک در این مدت ۶/۴ m/s باشد، سرعت اولیه‌ی آن چند m/s است؟



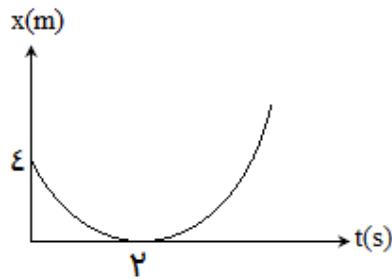
۵) (۲)

۶) (۱)

۸) (۴)

۱۰) (۳)

پاسخ - گزینه (۲)



تسنیع ۵۵ - نمودار مکان- زمان متحرکی در مسیر مستقیم ، سهیمی و به صورت مقابل است. معادله‌ی سرعت - زمان آن در SI کدام است؟

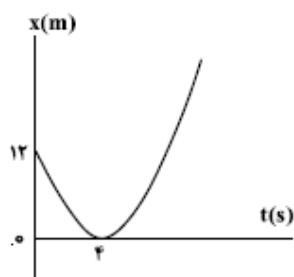
$$V=2t-4 \quad (2)$$

$$V=t-4 \quad (1)$$

$$V=-t+4 \quad (4)$$

$$V=2t+4 \quad (3)$$

پاسخ- گزینه(۲)



تسنیع ۵۶ - مطابق شکل زیر ، نمودار مکان- زمان متحرکی به صورت سهیمی است. سرعت متحرک در لحظه‌ی $t=8s$ چند متر بر ثانیه است؟ (ریاضی- ۹۸-)

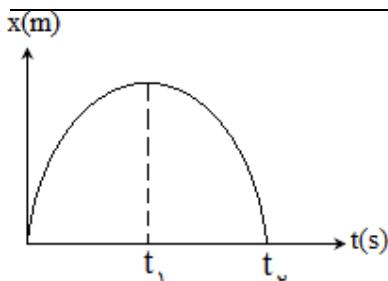
$$4 \quad (2)$$

$$3 \quad (1)$$

$$12 \quad (4)$$

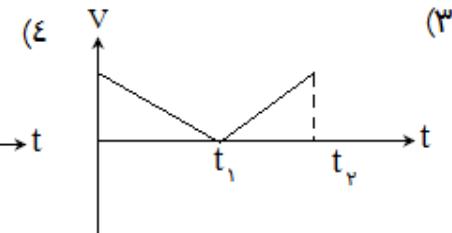
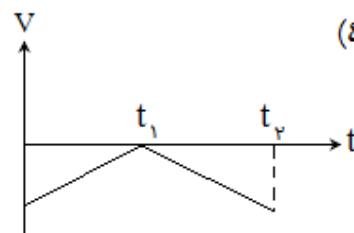
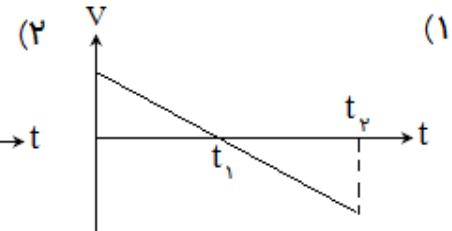
$$6 \quad (3)$$

پاسخ- گزینه(۲)

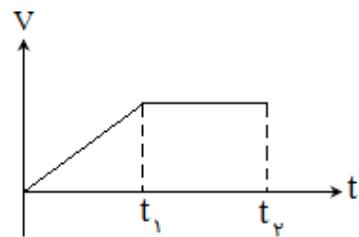


تسنیع ۵۷ - نمودار مکان- زمان متحرکی به شکل مقابل است.

نمودار سرعت- زمان آن کدام است؟

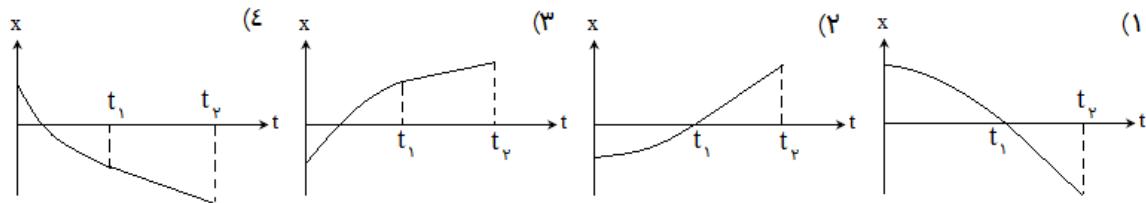


پاسخ- گزینه(۱)



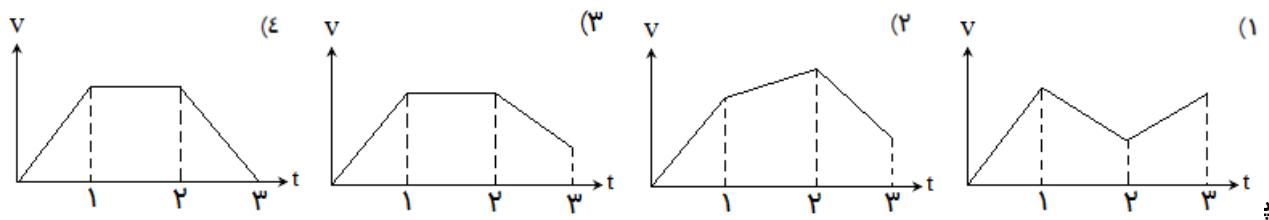
تسنیع ۵۸- نمودار سرعت- زمان متحرکی به شکل مقابل است.

نمودار مکان- زمان آن کدام گزینه می تواند باشد؟



پاسخ- گزینه (۱)

تسنیع ۵۹- نمودار شتاب- زمان متحرکی به صورت زیر است، نمودار سرعت- زمان آن به کدام صورت می تواند باشد؟

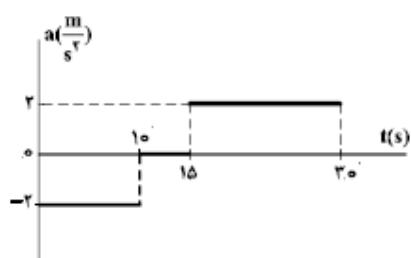


پاسخ- گزینه (۱)

تسنیع ۶۰- نمودار شتاب- زمان متحرکی که با سرعت اولیه 30 m/s در

جهت محور x حرکت X می کند، مطابق شکل زیر است. سرعت متحرک در

بازه زمانی $t_1 = 10\text{ s}$ تا $t_2 = 30\text{ s}$ ، چند متر بر ثانیه است؟ (تجربی خارج ۹۸-۱)



۴۲/۵ (۴)

۲۱/۲۵ (۳)

۲۰ (۲)

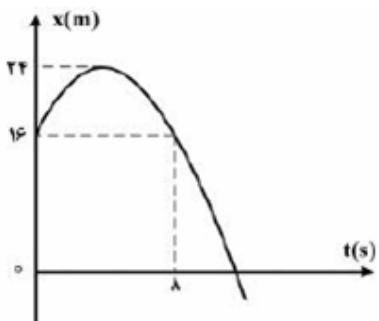
۱۵ (۱)

پاسخ- گزینه (۳)

تسیت ۶۱- نمودار مکان- زمان متحرکی مطابق شکل زیر به صورت سه‌می است. در بازه‌ی زمانی ۰ تا ۸ ثانیه بزرگی

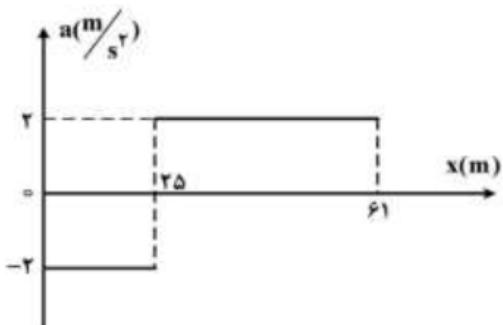
شتاب متوسط و سرعت متوسط در SI، کدام است؟

- ۱) ۱ و صفر ۲) ۲ و صفر
۳) ۱ و ۲ ۴) ۲ و ۱



پاسخ- گزینه (۱)

تسیت ۶۲- نمودار شتاب- مکان متحرکی که روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر متحرک در لحظه‌ی $t = 0$ از $x = 61$ m مبدأ با سرعت 10 m/s عبور کند، سرعت آن در مکان $x = 61$ m در چند متر بر ثانیه است؟

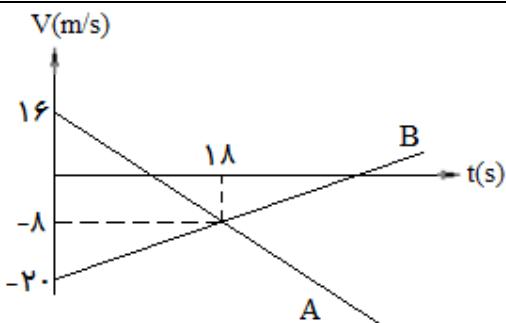


- ۱) ۱۲ ۲) ۲۲ ۳) ۸ ۴) ۶

پاسخ- گزینه (۲)

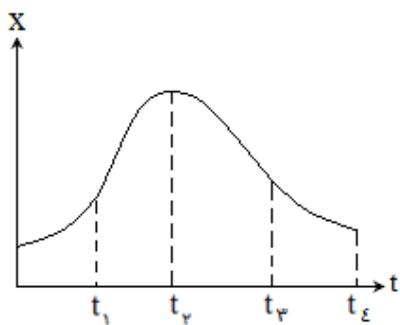
تسیت ۶۳- نمودار سرعت- زمان دو متحرک A و B که روی محور X حرکت می‌کنند، مطابق شکل زیر است. در مدتی که متحرک A در جهت محور X حرکت کرده است. بزرگی جایی متحرک B، چند متر است؟

- ۱) ۱۹۲ ۲) ۱۸۶
۳) ۲۰۰ ۴) ۲۲۸



پاسخ- گزینه (۲)

تسنیع ۶۴- با توجه به نمودار مکان- زمان رو به رو کدام قسمت حرکت تند شونده است؟



(۱) $t_1 - t_2$

(۲) $t_2 - t_3$

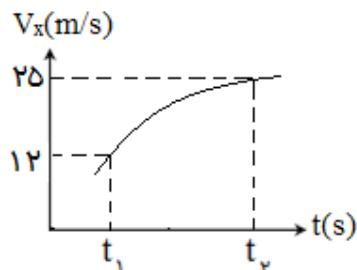
(۳) $t_3 - t_4$

(۴) $t_4 - t_5$

پاسخ- گزینه ()

تسنیع ۶۵- شکل رو به رو نمودار سرعت- زمان متحرک را نشان می دهد که بر روی محور X حرکت می کند.

سرعت متوسط متحرک بین دو لحظه t_1 و t_2 چقدر است؟



(۱) $18/5 \text{ m/s}$

(۲) بیش تر از $18/5 \text{ m/s}$

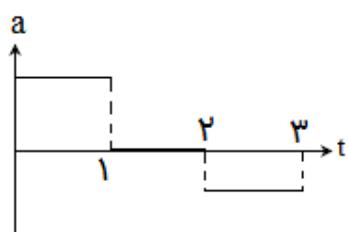
(۳) کم تر از $18/5 \text{ m/s}$

(۴) داده های مسئله کافی نیست.

پاسخ- گزینه ()

تسنیع ۶۶- نمودار شتاب- زمان متحرکی که در خط راست حرکت خود را آغاز می کند به صورت زیر است،

بیش ترین تندی متحرک در کدام لحظه است؟



(۱) $t=1$

(۲) $t=2$

(۳) $t=3$

(۴) $t=1/5$

پاسخ- گزینه ()

تسنیع ۶۷- بردار مکان متحرکی در SI به صورت $\vec{r} = (2t^3 + 2t - 12)\hat{i}$ است . در کدام لحظه بردار مکان تغییر جهت

می دهد؟

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۴

پاسخ- گزینه ()

مسائل حرکت نسبی: در این نوع مسائل دو متوجه مستقل که به طور هم جهت یا خلاف جهت یکدیگر حرکت

می‌کنند، بررسی می‌شود. برای حل اینگونه مسائل به ترتیب زیر عمل کنید:

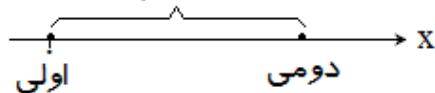
۱- ابتدا محور x یا y را به گونه‌ای فرض کنید که دو متوجه بر روی آن قرار گیرند.

۲- برای محور رسم شده مبدأ مختصات انتخاب کنید. (توصیه می‌کنیم مکان اولیه‌ی یکی از دو متوجه را به عنوان مبدأ مختصات در نظر بگیرید)

۳- با توجه به جهت و نوع حرکت هر یک از متوجه‌ها علامت‌های سرعت و شتاب را تعیین کنید و برای هریک از متوجه‌ها معادله‌ی مکان-زمان بنویسید.

۴- با توجه به اطلاعات سؤال بین دو معادله‌ی مکان-زمان یک رابطه‌ی ریاضی برقرار کنید. به طور مثال فرض کنید دو متوجه در فاصله‌ی ۱۰۰ متر از یکدیگر قرار دارند و یکی از حالت‌ها زیر در سؤال مطرح شود:

۱۰۰ متر



الف) دو متوجه به هم می‌رسند: $x_1 = x_2$

ب) فاصله‌ی دو متوجه از یکدیگر برای اولین بار ۴۰ متر می‌شود: $x_2 - x_1 = 60$

پ) فاصله‌ی دو متوجه از یکدیگر برای دومین بار ۴۰ متر می‌شود: $x_1 - x_2 = 60$

تأثیر زمانی: اگر در مسائل حرکت نسبی متوجه اول حرکت کند اما متوجه دوم T ثانیه بعد حرکت نماید، با

توجه به اینکه متوجه دوم T ثانیه کمتر در راه بوده است، زمان حرکت متوجه‌ها را به یکی از دو صورت زیر بنویسید:

$$\begin{array}{ccc} \text{اول} & \longrightarrow & t+T \\ \text{دومی} & \longrightarrow & t \\ & & \longrightarrow \text{اول} \\ & & \longrightarrow \text{دومی} \end{array}$$

مسائل یک متوجه روی بر روی متوجه دیگر: هر گاه متوجهی با سرعت v_1 بر روی متوجه دیگری دارای

سرعت v_2 حرکت نماید، سرعت واقعی آن برآیند دو بردار سرعت دو متوجه است، در اینگونه مسائل ابتدا

سرعت واقعی متوجه بالایی را به دست آورید و با توجه نوع حرکت آن، مسئله را حل کنید.

تسنیع ۶۸- دو دونده که به فاصله 300 m از یکدیگر قرار دارند اولی با سرعت 2 m/s و دومی با سرعت 3 m/s به طرف یکدیگر می‌دوند. در فاصله‌ی چند متری از مکان اولیه‌ی دونده‌ی اول، دو دونده به هم می‌رسند؟

- (۱) ۱۸۰ (۲) ۱۲۰ (۳) ۱۰۰ (۴)

پاسخ - گزینه (۲)

تسنیع ۶۹- دو متحرک به فاصله‌ی 60 m از یکدیگر قرار دارند. در یک لحظه اولی از حال سکون و با شتاب 1 m/s^2 و دومی با سرعت اولیه‌ی 2 m/s و شتاب 3 m/s^2 به صورت تند شونده به طرف هم حرکت می‌کنند. پس از چند ثانیه دو متحرک به هم می‌رسند؟

- (۱) ۶ (۲) ۴ (۳) ۵ (۴) ۳

پاسخ - گزینه (۳)

تسنیع ۷۰- در پشت چراغ قرمزی اتومبیلی ایستاده است که در همین لحظه دوچرخه سواری با سرعت 5 m/s از کنار اتومبیل می‌گذرد. ۱۰ ثانیه بعد اتومبیل با شتاب 2 m/s^2 به دنبال دوچرخه شروع به حرکت می‌کند. این اتومبیل پس از چند ثانیه به دوچرخه می‌رسد؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۲۰ (۳) ۳۰ (۴) ۴۰

پاسخ - گزینه (۱)

تسنیع ۷۱- در یک مسیر مستقیم، اتومبیلی با سرعت 20 m/s در حرکت است. از 36 m جلوتر اتومبیل دیگری با شتاب ثابت 2 m/s^2 از حال سکون در همان جهت به راه می‌افتد. در این حرکت اتومبیل‌ها دو بار از هم سبقت می‌گیرند. فاصله‌ی زمانی این دو سبقت چند ثانیه است؟

- (۱) ۲ (۲) ۱۰ (۳) ۱۶ (۴) ۱۸

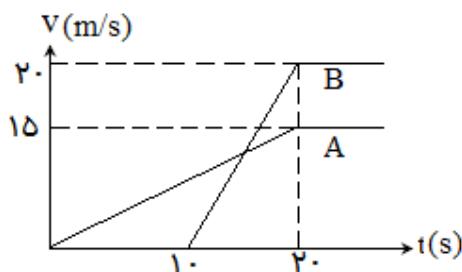
پاسخ - گزینه (۳)

تست ۷۲- دو متحرک با سرعت های 5m/s و 15m/s به طرف یکدیگر در حال حرکت هستند. هنگامی که دو متحرک در فاصله 250 متر از یکدیگر قرار می گیرند، اولی با شتاب 2m/s^2 سرعت خود را افزایش و دومی با شتاب 1m/s^2 سرعت خود را کاهش می دهد، این دو متحرک در چه لحظه ای از کنار هم عبور می کنند؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۲۰ (۳) ۳۰ (۴) ۴۰

پاسخ- گزینه(۱)

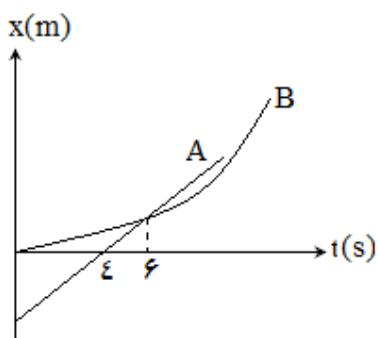
تست ۷۳- نمودار سرعت- زمان دو متحرک که از مبدأ مکان بر مسیر مستقیم به راه افتاده اند، به صورت زیر است، در چه لحظه ای دو متحرک به هم می رسند؟



- (۱) ۳۰ (۲) ۲۵ (۳) ۴۰ (۴) ۳۵

پاسخ- گزینه(۱)

تست ۷۴- شکل زیر نمودار دو متحرک A و B را نشان می دهد(نمودار B بخشی از یک سهمی است)، در چه لحظه ای سرعت متحرک B دو برابر سرعت متحرک A می شود؟



- (۱) ۱۲ (۲) ۱۸ (۳) ۹ (۴) ۶

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۷۵- دو ترن با طول های اولی 180 متر و دومی 120 متر در دوریل مجاور هم و موازی در خلاف جهت یکدیگر در حرکت می باشند. اگر سرعت اولی 12m/s و دومی 18m/s باشد، پس از رسیدن سر ترن ها چند ثانیه طول می کشد تا به طور کامل از کنار هم عبور کنند؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۲۰ (۳) ۳۰ (۴) ۴۰

پاسخ- گزینه(۱)

تست ۷۶ - دو متحرک از حال سکون با شتاب های 3 m/s^2 و 8 m/s^2 از نقطه‌ی A در مسیر مستقیم به مقصد نقطه‌ی B هم زمان به حرکت در می‌آیند. اگر اختلاف زمانی رسیدن آن‌ها به مقصد ۳ ثانیه باشد، AB چند متر است؟

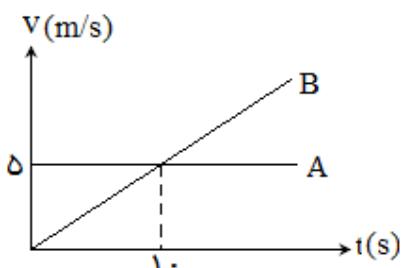
۷۲ (۴)

۵۴ (۳)

۴۸ (۲)

۳۶ (۱)

پاسخ - گزینه (۱)



تست ۷۷ - نمودار سرعت - زمان دو متحرک که از یک نقطه و در یک جهت حرکت می‌کنند به شکل مقابل است. در چه لحظه‌ای (بر حسب ثانیه) دو متحرک به هم می‌رسند؟

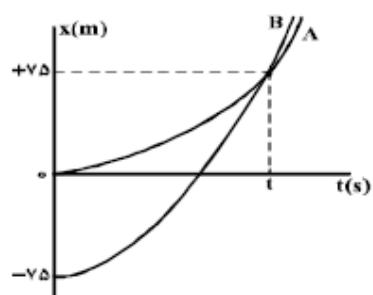
۱۷/۵ (۴)

۱۵ (۳)

۲۰ (۲)

۵ (۱)

پاسخ - گزینه (۳)



تست ۷۸ - نمودار مکان - زمان دو متحرک A و B که هم زمان از حال سکون به حرکت در آمده‌اند، به صورت دو سهمی شکل زیر است، اگر شتاب متحرک A برابر $1/5 \text{ m/s}^2$ باشد، نسبت سرعت متحرک B به سرعت متحرک A در لحظه‌ای که از A سبقت می‌گیرد، کدام است؟

(تجربی خارج-۹۸)

۲ (۲)

۱/۳ (۱)

 $\frac{1}{3}$ (۱)

۳ (۳)

پاسخ - گزینه (۳)

تسنیت ۷۹ - قایقی در یک رودخانه فاصله‌ی بین دو نقطه را اگر در مسیر جریان آب حرکت کند در مدت t ، و اگر

در خلاف جهت آب حرکت کند در مدت t $\frac{7}{3}$ طی می‌کند. سرعت قایق نسبت به آب ساکن چند برابر سرعت جریان

آب است؟

۰/۴ (۴) ۴ (۳) ۳/۵ (۲) ۲/۵ (۱)

پاسخ - گزینه (۱)

فصل ۵۹

دینامیک و حرکت دایره‌ای

موضوع علم دینامیک: دینامیک به بررسی علت حرکت می‌پردازد.

ویژگی‌های نیرو:

- ۱- نیرو حاصل بر هم کنش یا اثر متقابل دو جسم بر یکدیگر است.
- ۲- نیرو کمیتی برداری است که یکای آن نیوتون(N) است.
- ۳- اثر نیرو بر یک جسم به شکل‌های مختلف مانند شروع به حرکت کردن، توقف، کم و زیاد شدن اندازه‌ی سرعت، تغییر جهت سرعت و تغییر شکل جسم، خود را نشان می‌دهد.

قوانين حرکت نیوتون:

- قانون اول نیوتون: یک جسم، حالت سکون یا حرکت با سرعت ثابت خود را حفظ می‌کند مگر آنکه نیروی خالص غیر صفری به آن وارد شود. به عبارت دیگر:

$$\rightarrow \text{اگر جسم ساکن باشد یا حرکت یکنواخت روی خط راست انجام دهد} \quad F_{net} = 0$$

نکته- اگر به جسمی به طور هم زمان چند نیرو اثر کند و این نیروها اثر یکدیگر را خنثی کنند (برآیند نیروها صفر باشد) می‌گوییم نیروهای وارد بر جسم متوازن است.

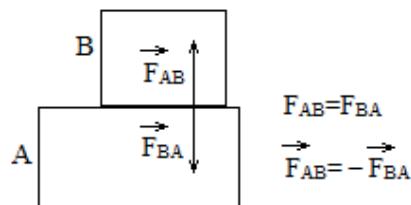
لختی: هنگامی که نیروی خالص وارد بر جسم صفر باشد، جسم حالت سکون یا حرکت یکنواخت خود را حفظ می‌کند، به این خاصیت لختی گفته می‌شود.

- قانون دوم نیوتون: هر گاه برجسمی نیروی خالصی وارد شود، جسم تحت تأثیر آن نیرو شتاب می‌گیرد که این شتاب با نیروی خالص وارد بر جسم نسبت مستقیم دارد و در همان جهت نیروی خالص است و با جرم جسم نسبت وارون دارد:

$$\rightarrow \text{اگر جسم حرکت شتاب دار داشته باشد (سرعت جسم تغییر کند)} \quad F_{net} = ma$$

نکته- بر اساس قانون دوم نیوتون می‌توان گفت جهت بردار شتاب یک جسم، هم جهت با برآیند نیروهای وارد بر جسم است.

۳- قانون سوم نیوتن: هرگاه جسمی به جسم دیگر نیرو وارد کند، جسم دوم نیز به جسم اول نیرویی هم اندازه و هم راستا در خلاف جهت وارد می کند. (نیروها کنش و واکنش با هم برابرند و در خلاف جهت یکدیگر)



نکته ۱- نیروی کنش و واکنش به دو جسم وارد می شود و برآیندگیری از آن ها اشتباه است.

نکته ۲- نیروی کنش و واکنش اثرهای یکسانی بر اجسام ندارند.

نکته ۳- نیروی کنش و واکنش هم نوعند.

تست ۱- در شکل زیر اگر به آرامی نیروی وارد بر گوی سنتین را زیاد کنیم نخ گوی پاره می شود، و اگر ناگهان نخ را بکشیم، نخ آن پاره می شود.



۱) بالای - بالای ۲) پایین - پایین

۳) بالای - پایین ۴) پایین - بالای

پاسخ - گزینه (۳)

تست ۲- دو شخص به جرم های 75kg و 50kg با کفش های چرخ دار در یک سالن مسطح و صاف رو به روی هم ایستاده اند. شخص اول با نیروی $N = 100$ شخص دوم را به طرف راست هل می دهد. اگر اصطکاک قابل چشم پوشی باشد، شتاب اولی و دومی به ترتیب چند m/s^2 می شود؟



۱) صفر - ۲) $1/33$ - صفر

۳) $2/5$ - $2/5$ - ۴) $1/33$

پاسخ - گزینه (۴)

تسنیت ۳- مطابق شکل زیر ، دو نفر به جرم های m_1 و $m_2 = \frac{1}{2}m_1$ روی یک سطح افقی با اصطکاک ناچیز قرار دارند.

اگر در ابتدا به فاصله های مساوی از نقطه O قرار داشته باشند و توسط طنابی هریک دیگری را به سمت خود

بکشد، کدام یک از موارد زیر درست است؟ (تجربی خارج-۹۸)

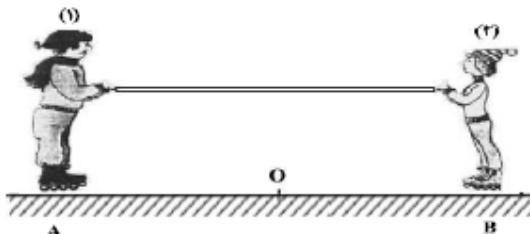
۱) در نقطه O به یکدیگر می رسند.

۲) بین O و B به یکدیگر می رسند.

۳) بین O و A به یکدیگر می رسند.

۴) m_1 ساکن می ماند و m_2 به او می رسد.

پاسخ- گزینه ()



معرفی برخی از نیروهای خاص:

۱- نیروی وزن: وزن یک جسم روی زمین ، نیروی گرانشی است که از طرف زمین بر جسم وارد می شود، که به

صورت زیر قابل محاسبه است:

$$W=mg$$

نکته ۱- جهت نیروی وزن و شتاب گرانشی همواره به طرف مرکز زمین است.

نکته ۲- جرم یک جسم در مکان های مختلف ثابت است اما وزن آن به مقدار g در آن مکان بستگی دارد.

۲- نیروی مقاومت شاره: وقتی جسمی در یک شاره (مایع یا گاز) قرار دارد و نسبت به آن حرکت می کند از طرف

شاره نیرویی در خلاف جهت حرکت جسم ، به آن وارد می شود که به آن نیروی مقاومت شاره می گویند و معمولاً آن را با f_D نشان می دهند.

نکته ۱- نیروی مقاومت شاره به بزرگی جسم، تندی آن و ... بستگی دارد و هر چه ابعاد جسم بزرگتر باشد یا تندی آن بیش تر شود نیروی مقاومت شاره نیز بیش تر می شود.

نکته ۲- اگر جسم در هوا حرکت کند، به جای نیروی مقاومت شاره ، اصطلاح نیروی مقاومت هوا به کار برده می شود.

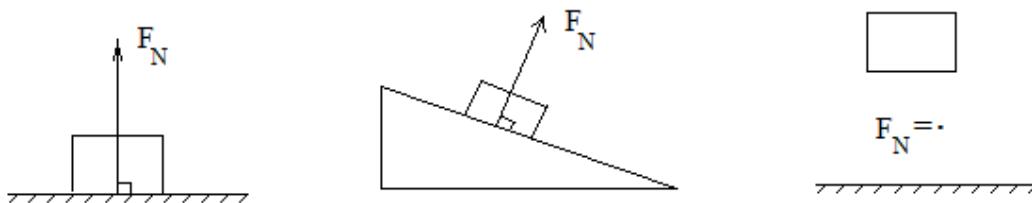
تندی حدی: هنگام سقوط آزاد جسمی مانند چترنجات یا قطرات باران، تندی جسم کاهش می یابد تا اینکه نیروی

مقاومت هوا با وزن جسم هم اندازه شده و پس از آن جسم با تندی ثابتی به طرف پایین حرکت می کند. به این تندی

ثبت تندی حدی گفته می شود.

۳- نیروی عمودی سطح: نیرویی که از طرف سطح به اجسام روی آن و به صورت عمود بر سطح وارد می‌شود،

(نیروی عمودی سطح (نیروی عمودی تکیه گاه) نامیده می‌شود). (این نیرو با F_N نمایش داده می‌شود)



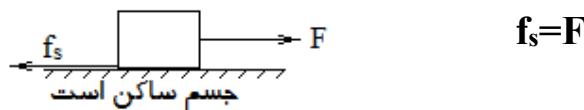
نکته- نیروی عمودی سطح ناشی از تغییر شکل سطح تماس دو جسم است. (هنگامی که اجسام روی سطوح بسیار سخت قرار می‌گیرند سطح مانند اسفنج تغییر شکل دارد. این تغییر شکل مربوط به نیروهای بین مولکولی است)

۴- نیروی اصطکاک: وقتی تلاش می‌کنیم جسم را روی سطحی به حرکت در آوریم، چه جسم حرکت کند و چه ساکن بماند، با مقاومتی از طرف سطح روبه رو می‌شویم که به آن نیروی اصطکاک می‌گوییم.

انواع نیروی اصطکاک:

الف- نیروی اصطکاک ایستایی (f_s): هنگامی که نیرویی برای حرکت دادن جسم روی سطح وارد می‌شود، اما جسم

حرکت نکند، نیرویی که از طرف سطح در مقابل حرکت وارد می‌شود، نیروی اصطکاک ایستایی نامیده می‌شود:

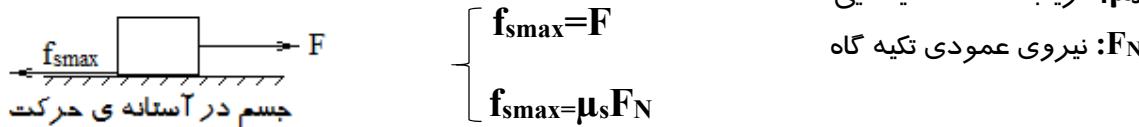


ب- نیروی اصطکاک آستانه‌ی حرکت (f_{smax}): این نیرو، نوعی نیروی اصطکاک ایستایی است، هنگامی که نیرویی

بر جسم وارد شود و آن را در آستانه‌ی حرکت قرار دهد (یعنی جسم هنوز شروع به حرکت نکرده است اما با تغییر

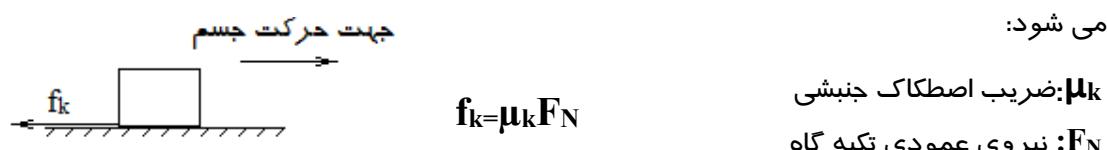
ناچیزی در شرایط جسم شروع به حرکت کند) نیرویی که در برابر حرکت جسم مقاومت می‌کند، نیروی اصطکاک

در آستانه‌ی حرکت نامیده می‌شود و در واقع این نیرو بیشینه‌ی نیروی اصطکاک ایستایی است:



پ- نیروی اصطکاک جنبشی (f_k): نیرویی است که از طرف سطح در خلاف جهت حرکت حرکت بر اجسام متحرک وارد

می‌شود:



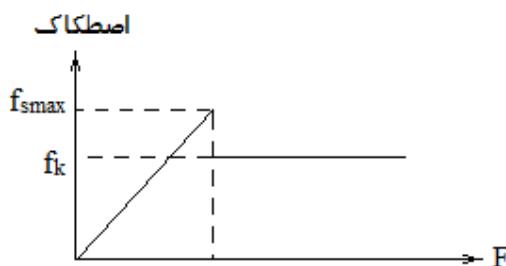
μ_k: ضریب اصطکاک جنبشی

F_N: نیروی عمودی تکیه گاه

نکته ۱- ضریب اصطکاک ایستایی (μ_s) و ضریب اصطکاک جنبشی (μ_k) به مشخصات فیزیکی دو سطح تماس (مانند جنس دو سطح تماس، میزان صافی یا زبری آنها و ...) بستگی دارند.

نکته ۲- برای دو سطح تماس معین $f_k \leq f_{s\max}$ و $\mu_k \leq \mu_s$ است.

نکته ۳- نمودار نیروی اصطکاک بر حسب نیرویی که جسم را می‌کشد به صورت زیر است:



نکته ۴- در مسائلی که مشخص نیست جسم ساکن است یا متحرک، ابتدا با رابطه $f_{s\max} = \mu_s F_N$ ، بیشینه ای اصطکاک ایستایی را محاسبه می‌کنیم و سپس آن را با نیروی کشش وارد بر جسم (نیروی خلاف جهت اصطکاک) مقایسه می‌کنیم و به موارد زیر توجه می‌کنیم:

۱- اگر نیروی کشش $< f_{s\max}$ باشد \rightarrow جسم حرکت می‌کند \leftarrow اصطکاک سطح از نوع f_k است.

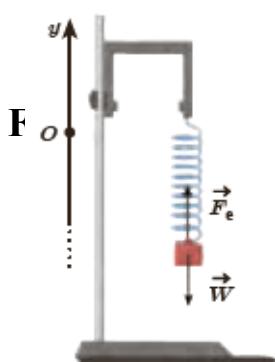
۲- اگر نیروی کشش $> f_{s\max}$ باشد \rightarrow جسم ساکن است \leftarrow اصطکاک سطح از نوع f_s است.

۳- اگر نیروی کشش $= f_{s\max}$ باشد \rightarrow جسم در آستانهٔ حرکت است \leftarrow اصطکاک سطح از نوع $f_{s\max}$ است.

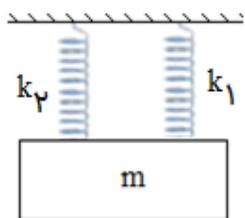
۵- نیروی کشسانی فنر: اگر فنر را بکشیم یا فشرده کنیم، فنر نیرویی به طرف نقطهٔ تعادل به جسم وارد می‌کند که به آن نیروی فنر گفته می‌شود و با F_e نمایش داده می‌شود که جهت آن از جسم به سمت بیرون و در راستای فنر است و با رابطهٔ زیر محاسبه می‌گردد:

$$k: \text{ثابت فنر یا ضریب سختی فنر (N/m)}$$

$$\Delta x: \text{تغییر طول فنر (m)}$$

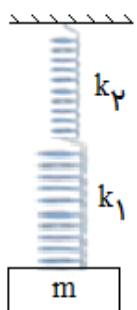


نکته ۱- هرگاه چند فنر به طور موازی با هم بسته شوند ضریب سختی معادل با آنها به صورت زیر بدست می‌آید:



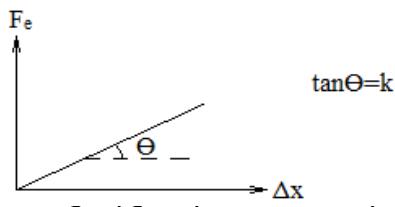
$$K_T = K_1 + K_2 + \dots$$

نکته ۲- هرگاه چند فنر به طور سری با هم بسته شوند ضریب سختی معادل با آنها به صورت زیر بدست می‌آید:

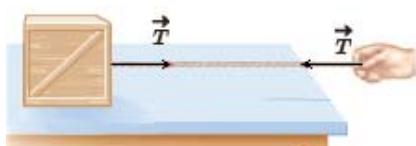


$$\frac{1}{K_T} = \frac{1}{K_1} + \frac{1}{K_2} + \dots$$

نکته ۳- شبی نمودار نیروی فنر بر حسب تغییر طول فنر برابر ضریب سختی فنر است:

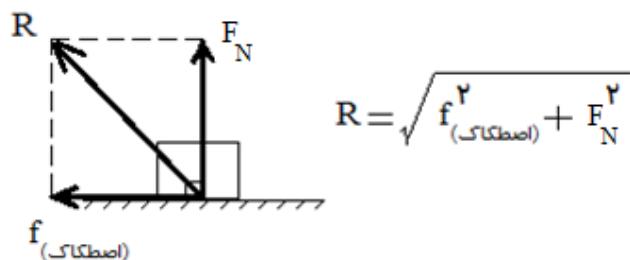


۶- نیروی کشش طناب: هنگامی که با یک طناب جسمی را می‌کشیم، طناب نیز با نیرویی جسم را می‌کشد که به آن نیروی کشش ریسمان گفته می‌شود و جهت آن از جسم به سمت بیرون و در راستای طناب است و این نیرو با نماد T نشان داده می‌شود:



۷- نیروی واکنش سطح: برآیند نیروهایی که از طرف سطح به جسم وارد می‌شوند (برآیند نیروی اصطکاک و

نیروی عمودی تکیه گاه) نیروی واکنش سطح نامیده می‌شود:



روش حل مسائل دینامیک: به ترتیب زیر عمل کنید:

- ۱- رسم تمام نیروهای وارد بر جسم.
- ۲- انتخاب محورهای مختصات مناسب (در صورتی که حرکت شتاب دار باشد بهتر است یکی از محورها در جهت شتاب حرکت باشد)
- ۳- نوشتن قانون اول یا دوم نیوتن روى محور های x و y به طور جداگانه و حل مسئله.

$$\begin{array}{l} \left[\begin{array}{l} \mathbf{a}_x = \cdot \rightarrow \sum F_x = \cdot \\ \text{روى محور } x \\ \text{با} \\ \mathbf{a}_x \neq \cdot \rightarrow \sum F_x = ma \end{array} \right] \quad \left[\begin{array}{l} \mathbf{a}_y = \cdot \rightarrow \sum F_y = \cdot \\ \text{روى محور } y \\ \text{یا} \\ \mathbf{a}_y \neq \cdot \rightarrow \sum F_y = ma \end{array} \right] \end{array}$$

تسنیع- مطابق شکل زیر جسمی به جرم 10 kg با شتاب 2 m/s^2 توسط نیروی افقی $F=10 \text{ N}$ حرکت می کند، ضریب اصطکاک جنبشی سطح چقدر است؟



(۱) ۰/۱ (۲) ۰/۲ (۳) ۰/۳ (۴) ۰/۴

پاسخ - گزینه(۴)

تسنیع- اتومبیلی به جرم یک تن از حال سکون روی جاده ای افقی به ضریب اصطکاک جنبشی $0/4$ با نیروی ثابت موتور شروع به حرکت می کند و پس از 10 ثانیه به سرعت 72 km/h می رسد، نیروی موتور چند نیوتن است؟

(۱) ۳۰۰۰ (۲) ۳۰۰۰ (۳) ۶۰۰ (۴) ۳۰۰

پاسخ - گزینه(۱)

تسنیع- موتور سواری با سرعت 10 km/h به جاده ای به ضریب اصطکاک جنبشی $0/3$ می رسد و در همین لحظه موتور را خاموش می کند. موتور پس از طی چه مسافتی می ایستد؟

(۱) ۱۰۰ m (۲) ۱۵۰ m (۳) ۲۰۰ m (۴) ۲۵۰ m

پاسخ - گزینه(۳)

تسنیت ۷- راننده خودرویی به جرم ۲ تن با سرعت $\frac{km}{h} ۳۶$ در یک مسیر مستقیم و افقی در حرکت است. با دیدن مانعی ترمز می کند. در اثر ترمز، خودرو با طی مسافت ۴ متر می ایستد. نیروی اصطکاک وارد بر خودرو چند نیوتون است؟ (ریاضی-۹۸)

- (۱) ۷۵۰۰ (۲) ۱۲۵۰۰ (۳) ۱۵۰۰۰ (۴) ۲۵۰۰۰

پاسخ- گزینه(۴)

تسنیت ۸- جسمی به جرم m روی سطح افقی ساکن است. نیروی ثابت وافقی F به آن وارد می شود و آن را به حرکت در می آورد. اگر ضریب اصطکاک بین سطح و جسم m باشد، سرعت جسم پس از طی مسافت d کدام است؟

$$\sqrt{\frac{2(F-\mu mg)d}{m}} \quad (۴) \quad \sqrt{\frac{\mu(F-mg)d}{m}} \quad (۳) \quad \sqrt{\mu ۲mgd} \quad (۲) \quad \sqrt{\frac{2(F+\mu mg)d}{m}} \quad (۱)$$

پاسخ- گزینه(۴)

تسنیت ۹- سه نیروی ۳، ۶ و ۸ نیوتونی جسمی به جرم 4 kg را به حال تعادل نگه داشته اند ، اگر نیروی ۶ نیوتونی حذف شود، شتاب جسم چند m/s^2 می شود؟

- (۱) ۱/۵ (۲) ۲/۷۵ (۳) ۲/۷۵ (۴) داده های مسئله کافی نیست.

پاسخ- گزینه(۲)

تسنیت ۱۰- نیروی F به جعبه ای وارد می شود و به آن شتاب $\text{m/s}^2 ۲$ می دهد، اگر داخل جعبه وزنه ای قرار گیرد، شتاب مجموعه $\text{m/s}^2 ۱/۵$ می گردد، جرم جعبه چند برابر جرم وزنه ای داخل آن است؟ (از اصطکاک صرفنظر کنید)

$$\frac{۴}{۳} \quad (۴) \quad \frac{۳}{۴} \quad (۳) \quad \frac{۳}{۲} \quad (۲) \quad \frac{۱}{۳} \quad (۱)$$

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۱۱- اگر دو نیروی $\vec{F}_۲ = ۲\vec{i} - ۲\vec{j}$ و $\vec{F}_۱ = ۶\vec{i} + \alpha\vec{j}$ به جسمی به جرم $۲/۵ \text{ kg}$ شتاب $۴ \text{ m/s}^۲$ بدهند، α کدام گزینه می‌تواند باشد؟

- ۸) (۴) -۶) (۳) -۲) (۲) ۱) (۴)

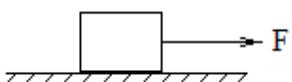
پاسخ- گزینه(۴)

تست ۱۲- بر جسمی به جرم $۵/۰ \text{ کیلوگرم}$ دو نیروی $\vec{F}_۲ = -۲\vec{F}_۱$ و $\vec{F}_۱ = ۳\vec{i} - ۴\vec{j}$ (در واحد SI) اثر می‌کند. بزرگی شتاب حرکت این جسم چند متر بر مذودر ثانیه است؟

- ۱۵) (۴) ۱۰) (۳) ۵) (۲) ۱) (۱)

پاسخ- گزینه(۳)

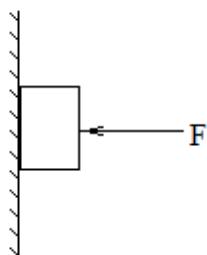
تست ۱۳- در شکل زیر ضریب اصطکاک ایستایی سطح $۱/۰$ و جرم جسم ۲۰ kg است. اگر نیروی افقی $F=۱۵ \text{ N}$ باشد، نیروی اصطکاک و اگر نیروی افقی $F=۲۰ \text{ N}$ باشد، نیروی اصطکاک می‌گردد.



- ۱) ۱۵ نیوتون- ۲۰ نیوتون ۲) ۲۰ نیوتون- ۱۵ نیوتون
۴) ۲۰ نیوتون- ۱۵ نیوتون ۳) ۱۵ نیوتون- ۲۰ نیوتون

پاسخ- گزینه(۱)

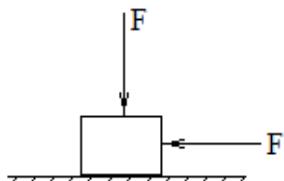
تست ۱۴- مطابق شکل زیر جسمی به جرم ۵۰۰ g را با نیروی افقی $F=۱۲ \text{ N}$ به دیواری قائم به ضریب اصطکاک ایستایی $۵/۰$ ، فشار می‌دهیم. نیروی اصطکاک جسم با سطح چقدر است؟



- ۵) (۲) ۲/۵) (۱)
۴) صفر ۶) (۳)

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۱۵- در شکل زیر ضریب اصطکاک ایستایی و جنبشی سطح به ترتیب $4/0$ و $2/0$ است. اگر هر یک از دو نیروی F برابر 1 نیوتون و وزن جسم 5 نیوتون باشد، نیروی اصطکاک وارد بر جسم چند نیوتون است؟

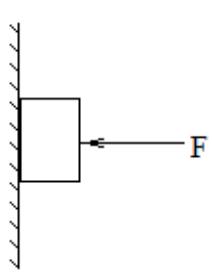


۶) ۲ ۴)

۳) ۴ ۸)

پاسخ- گزینه(۴)

تست ۱۶- مطابق شکل زیر، جسمی به وزن $N = 20$ نیوتون افقی $F = 6$ نیوتون به حال سکون بر دیواره ی قائمی ثابت نگه داشته شده است. ضرایب اصطکاک ایستایی و جنبشی میان دیواره و جسم به ترتیب $6/0$ و $2/0$ است. در این حالت نیرویی به بزرگی $N = 10$ موازی با دیواره رو به پایین به جسم وارد می شود. نیرویی گه جسم به دیواره وارد می کند چند نیوتون می شود؟ (تجربی-۹۸)

۳۰) $\sqrt{5}$ (۴) ۳۰) $\sqrt{6}$ (۳) ۳۶) ۲ ۳۰) ۱

پاسخ- گزینه(۴)

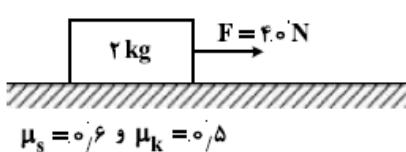
تست ۱۷- مطابق شکل زیر، جسمی روی سطح افقی ساکن است. به جسم نیروی افقی F وارد می شود. 5 ثانیه پس از وارد شدن نیروی F مقدار این نیرو 30 نیوتون کاهش می یابد، حرکت جسم چگونه است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

(۱) جسم همان لحظه می ایستد. (ریاضی-۹۸)

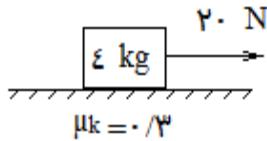
(۲) حرکت جسم با شتاب 1 m/s^2 کند می شود.(۳) حرکت جسم با شتاب 3 m/s^2 کند می شود.

(۴) جسم با سرعت ثابت به حرکت خود ادامه می دهد.

پاسخ- گزینه(۴)



تست ۱۸- در شکل مقابل، جسم از حال سکون، در مسیر افقی و در لحظه $t=0$ تحت نیروی ثابت به حرکت در می آید و بعد از ۳ ثانیه نخسته شده به جسم پاره می شود. کل مسافتی که جسم از شروع حرکت تا لحظه t ایستادن طی می کند، چند متر است؟



۱۸) ۴

۱۵) ۳

۱۲) ۲

۹)

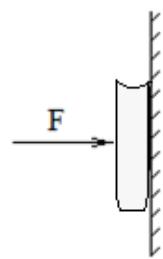
پاسخ- گزینه(۳)

تست ۱۹- شخصی روی سطح افقی، یک صندوق را به سمت غرب هل می دهد. در این عمل، نیروهای اصطکاک وارد به شخص و صندوق، به ترتیب، هریک به کدام جهت است؟

- ۱) غرب و شرق ۲) هر دو غرب ۳) شرق و غرب ۴) هر دو شرق

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۲۰- مطابق شکل کتابی به وزن W را به وسیله‌ی نیروی افقی F به دیوار قائمی با ضریب اصطکاک ایستایی μ_s می فشاریم تا حرکت نکند. حداقل نیرویی که دیوار بر کتاب وارد می کند برابر است با:



$$W \sqrt{1 + \mu_s^2} \quad (3)$$

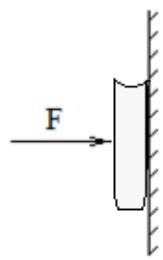
$$F \sqrt{1 + \mu_s^2} \quad (4)$$

$$\frac{W}{\mu_s} \sqrt{1 + \mu_s^2} \quad (1)$$

$$\frac{F}{\mu_s} \sqrt{1 + \mu_s^2} \quad (2)$$

پاسخ- گزینه(۱)

تست ۲۱- مطابق شکل کتابی را توسط نیروی افقی F ، به دیوار قائمی می فشاریم تا حرکت نکند. اگر اندازه نیروی F را افزایش دهیم، کدام کمیت ثابت می ماند؟



۲) نیروی اصطکاک وارد بر کتاب

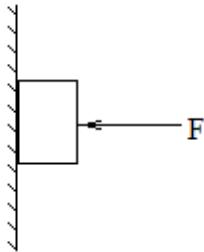
۴) بیشینه‌ی اصطکاک ایستایی

۱) نیروی عمودی تکیه گاه

۳) نیروی واکنش سطح

پاسخ- گزینه(۱)

تست ۲۲- در شکل زیر، جسم با نیروی افقی F_1 در آستانه‌ی حرکت قرار می‌گیرد و با نیروی افقی F_2 با سرعت ثابت به طرف پایین می‌لغزد. اگر نیروی اصطکاک در این دو حالت به ترتیب f_1 و f_2 باشد، کدام مورد درست است؟ ($\mu_k < \mu_s$)



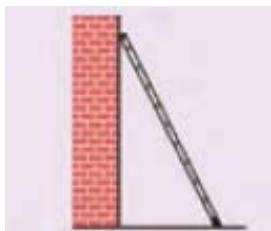
$$f_1 > f_2 \text{ و } F_1 = F_2 \quad (2)$$

$$f_1 = f_2 \text{ و } F_1 = F_2 \quad (4)$$

$$f_1 > f_2 \text{ و } F_1 > F_2 \quad (1)$$

$$f_1 = f_2 \text{ و } F_1 < F_2 \quad (3)$$

پاسخ- گزینه ()

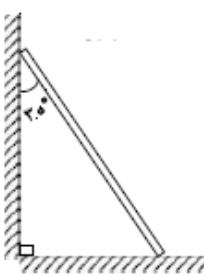


تست ۲۳- در شکل روبرو نردهبانی به جرم 20 kg به دیوار قائم بدون اصطکاکی تکیه داده شده است. ضریب اصطکاک ایستایی بین زمین و پای نردهبان $5/0$ است و نردهبان در آستانه‌ی سر خوردن است. نیرویی که نردهبان به سطح زمین وارد می‌کند چند نیوتون است؟

$$100\sqrt{3} \quad (2) \quad 100\sqrt{5} \quad (1)$$

$$100 \quad (4) \quad 200 \quad (3)$$

پاسخ- گزینه ()



تست ۲۴- نردهبانی همگن به جرم 4 kg مطابق شکل زیر، روی دیوار قائمی با اصطکاک ناچیز قرار دارد. اگر نیرویی که دیوار قائم به نردهبان وارد می‌کند، $N = 300 \text{ N}$ باشد، نیرویی که سطح افقی به نردهبان وارد می‌کند، چند نیوتون است؟ (ریاضی-۹۸)

$$500 \quad (3) \quad 400 \quad (1)$$

$$250\sqrt{3} \quad (4) \quad 600 \quad (3)$$

پاسخ- گزینه ()

تسنیت ۲۵- در شکل زیر، کره ای همگن به جرم 5 kg درون یک ناوه‌ی بدون اصطکاک قرار دارد. این جسم به هر یک از دیواره‌ها،

نیروی چند نیوتن را وارد می‌کند؟ ($\text{g} = 10 \text{ m/s}^2$)

(ریاضی خارج-۹۸)

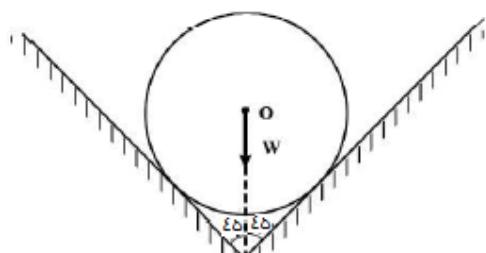
۲۵

۲۰

$$50\sqrt{2}$$

$$25\sqrt{2}$$

پاسخ- گزینه (۳)



تسنیت ۲۶- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

آ) در لحظه‌ای که برآیند نیروهای وارد بر متحرکی به سمت شمال می‌باشد، سرعت متحرک به سمت شمال است.

ب) در صورتی که جسمی بر روی خط راستی در حرکت باشد و برآن نیروی برآیندی در خلاف جهت سرعت اعمال شود، حرکت جسم الزاماً کند شونده خواهد شد.

پ) در حرکت بر مسیر خمیده، بردارهای سرعت و نیروی برآیند نمی‌توانند هم جهت باشند.

ت) اگر در اثر اعمال نیرو جسم ساکنی به حرکت در آید، در شروع حرکت بردارهای سرعت و نیرو هم جهت اند.

ث) نیروهای کنش و واکنش با هم برابرند و در خلاف جهت یکدیگرند پس برآیند آن‌ها صفر است.

۴

۳

۲

۱

پاسخ- گزینه ()

تسنیت ۲۷- جسمی به جرم 5 کیلوگرم ، تحت اثر نیروی ثابت $F = 10 \text{ N}$ از مبدأ مختصات در جهت مثبت محور x ها

به حرکت در می‌آید، پس از 10 ثانیه نیروی وارد بر جسم $N = 20 \text{ N}$ و در جهت منفی محور می‌شود. در لحظه‌ای که

سرعت جسم به صفر می‌رسد، فاصله‌ی آن از مبدأ چند متر است؟

۵۰

۷۵

۱۰۰

۱۵۰

پاسخ- گزینه (۱)

تست ۴۸- طول فنر ۸ سانتی متر و ثابت فنر آن ۱۲۵ نیوتن بر متر است. وزنه ای چند گرمی را به آن بیاوبزیرم

$$(g=1 \cdot \text{m/s}^2)$$

۵۰۰ (۴)

۲۵۰ (۳)

۱۲۵ (۲)

۵۰ (۱)

پاسخ- گزینه (۴)

تست ۴۹- از یک فنر سبک در حالت قائم وزنه‌ی ۲۰۰ گرمی آویزان می‌کنیم، طول آن در حالت تعادل به ۱۶ سانتی متر می‌رسد و اگر از آن وزنه‌ی ۵۰۰ گرمی آویزان کنیم، طول آن به ۲۲ سانتی متر می‌رسد. ثابت این فنر چند نیوتن بر متر است؟

۱۵۰ (۴)

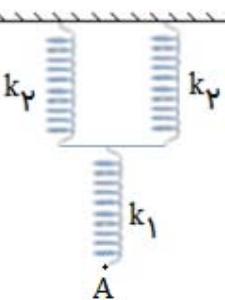
۱۰۰ (۳)

۵۰ (۲)

۲۵ (۱)

پاسخ- گزینه (۳)

تست ۵۰- سه فنر را مطابق شکل به هم وصل کرده‌ایم. اگر به نقطه‌ی A نیروی F وارد کنیم تا آن را به اندازه‌ی



$$\frac{F}{\Delta L} \text{ پایین بیاوریم، نسبت } \frac{F}{\Delta L} \text{ کدام است؟}$$

$$\frac{k_1 k_2}{2k_1 + k_2} \quad (۲)$$

$$\frac{k_1 k_2}{k_1 + 2k_2} \quad (۱)$$

$$\frac{2k_1 k_2}{2k_1 + k_2} \quad (۴)$$

$$\frac{2k_1 k_2}{k_1 + 2k_2} \quad (۳)$$

پاسخ- گزینه (۳)

تست ۵۱- جسمی روی سطح افقی تحت تأثیر نیروی افقی F با

سرعت ثابت کشیده می‌شود. اگر افزایش طول فنر در ضمن حرکت

۵ سانتی متر باشد، ضریب اصطکاک جنبشی بین جسم و سطح کدام

است؟ (تجربی-۹۸) $(g=1 \cdot \text{m/s}^2)$

۰/۴ (۴)

۰/۳ (۳)

۰/۲۵ (۲)

۰/۲ (۱)

پاسخ- گزینه (۱)

تست ۳۲- به وسیله‌ی فنری به ضریب ثابت $\lambda = 0.8$ وزنه‌ی ۴ کیلوگرم را مطابق شکل روی سطح افقی با شتاب $1/5 \text{ m/s}^2$ کشیم. اگر ضریب اصطکاک جنبشی بین جسم و سطح 0.25 باشد، افزایش طول فنر چند



سانچی متراخواهد بود؟

- (۱) ۳۰ (۲) ۲۰ (۳) ۱۲/۵ (۴) ۷/۵

پاسخ- گزینه (۲)

تست ۳۳- در شکل زیر اگر فنر را از طول نصف کنیم و دوباره وزنه‌ی m را به آن بیندیم، پس از برقراری تعادل، افزایش طول فنر چند برابر حالت قبل می‌شود؟



- (۱) برابر (۲) $\frac{1}{2}$ برابر (۳) عبارت (۴) تغییری نمی‌کند.

پاسخ- گزینه (۲)

تست ۳۴- کارگری یک سطل محتوی مصالح به جرم 16kg را با طناب سبکی به طرف بالا می‌کشد.



اگر شتاب رو به بالای سطبل $1/2\text{m/s}^2$ باشد، نیروی کشش طناب چقدر است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- (۱) ۱۶۲/۱ (۲) ۱۵۶/۲ (۳) ۱۷۹/۲ (۴) ۱۴۳/۸

پاسخ- گزینه (۴)

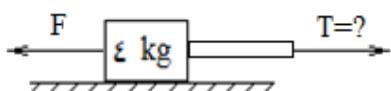
تست ۳۵- ریسمانی با جرم ناقیز را به گلوله‌ای به جرم ۲ کیلوگرم بسته ایم و یک بار گلوله را با سرعت ثابت 2m/s به طرف بالا و بار دیگر گلوله را با شتاب ثابت 2m/s^2 به طرف پایین حرکت می‌دهیم، نیروی کشش ریسمان در حالت

اول چند برابر نیروی کشش ریسمان در حالت دوم است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- (۱) ۱/۲۵ (۲) ۱/۲ (۳) ۱/۵ (۴) ۱/۲

پاسخ- گزینه (۱)

تست ۳۶- در شکل زیر $F=12\text{N}$ و جسم ساکن است. اگر نیروی اصطکاک ایستایی $2\cdot 0$ باشد نیروی کشش ریسمان



بر حسب نیوتن کدام است؟ (از جرم ریسمان صرفنظر کنید)

$$T=4 \quad (1)$$

$$8 \leq T \leq 20 \quad (2)$$

$$4 \leq T \leq 20 \quad (3)$$

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۳۷- جسمی به انتهای نخی با جرم ناقیز آویزان است. نقطه‌ی آویز در امتداد قائم با چه کیفیتی باید حرکت کند تا نیروی کشش نخ، $\frac{3}{4}g$ نیروی کشش آن در وضع تعادل باشد؟

$$1) \text{ با شتاب } \frac{3g}{4} \text{ به سمت پایین} \quad 2) \text{ با شتاب } \frac{g}{4} \text{ به سمت پایین}$$

$$3) \text{ با شتاب } \frac{g}{4} \text{ به سمت بالا} \quad 4) \text{ با شتاب } \frac{3g}{4} \text{ به سمت بالا}$$

پاسخ- گزینه(۱)

تست ۳۸- گلوله‌ای به جرم 200 g از ارتفاع 100 m شودو با سرعت 40 m/s به زمین برخوردمی‌کند.

اگر شتاب حرکت را ثابت فرض کنیم نیروی مقاومت هوا چند نیوتن است؟ ($g=10\text{ m/s}^2$)

$$1) 7/4 \quad 2) 8/4 \quad 3) 4/4 \quad 4) 6/4$$

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۳۹- عامل حرکت شخصی که بدون سر خوردن روی سطح افقی حرکت رو به جلو انجام می‌دهد نیروی و واکنش این نیرو به وارد می‌شود.

۱) اصطکاک ایستایی- سطح زمین ۲) اصطکاک ایستایی- پای شخص

۳) اصطکاک جنبشی- سطح زمین ۴) اصطکاک جنبشی- پای شخص

پاسخ- گزینه(۴)

تست ۴- در هریک از نیروهای زیر، نیروی واکنش به چه جسمی وارد می شود؟

(a) نیروی وزن شخصی که در حال پرسش به سمت بالا است.

(b) نیروی مقاومت هوا بر چتر بازی که با سرعت ثابت در حال سقوط است.

(c) نیرویی که پارو توسط شخصی داخل قایق به آب وارد می کند.

(d) سطح زمین، (e) مولکول های هوا، (f) مولکول های آب

(g) کره ای زمین، (h) مولکول های هوا، (i) پارو

(j) سطح زمین، (k) چتر، (l) مولکول های آب

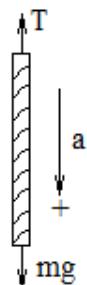
(m) کره ای زمین، (n) چتر، (o) پارو

پاسخ- گزینه ()

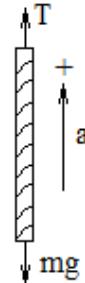
مسائل آسانسور: در اینگونه مسائل باید توجه داشته باشد که شتاب اجسام داخل آسانسور همان شتاب خود آسانسور است، به مثال های زیر که برای کابل آسانسور نوشته شده است توجه کنید: (توصیه می کنیم که جهت محور y را جهت شتاب آسانسور فرض کنید)

(1) اگر شتاب آسانسور رو به بالا باشد:

$$\sum F_y = ma \\ mg - T = ma$$



$$\sum F_y = ma \\ T - mg = ma$$



وزن ظاهري آسانسور و محتوياتش : نیروی کشش کابل آسانسور (T) برابر وزن ظاهري آسانسور و محتوياتش می باشد. در ضمن نیروی موتور آسانسور نيز همان نیروی کشش کابل آسانسور است.

وزن ظاهري اجسام داخل آسانسور : نیروی عمودی تکیه گاه (F_N) که از طرف کف آسانسور بر اجسام داخل آسانسور وارد می شود همان وزن ظاهري آسانسور با محتوياتش است .

تست ۴- آسانسوری با محتوياتش 400 kg در صورتی که آسانسور با شتاب کند شونده‌ی 2 m/s^2 به سمت بالا حرکت کند، وزن ظاهري آسانسور با محتوياتش چند نيوتن می شود؟

(1) ۶۰۰ (2) ۱۲۰۰ (3) ۴۸۰۰ (4) ۳۲۰۰

پاسخ- گزینه (4)

تست ۴۲- شخصی به وزن $N = 600$ درون آسانسوری، روی یک ترازوی فنری ایستاده است و ترازو $N = 480$ را نشان می‌دهد. شتاب آسانسور چند متر بر میزان ثانیه و به کدام جهت است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- ۱) ۲، پایین ۲) بالا ۳) ۰، پایین ۴) ۵/۰، بالا

پاسخ- گزینه(۱)

تست ۴۳- آسانسوری از حال سکون به طرف بالا شروع به حرکت می‌کند و در مدت ۱۰ ثانیه تا ارتفاع ۱۰۰ متر بالا می‌رود. اگر فنری به طول 12 cm و ضریب سختی 20 N/cm به سقف آسانسور بسته شده باشد و از انتهای دیگر آن یک وزنه ۵ کیلوگرمی آویزان باشد، طول فنر هنگام حرکت آسانسور چند cm می‌شود؟

- ۱) ۱۳ ۲) ۹ ۳) ۱۴ ۴) ۱۵

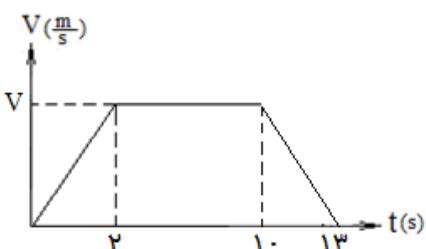
پاسخ- گزینه(۱)

تست ۴۴- در یک آسانسور باسکولی نصب شده است. در یک حرکت، باسکول وزن شخصی را بیش از حالت سکون نشان داده است. آن حرکت چگونه است؟ (ریاضی-۹۸)

- ۱) الزاماً تند شونده به طرف بالا
۲) تند شونده به طرف بالا یا کند شونده به طرف پایین
۳) کند شونده به طرف بالا یا تند شونده به طرف پایین
۴) تند شونده به طرف پایین

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۴۵- شکل روبه رو نمودار تغییرات سرعت - زمان یک آسانسور را به هنگام صعود نشان می‌دهد. شخصی در این آسانسور روی ترازو ایستاده است و ترازو در مرحله ۲ دوم وزن شخص را $N = 600$ نشان می‌دهد. اگر تفاضل عدد ترازو در مرحله ۱ اول و سوم برابر $N = 200$ باشد، بزرگی سرعت V برابر است با:



- ۱) ۱/۵ ۲) ۲ ۳) ۴ ۴) ۶

پاسخ- گزینه(۳)

تکانه: حاصل ضرب جرم جسم در سرعتش تکانه نامیده می شود.

$$\text{بردار تکانه: } \vec{P} = m\vec{V}$$

$$\text{اندازه تکانه: } P = mV$$

نکته- تکانه کمیتی برداری است و بردار آن هم جیت با بردار سرعت جسم است.

تغییرات تکانه: به صورت زیر به دست می آید:

$$\text{بردار تغییرات تکانه: } \Delta \vec{P} = m \Delta \vec{V}$$

$$\text{اندازه بردار تغییرات تکانه: } \Delta P = m \Delta V$$

تذکر: برای محاسبه ΔV ، علامت V را باید با توجه به جیت حرکت خودتان تعیین نمایید.

رابطه‌ی تکانه و قانون دوم نیوتون(رابطه‌ی نیرو و تغییرات تکانه):

$$\text{بردار نیروی خالص: } \vec{F}_{av} = \frac{\vec{\Delta P}}{\Delta t} \quad \text{نیروی خالص متوسط: } F_{av}$$

$$\text{اندازه بردار نیروی خالص: } F_{av} = \frac{\Delta P}{\Delta t}$$

نکته ۱- شبیب خط واصل بین دو نقطه در نمودار $P-t$ نیروی متوسط وارد بر جسم است.

نکته ۲- شبیب خط مماس بر نمودار $P-t$ در هر لحظه، نیروی وارد بر جسم در آن لحظه است.

نکته ۳- مساحت زیر نمودار $F-t$ برابر تغییرات تکانه جسم (ΔP) است.

نکته ۴- انرژی جنبشی با تکانه رابطه‌ای به صورت زیر است:

$$K = \frac{P^2}{2m} \quad \begin{aligned} \text{تکانه: } & (\frac{kg \cdot m}{s}) \\ & (kg) \cdot m \\ & (m/s) \cdot V \end{aligned}$$

تست ۴۶- توپی به جرم 2kg با سرعت 8m/s به دیوار قائمی برخورد می کند و با همان سرعت در خلاف جهت

اولیه برミ گردد، تغییر اندازه حرکت توپ چند $\frac{\text{kg}\cdot\text{m}}{\text{s}}$ است؟

۴)

۱۶)

۳۲)

۱) صفر

پاسخ - گزینه(۲)

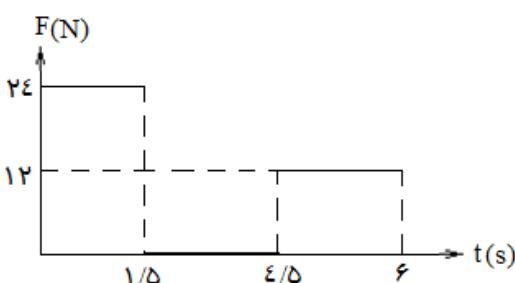
تست ۴۷- نمودار نیرو- زمان جسمی به جرم 3kg که در مبدأ

زمان از حال سکون شروع به حرکت کرده مطابق شکل است.

سرعت این جسم در لحظه $t=3\text{s}$ m/s چند است؟

۶) ۲ ۱) صفر

۱۲) ۴ ۹) ۳



پاسخ - گزینه(۴)

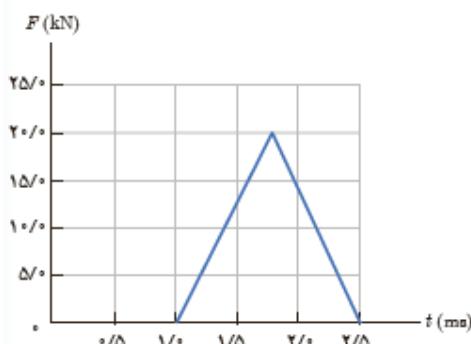
تست ۴۸- شکل زیر ، منحنی نیروی خالص بر حسب زمان را برای

توپ بیسیالی که با چوب بیسیال به آن ضربه زده شده است ، نشان

می دهد، نیروی خالص متوسط وارد بر آن چند کیلونیوتن است؟

۲۰) ۲ ۱) ۱۰

۱۵) ۴ ۱/۵) ۳



پاسخ - گزینه(۱)

تست ۴۹- توپی به جرم 5kg با سرعت 10m/s تحت زاویه 37° نسبت به خط قائم ، با سطح افقی برخوردمی کند.

این توپ با سرعت 8m/s تحت زاویه 37° نسبت به خط قائم بر می گردد. اگر زمان برخورد $1/0$ ثانیه باشد،

متوسط نیروی وارد بر توپ در مدت برخورد چند نیوتن است؟

۶۰۰ $\sqrt{145}$ ۴)۳۰۰ $\sqrt{145}$ ۳)

۷۲۰۰) ۲

۳۶۰۰) ۱

پاسخ - گزینه(۴)

تسنیت ۵۰- کدام گزینه نادرست است؟

۱) تکانه کمیتی برداری است.

۲) یکای تکانه نیوتن ثانیه است.

۳) اگر انرژی جنبشی جسمی از $\frac{1}{2} E$ به $\frac{1}{2} E$ برسد، تکانه‌ی آن 25 درصد افزایش می‌یابد.

۴) در حرکت یکواخت بر روی خط راست تغییر تکانه صفر است.

پاسخ- گزینه (۴)

تسنیت ۵۱- یک توپ تنیس به جرم 100 گرم از ارتفاع 320 سانتی‌متری زمین رها می‌شود و پس از برخورد به زمین با سرعت 5 متر بر ثانیه از روی زمین به طرف بالا بلند می‌شود. اگر زمان تماس توپ با زمین 13 ms باشد. بزرگی نیروی متوسط وارد بر آن هنگام برخورد چند نیوتن و جهت شتاب آن به کدام سمت است؟

۴) 100 ، بالا

۳) 100 ، بالا

۲) 100 ، پایین

۱) 100 ، پایین

پاسخ- گزینه (۳)

تسنیت ۵۲- معادله‌ی بردار تکانه‌ی متحرک در SI به صورت $\vec{P} = i(-3t+6)\hat{i} + j(3t)\hat{j} + k(5t)\hat{k}$ است. حرکت این متحرک در بازه‌ی زمانی $t_1=1\text{ s}$ تا $t_2=5\text{ s}$ چگونه است؟

۳) پیوسته تند شونده

۱) ابتدا تندشونده، سپس کند شونده

۴) پیوسته کند شونده

۳) ابتدا کند شونده، سپس تند شونده

پاسخ- گزینه (۳)

تسنیت ۵۳- معادله‌ی تکانه‌ی یک جسم در SI به صورت $\vec{P} = (3t)i + (2t^2+2)j + (3t^3)i$ می‌باشد. نیروی متوسط وارد بر جسم در 2 ثانیه اول حرکت چند نیوتن است؟

۴) 11

۳) 7

۲) 4

پاسخ- گزینه (۱)

تسنیع ۵۴- دو نیروی $\vec{F}_1 = ۷/۵ \hat{i} + ۲/۵ \hat{j}$ و $\vec{F}_2 = -۱/۵ \hat{i} + ۲/۵ \hat{j}$ هم زمان به جسم ساکنی به جرم m وارد می‌شوند.

اگر در مدت ۳ ثانیه اندازه حرکت جسم به ۳۰ واحد SI برسد، a کدام است؟

- (۱) $۲/۵$ (۲) $۸/۵$ (۳) $۵/۵$ (۴) ۸

پاسخ- گزینه(۳)

تسنیع ۵۵- نیروی $\vec{F} = \vec{i} - ۲\vec{j}$ (برحسب نیوتون) به مدت ۲ ثانیه بر جسمی به جرم $۵/۰$ کیلوگرم اثر می‌کند. اگر

سرعت اولیه‌ی جسم $\vec{V}_1 = ۴\vec{i} + ۲\vec{j}$ (برحسب m/s) باشد، اندازه سرعت در پایان ۲ ثانیه چند m/s است؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۳) ۴ (۴) ۸

پاسخ- گزینه(۱)

تسنیع ۵۶- جرم جسمی $۲kg$ و سرعت آن در یک مسیر مستقیم V_1 است. اگر سرعت آن به اندازه‌ی $۸m/s$ افزایش

یابد، انرژی جنبشی آن ۴ برابر می‌شود. تکانه‌ی آن قبل از افزایش سرعت چند کیلوگرم متر بر ثانیه بوده است؟

- (۱) ۱۶ (۲) ۱۲ (۳) ۲۴ (۴) ۳۲

پاسخ- گزینه(۲)

تسنیع ۵۷- اگر تکانه‌ی گلوله‌ای در SI از ۲۰ به ۲۲ برسد، انرژی جنبشی گلوله چند درصد افزایش می‌یابد؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۱۲ (۳) ۲۱ (۴) ۴۲ (۵) ۹۸ (ریاضی)

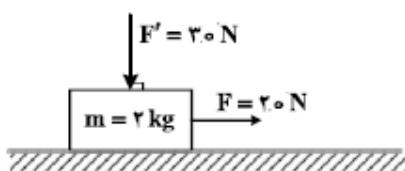
پاسخ- گزینه(۱)

تسنیع ۵۸- در شکل زیر، به جسمی که روی سطح افقی در حال سکون بوده،

نیروهایی مطابق شکل وارد می‌شوند. اگر ضریب اصطکاک ایستایی و جنبشی

جسم و سطح افقی $۵/۰$ و $۳/۰$ باشد، تغییر تکانه جسم در مدت ۲ ثانیه چند

کیلوگرم متر بر ثانیه است؟ ($g=۱.0 N/kg$) (ریاضی خارج-۹۸)

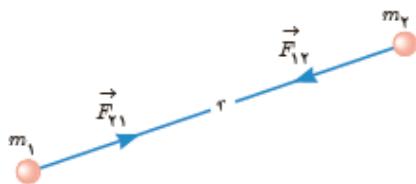


- (۱) صفر (۲) ۱۰ (۳) ۲۰ (۴) ۴۰

پاسخ- گزینه(۱)

نیروی گرانشی: نیروی جاذبه بین دو جسم دارای جرم نیروی گرانشی نامیده می شود. (طبق قانون سوم نیوتن این

دو یک جفت نیروی کنش-واکنش را تشکیل میدهند)



تعریف قانون عمومی گرانش: نیروی گرانش میان دو ذره با حاصلضرب جرم دو ذره نسبت مستقیم و با مربع

فاصله‌ی آن‌ها از یکدیگر نسبت وارون دارد:

$$F = \frac{Gm_1 m_2}{r^2} \quad \text{و} \quad G = 6.67 \times 10^{-11} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{kg}^2}$$

G: ثابت گرانش عمومی
و: m_2 و m_1 : جرم اجسام(kg)
r: فاصله‌ی مرکز دو جسم(m)

جزئیات بیش تر در رابطه با نیروی وزن:

۱- نیروی وزن در سطح زمین:

$$W = \frac{GM_e m}{R_e^2} \quad \rightarrow \quad W = mg$$

$$g = \frac{GM_e}{R_e^2}$$

M_e: جرم کره‌ی زمین
R_e: شعاع کره‌ی زمین
g: شتاب گرانش در سطح زمین

۲- نیروی وزن در ارتفاع معینی از سطح زمین:

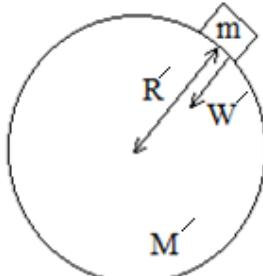
$$W_h = \frac{GM_e m}{(R_e + h)^2} \quad \rightarrow \quad W = mg_h$$

$$g_h = \frac{GM_e}{(R_e + h)^2}$$

M_e: جرم کره‌ی زمین
R_e: شعاع کره‌ی زمین
h: ارتفاع از سطح زمین
g_h: شتاب گرانش در ارتفاعات زمین

۳- نیروی وزن در کرات و سیارات دیگر:

$$\left. \begin{aligned} W' &= \frac{GMm}{R'^2} \\ g' &= \frac{GM}{R'^2} \end{aligned} \right] \Rightarrow W' = mg'$$



M: جرم سیاره

R': شعاع سیاره

g': شتاب گرانش در سطح سیاره

تست ۵۹- اگر جرم هر یک از دو جسمی که نیروی گرانش به یکدیگر وارد می کنند را نصف و فاصله‌ی بین آن ها را دو برابر کنیم، نیروی گرانشی که بر یکدیگر وارد می کنند چند برابر می شود؟

۸) ۴

 $\frac{1}{8}$

۱۶) ۲

 $\frac{1}{16}$

پاسخ - گزینه (۱)

تست ۶۰- وزن جسمی در سطح زمین N ۲۰۰ است. وزن این جسم در سیاره‌ای که جرمش ۲ برابر جرم زمین و شعاع آن ثلث شعاع زمین است، چند نیوتن است؟ ($g = 10 \text{ N/kg}$)

۱۸۰۰) ۴

۳۶۰۰) ۳

۳۲۴) ۲

۳۲۴۰) ۱

پاسخ - گزینه (۳)

تست ۶۱- اگر شعاع کره‌ی زمین R_e باشد، در چه فاصله‌ای از سطح زمین، وزن اجسام $\frac{4}{9}$ وزن آن‌ها در سطح زمین است؟

$$\frac{\sqrt{2}}{2} R_e$$

$$2R_e$$

$$\sqrt{2}R_e$$

$$\frac{R_e}{2}$$

پاسخ - گزینه (۱)

تست ۶۲- جرم جسمی در سطح زمین m ، شتاب گرانش در سطح زمین g_0 ، شتاب گرانش در ارتفاع h برابر g_h و

$$\text{شعاع کره ای زمین } R \text{ است، به ترتیب جرم جسم در ارتفاع } h \text{ و } \frac{g_0}{g_h} \text{ کدام است؟}$$

$$(1) \left(\frac{R}{R+h}\right)^2 \text{ و } m \quad (2) \left(\frac{R}{R+h}\right)^2 \text{ و } \frac{m}{h} \quad (3) \left(\frac{R+h}{R}\right)^2 \text{ و } m \quad (4) \left(\frac{R+h}{R}\right)^2 \text{ و } \frac{m}{h}$$

پاسخ - گزینه (۳)

تست ۶۳- فرض کنید سیاره ای باشد که شعاع آن نصف شعاع زمین و جرم آن $\frac{1}{4}$ جرم کره ای زمین باشد، شتاب

گرانش در سطح آن سیاره چند برابر شتاب گرانش در سطح زمین است؟

$$(1) \frac{1}{4} \quad (2) \frac{1}{2} \quad (3) \frac{1}{4} \quad (4) \frac{1}{2}$$

پاسخ - گزینه (۱)

تست ۶۴- جرم فضانوردی 80 kg است. اگر شتاب گرانش در سطح زمین $\frac{9}{8} \text{ m/s}^2$ و شعاع متوسط کره ای زمین

6400 km باشد، وزن این فضانورد وقتی داخل سفینه ای که در ارتفاع 6400 کیلومتری سطح زمین به دور آن

(تجربی-۹۸) می چرخد، چند نیوتن است؟

$$(1) 800 \quad (2) 392 \quad (3) 196 \quad (4) \text{ صفر}$$

پاسخ - گزینه (۳)

تست ۶۵- نقطه ای را بین کره ای ماه و کره ای زمین تصور کنید که اگر جسمی در آنجا قرار گیرد، نیروی خالصی

که از طرف ماه و زمین بر آن جسم وارد می شود برابر صفر باشد. فاصله ای آن نقطه تا مرکز زمین چند برابر

فاصله ای نقطه تا مرکز کره ای ماه است؟ (جرم کره ای زمین را 81 برابر جرم کره ای ماه فرض کنید.)

(تجربی خارج-۹۸) (۱) ۹ (۲) ۱۰ (۳) ۸۰ (۴) ۸۱

پاسخ - گزینه (۱)

فصل سوچ

نوسان و موج

چرخه (سیکل نوسان): تکرار منظم یک حرکت چرخه یا سیکل نوسان گفته می شود.

انواع نوسان ها: نوسان ها به دو دسته‌ی زیر تقسیم می شوند:

۱- نوسان دوره‌ای ۲- نوسان غیر دوره‌ای

نوسان دوره‌ای: نوسان هایی که را که هر چرخه‌ی آن در دوره‌های دیگر تکرار می شود نوسان دوره‌ای می نامند.

(مانند ضرباهنگ (ریتم) قلب انسان)

نوسان روی خط راست: یک رفت و برگشت نوسانگر، نوسان نامیده می شود.

دوره تناوب: مدت زمان یک نوسان (چرخه)، دوره تناوب حرکت نامیده می شود، که به صورت زیر محاسبه می گردد:

ت: زمان کل نوسان ها(s)

N: تعداد کل نوسان ها

T: دوره تناوب(s)

بسامد(فرکانس): تعداد نوسان های انجام شده (تعداد چرخه) در هر ثانیه بسامد نامیده می شود که به صورت زیر محاسبه می گردد:

ت: زمان کل نوسان ها(s)

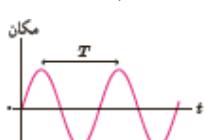
N: تعداد کل نوسان ها

f: بسامد یا فرکانس(Hz) یا (چرخه بر ثانیه)

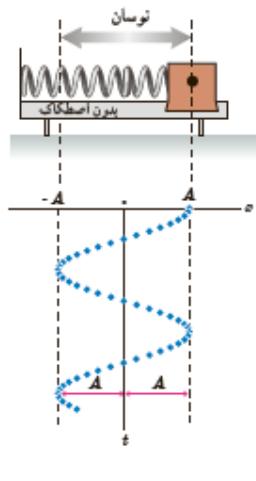
نکته- دوره تناوب و بسامد رابطه‌ای به صورت زیر دارند:

$$f = \frac{1}{T} \quad \text{یا} \quad T = \frac{1}{f}$$

حرکت هماهنگ ساده(SHM): به نوسان های سینوسی، حرکت هماهنگ ساده گفته می شود.



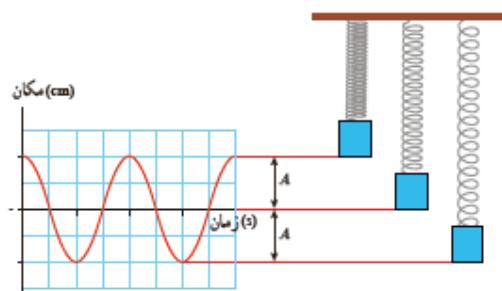
نکته- حرکت هماهنگ ساده، مبنایی برای درک هر نوع نوسان دوره‌ای دیگر است زیرا در سطوح بالاتر نشان داده می شود که هر نوسان دوره‌ای را می توان مجموعی از نوسان های سینوسی در نظر گرفت.



حرکت نوسانی وزنه - فنر: یک نمونه‌ی معروف از حرکت هماهنگ ساده است.

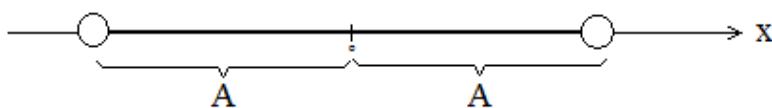
اگر فرض کنیم نوسان روی سطح بدون اصطکاکی صورت می‌گیرد و مکان جسم را در بازه‌های متواالی و یکسان ثبت کنیم به نموداری سینوسی می‌رسیم که در

شکل مقابل آمده است:



نقطه تعادل (مرکز نوسان): وسط پاره خط نوسانی مرکز نوسان گفته می‌شود.

دامنه نوسان (A): بیشترین فاصله‌ی نوسانگر از نقطه‌ی تعادل دامنه نامیده می‌شود:



نقاط بازگشت حرکت: وقتی نوسانگر در مکان $x = \pm A$ است، سرعت آن برابر صفر است. به این نقطه‌ها نقاط

بازگشت حرکت می‌گوییم.

بسامد زاویه‌ای: رابطه‌ای به صورت زیر دارد:

(s): دوره تناوب T

$$\omega = \frac{\pi^3}{T}$$

(rad/s): بسامد زاویه‌ای

ویژگی‌های کلی حرکت نوسانی:



$$x = -A$$

$$V = 0$$

$$a_{\max}$$

$$F_{\max}$$

$$K = 0$$

$$U_{\max}$$

$$x = 0$$

$$V_{\max}$$

$$a = 0$$

$$F = 0$$

$$K_{\max}$$

$$U = 0$$

$$x = +A$$

$$V = 0$$

$$a_{\max}$$

$$F_{\max}$$

$$K = 0$$

$$U_{\max}$$

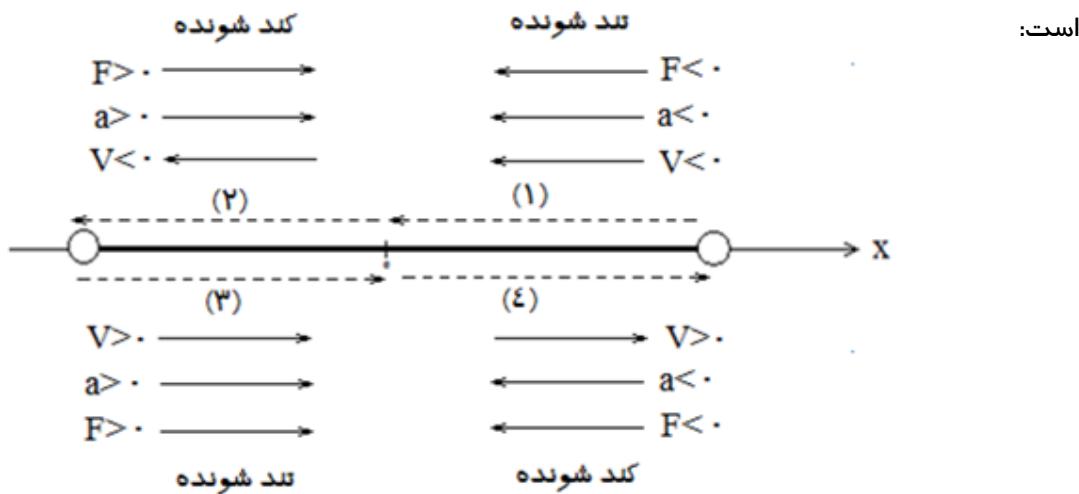
نکته - انرژی مکانیکی (E) در کل حرکت نوسانی ثابت است.

علامت و جهت سرعت، شتاب و نیرو در حرکت نوسانی:

۱- سرعت (V) همواره در جهت حرکت است.

۲- شتاب (a) و نیرو (F) همواره به سمت مرکز نوسان است.

علامت هر یک از بردارهای فوق که در جهت محور X باشد، مثبت، و هر کدام که در خلاف جهت محور X ، باشد، منفی

معادله و نمودار مکان-زمان در حرکت نوسانی:

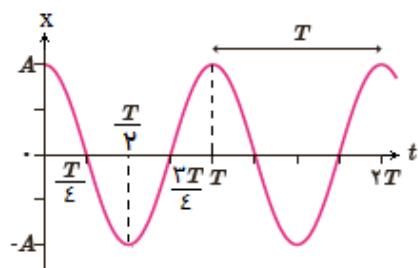
$$X = A \cos \omega t$$

: مکان نوسانگر

: دامنه

: بسامد زاویه ای (rad.s^{-1})

: دوره (s)



بیشینه‌ی سرعت نوسانگر: نوسانگر هماهنگ ساده هنگامی که به نقطه‌ی تعادل می‌رسد سرعتش بیشینه می‌شود

که این بیشینه‌ی سرعت با رابطه‌ی زیر قابل محاسبه است:

$$V_m = A\omega$$

تست ۱- دو نوسانگر A و B را با هم و با دامنه‌ی کم به نوسان در می‌آوریم. دوره‌ی نوسان B برابر $1/5$ ثانیه است و پس از 36 ثانیه، 6 نوسان بیشتر از A انجام می‌دهد، دوره‌ی نوسان A چند ثانیه است؟

- (۱) $1/6$ (۲) $1/4$ (۳) $1/8$ (۴) 2

پاسخ- گزینه(۱)

تست ۲- نوسانگری با دوره‌ی $3/2$ از نقطه‌ی بازگشت به سمت مبدأ شروع به حرکت می‌کند. بین دو لحظه‌ی $t=0$ و $t=2/4$ ثانیه، چند ثانیه حرکت کند شونده است؟

- (۱) $1/6$ (۲) $1/8$ (۳) $1/2$ (۴) صفر

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۳- نوسانگری روی محور X در نوسان است. در لحظه‌ای که نیروی وارد بر نوسانگر منفی است. مکان آن و سرعت آن است.

- (۱) مثبت- مثبت یا منفی (۲) مثبت- مثبت

- (۳) منفی- مثبت (۴) منفی- منفی

پاسخ- گزینه(۴)

تست ۴- نوسانگر ساده‌ای روی پاره خطی به طول ۴ سانتی‌متر نوسان می‌کند و در هر ثانیه یک بار طول این پاره خط را طی می‌کند. بیشینه‌ی سرعت این نوسانگر چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟ (تجربی-۹۸)

- (۱) 4π (۲) 2π (۳) $4\pi/0$ (۴) 0

پاسخ- گزینه(۳)

تسنیع- یک هماهنگ ساده طول پاره خط ۴ سانتی متری را در هر دقیقه ۱۸۰۰ بار طی کرد و از نقطه‌ی بازگشت به سمت وضع تعادل حرکت خود را آغاز کرده است معادله مکان- زمان آن در SI کدام گزینه است؟

$$x = \cdot / \sqrt{2} \cos^3 \cdot t \pi \quad (2)$$

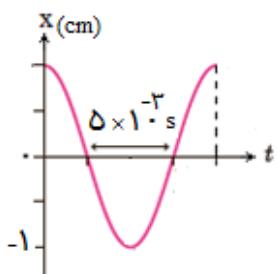
$$x = \cdot / \sqrt{2} \cos^3 \cdot t \pi \quad (1)$$

$$x = \cdot / \sqrt{2} \cos^6 \cdot t \pi \quad (4)$$

$$x = \cdot / \sqrt{2} \cos^6 \cdot t \pi \quad (3)$$

پاسخ- گزینه (۲)

تسنیع- با توجه به نمودار مقابل معادله‌ی حرکت ارتعاشی هماهنگ ساده در SI کدام است؟



$$x = \cdot / \sqrt{1} \cos^4 \cdot t \pi \quad (1)$$

$$x = -\cdot / \sqrt{1} \cos^4 \cdot t \pi \quad (2)$$

$$x = \cdot / \sqrt{2} \cos^3 \cdot t \pi \quad (3)$$

$$x = \cdot / \sqrt{2} \cos^2 \cdot t \pi \quad (4)$$

پاسخ- گزینه (۴)

تسنیع- معادله‌ی مکان- زمان نوسانگری در SI به صورت $x = \cdot / \sqrt{1} \cos \delta \cdot t \pi$ است. چند ثانیه پس از لحظه‌ی $t=0$

سرعت نوسانگر برای اولین بار بیشینه می‌شود؟

$$\cdot / 0.3 \quad (4)$$

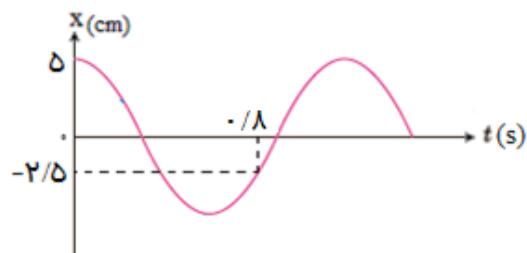
$$\cdot / 0.4 \quad (3)$$

$$\cdot / 0.1 \quad (1)$$

$$\cdot / 0.2 \quad (2)$$

پاسخ- گزینه (۲)

تسنیع- نمودار مکان- زمان نوسانگری به صورت زیر است، معادله‌ی مکان- زمان آن در SI کدام است؟



$$x = \sqrt{2} / \Delta \cos \frac{\pi \delta}{\lambda} t \quad (2)$$

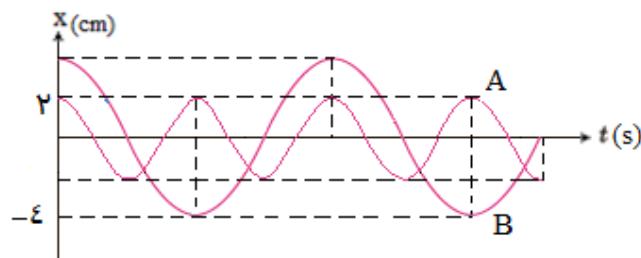
$$x = \cdot / \sqrt{2} \cos \frac{\pi \delta}{\lambda} t \quad (1)$$

$$x = \sqrt{2} / \Delta \cos \frac{\pi \epsilon}{\lambda} t \quad (4)$$

$$x = \cdot / \sqrt{2} \cos \frac{\pi \epsilon}{\lambda} t \quad (3)$$

پاسخ- گزینه (۱)

تست ۸- با توجه به نمودار روبه رو که مربوط به مکان-زمان دو نوسانگر A و B است، بیشینه‌ی سرعت A چند برابر بیشینه‌ی سرعت B است؟



- ۱) $\frac{2}{3}$
۲) $\frac{3}{2}$
۳) $\frac{4}{3}$

۱) ۳
۲) ۱
۳) ۲

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۹- بیشینه‌ی سرعت نوسانگری که روی یک پاره خط به طول ۸ سانتی متر نوسان دارد برابر $1/76\pi$ متر بر ثانیه است. اگر این نوسانگر حرکت خود را از نقطه‌ی بازگشت آغاز نماید مسافت ۸۸ سانتی متر را در چند ثانیه می‌پیماید؟

- ۱) ۴/۵
۲) ۱/۲۵
۳) ۰/۲۵
۴) ۰/۵

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۱۰- معادله‌ی مکان-زمان نوسانگری به صورت $x = A \cos \frac{\pi}{3}t$ است. اندازه‌ی سرعت متوسط در ۷ ثانیه‌ی ابتدای حرکت چند برابر بیشینه سرعت نوسانگر است؟

- ۱) $\frac{3}{\pi^2}$
۲) $\frac{3}{\pi^{14}}$
۳) $\frac{\pi^{14}}{3}$
۴) $\frac{\pi^2}{3}$

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۱۱- نوسانگری در حال عبور از نقطهٔ تعادل است، اندازهٔ شتاب متوسط آن تا لحظه‌ای که دوباره به نقطهٔ تعادل باز می‌گردد کدام است؟

(۴) $\varepsilon A\pi$

(۳) $\lambda A\pi$

(۲) $\frac{\varepsilon A\pi}{T^2}$

(۱) $\frac{\lambda A\pi}{T}$

پاسخ - گزینه (۱)

تست ۱۲- معادلهٔ حرکت هماهنگ ساده‌ای در SI به صورت $x = A \cos \omega t$ است. در فاصلهٔ زمانی $t=0$ تا

$\frac{3}{4}t$ ثانیه، جهت حرکت نوسانگر چند بار عوض می‌شود؟

(۴) ۴

(۳) ۳

(۲) ۲

(۱) ۱

پاسخ - گزینه (۲)

تست ۱۳- معادلهٔ مکان-زمان نوسانگری در SI به صورت $x = 0.2 \cos \omega t$ است. در فاصلهٔ زمانی $t=0$ تا

$\frac{1}{12}t$ ثانیه، چند ثانیهٔ حرکت کند شونده است؟

(۴) $\frac{1}{6}$

(۳) $\frac{1}{10}$

(۲) $\frac{1}{30}$

(۱) $\frac{1}{20}$

پاسخ - گزینه (۲)

تست ۱۴- معادلهٔ حرکت نوسانی یک هماهنگ ساده به صورت $x = 0.6 \cos \frac{\pi t}{3}$ است. در بازهٔ زمانی

$0 < t < 2/5$ ثانیه، چند cm مسافت را طی می‌کند؟

(۴) ۳۹

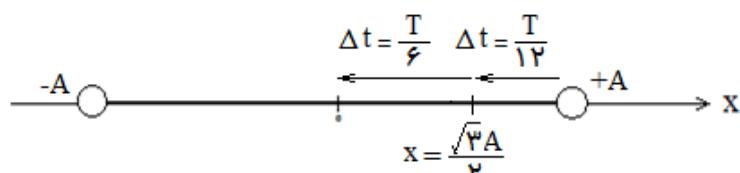
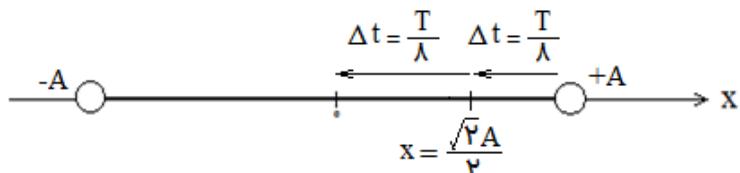
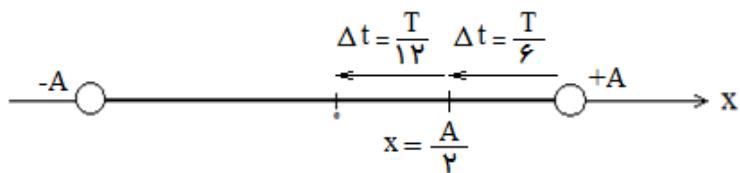
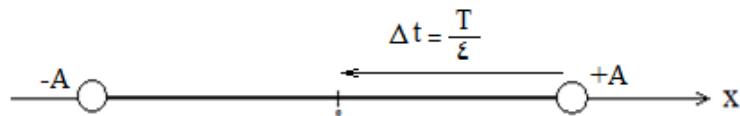
(۳) ۳۳

(۲) ۱۲

(۱) ۱۲

پاسخ - گزینه (۴)

رابطه‌ی بین جایه جایی و زمان لازم برای آن: از آنجا که برای حرکت نوسانی در کنکور حالت‌های خاصی از جایه جایی مطرح است موارد زیر را باید به خاطر بسپارید:



نکته ۱- جایه جایی در روابط فوق تعبیری ایجاد نمی‌کند.

نکته ۲- بیشترین جایه جایی در یک بازه‌ی زمانی معین هنگامی رخ می‌دهد که نیمی از آن در یک سمت نقطه تعادل و نیمی دیگر از آن در سمت دیگر نقطه تعادل انجام شود.

تسنیت ۱۵- در حرکت هماهنگ ساده، حداقل زمان لازم برای آنکه نوسانگر از مکان $\frac{A}{2}$ به مکان $-\frac{A}{2}$ برسد چند

برابر دوره‌ی حرکت است؟

$$\frac{1}{\lambda} (4)$$

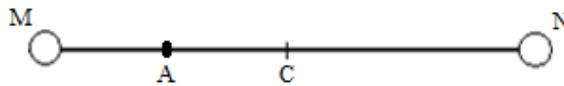
$$\frac{1}{6} (3)$$

$$\frac{1}{\varepsilon} (2)$$

$$\frac{1}{2} (1)$$

پاسخ - گزینه (۳)

تست ۱۶- نوسانگر ساده‌ای روی پاره خط MN در دو طرف مبدأً تعادل C نوسان می‌کند، اگر MA برابر AC بوده و نوسانگر طول MA را در مدت $\frac{1}{2}$ ثانیه پیماید، دوره‌ی نوسانگر چند ثانیه است؟

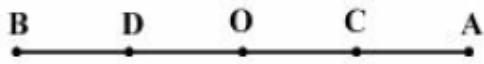


$$\text{۱) } \frac{1}{6} \quad \text{۲) } \frac{1}{8}$$

$$\text{۳) } \frac{1}{2} \quad \text{۴) } \frac{1}{4}$$

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۱۷- متحرکی روی پاره خط AB نوسان هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر $AC=CO=OD=DB$ باشد و متحرک فاصله‌ی CD را در t_1 ثانیه و فاصله‌ی DB را در t_2 ثانیه طی کند، t_1 چند برابر t_2 است؟

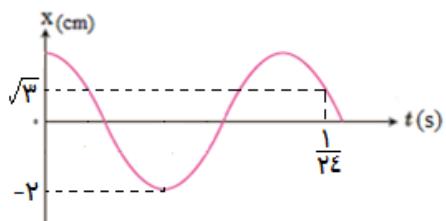


$$\text{۱) } 1 \quad \text{۲) } 2$$

$$\text{۳) } \frac{1}{2} \quad \text{۴) } \frac{1}{3}$$

پاسخ- گزینه(۱)

تست ۱۸- با توجه به نمودار زیر، بسامد نوسان چند Hz است؟

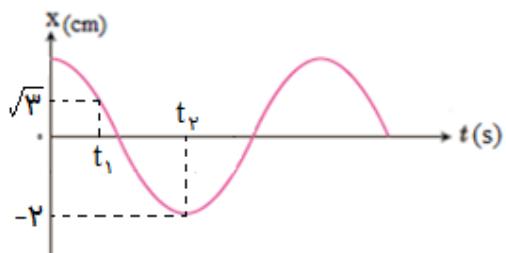


$$\text{۱) } 23 \quad \text{۲) } 26$$

$$\text{۳) } 24 \quad \text{۴) } 28$$

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۱۹- در شکل زیر، معادله‌ی حرکت نوسانگر کدام است؟ $t_2 - t_1 = \frac{\pi}{3}$



$$x = \cdot / \cdot 2 \cos \frac{\pi \delta}{3} t \quad \text{(۲)}$$

$$x = \cdot / \cdot 2 \cos \frac{\pi \delta}{\xi} t \quad \text{(۱)}$$

$$x = \cdot / \cdot 2 \cos \frac{\pi}{3} t \quad \text{(۴)}$$

$$x = \cdot / \cdot 2 \cos \frac{\pi \xi}{3} t \quad \text{(۳)}$$

پاسخ- گزینه(۴)

تست ۲۰- دامنه‌ی یک حرکت هماهنگ ساده، 12cm است. بیشترین جایی نوسانگر در فاصله‌ی زمانی $\frac{1}{3}$ دوره

چند cm است؟

$$12\sqrt{3} \quad (4)$$

$$6\sqrt{3} \quad (3)$$

۱۲ (۲)

۹ (۱)

پاسخ - گزینه (۴)

تست ۲۱- ذره‌ای روی پاره خطی به طول 24cm با بسامد 10Hz نوسان می‌کند. سرعت متوسط این ذره در

جایی بدون تغییر جهت از مکان -6cm به مکان $+6\text{cm}$ بر حسب m/s کدام است؟

۶ (۴)

$2/4$ (۳)

$7/2$ (۲)

$9/6$ (۱)

پاسخ - گزینه (۳)

تست ۲۲- نوسانگری که روی خط راست نوسان می‌کند در لحظه‌ی t_1 در مکان $\frac{A}{2}$ و در لحظه‌ی $t_2 > t_1$ در مکان

$+ \frac{A}{\sqrt{2}}$ قرار دارد. اندازه‌ی بیشترین سرعت متوسط نوسانگر در بازه‌ی زمانی t_1 تا t_2 کدام است؟ (A دامنه، T دوره و در $t=0$ نوسانگر در مکان A+ است)

$$12(\sqrt{2}-1)\frac{A}{T} \quad (4)$$

$$\frac{12(\sqrt{2}+1)}{\gamma}\frac{A}{T} \quad (3)$$

$$\frac{12(\sqrt{2}-1)}{\gamma}\frac{A}{T} \quad (2)$$

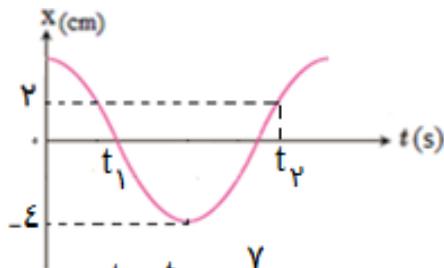
$$12\left(\sqrt{2}+1\right)\frac{A}{T} \quad (1)$$

پاسخ - گزینه (۴)

تسنیع ۲۳- نمودار مکان- زمان متحرکی که حرکت هماهنگ ساده انجام

می دهد، مطابق شکل زیر است. در مدت دلخواهی به اندازه $\frac{1}{4}$ دوره،

بیش ترین مقدار سرعت متوسط متحرک چند متر بر ثانیه است؟



$$t_2 - t_1 = \frac{1}{4} \cdot$$

$$\frac{1}{4} \cdot$$

$$\frac{2}{5} \cdot$$

$$\frac{2\sqrt{2}}{5} \cdot$$

$$\frac{\sqrt{2}}{10} \cdot$$

پاسخ- گزینه(۲)

تسنیع ۲۴- نوسانگری روی پاره خطی به طول 10 cm از مکان $-2/5\text{ cm}$ و در جهت منفی عبور می کند. اگر زمان

تناوب $1/0$ ثانیه باشد. $\frac{1}{4}$ ثانیه بعد نوسانگر در چه مکانی (بر حسب cm) است؟

$$-\frac{2}{5} \cdot$$

$$\frac{2}{5} \cdot$$

$$\frac{2}{5}\sqrt{3} \cdot$$

$$-\frac{2}{5}\sqrt{3} \cdot$$

پاسخ- گزینه(۱)

تسنیع ۲۵- نوسانگری روی پاره خطی به طول 12 cm حرکت هماهنگ ساده انجام می دهد. این نوسانگر دو

جایه جایی مساوی و متواالی را بدون تغییر جهت انجام می دهد که مجموع آن ها برابر دامنه نوسان است. اگر هر

یک از این جایه جایی ها در مدت $4/0$ ثانیه انجام شود، بیشینه سرعت این نوسانگر چند متر بر ثانیه است؟ ($=\pi^3$)

$$\frac{3}{2} \cdot$$

$$\frac{3}{4} \cdot$$

$$\frac{4}{3} \cdot$$

$$(1) صفر$$

پاسخ- گزینه(۳)

دوره تناوب نوسانگر جرم-فنر: علاوه بر فرمول های قبل رابطه‌ی زیر برای محاسبه‌ی دوره تناوب سامانه‌ی

وزنه- فنر قابل محاسبه است:

$$T = \pi^2 \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$k = m\omega^2$$

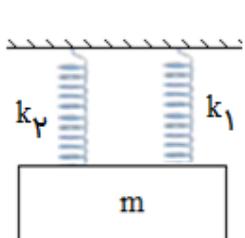
m: جرم متصل به فنر (kg)

k: ثابت یا ضریب سختی فنر (N/m)

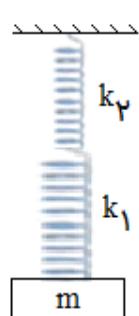
T: دوره تناوب (S)

نکته ۱- با توجه به رابطه فوق می‌توان گفت دوره و بسامد نوسانگر وزنه- فنر به دو عامل جرم و ثابت فنر بستگی دارد.

نکته ۲- در صورتی که چند فنر به هم متصل در حرکت نوسانی داشته باشیم باید به جای K در فرمول فوق ضریب سختی معادل فنرهای (K_T) را قرار دهیم، پس روابط فنرهای متواالی و موازی را برایتان یادآوری می‌کنیم:

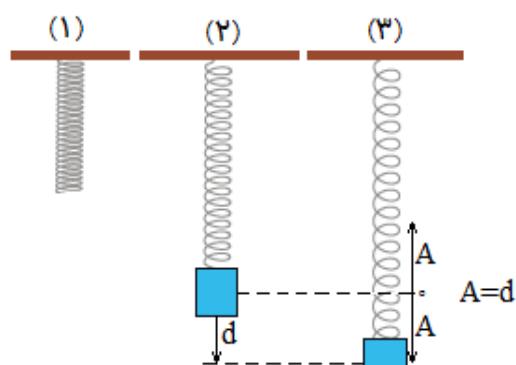


ب) فنرهای موازی:

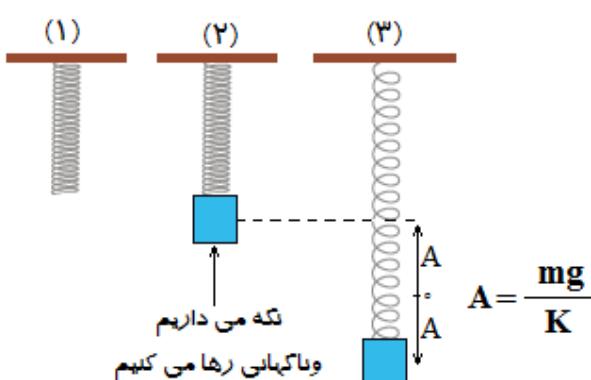


الف) فنرهای متواالی:

$$\frac{1}{K_T} = \frac{1}{K_1} + \frac{1}{K_2} + \dots$$



نکته ۳- هر گاه فنری را از نقطه‌ای آویزان کنیم، سپس وزنه‌ای به آن بیندیم و پس از رسیدن به تعادل آن را به اندازه‌ی d از نقطه‌ی تعادل پایین بکشیم و رها نماییم تا به نوسان درآید، دامنه‌ی نوسان برابر d خواهد بود:



نکته ۴- هر گاه فنری را از نقطه‌ای آویزان کنیم، سپس وزنه‌ای را به آن بیندیم و نگه داریم تا فنر افزایش طول پیدا نکند، و به طور ناگهانی وزنه را رها کنیم تا به نوسان درآید، دامنه‌ی نوسان به صورت زیر به دست خواهد آمد:

$$A = \frac{mg}{K}$$

تست ۲۶- هر قدر به سختی یک فنر افزوده شود، وقتی تحت تأثیر یک نیرو به نوسان درآید نوسان های آن می شود.

- | | | | |
|------------------|----------------|------------------|-------------------|
| ۴) دامنه- بیش تر | ۳) دوره- کم تر | ۲) بسامد- بیش تر | ۱) پاسخ- گزینه() |
|------------------|----------------|------------------|-------------------|

تست ۲۷- جسمی به جرم ۲۵۰ گرم به انتهای فنری به ضریب ثابت 100 N/m بسته شده و با دامنه 2cm نوسان می کند. سرعت نوسانگر هنگام عبور از نقطه ای تعادل چند متر بر ثانیه است؟

- | | | | |
|-----|-----|-----|-----|
| ۴ | ۳ | ۲ | ۱ |
| ۰/۲ | ۰/۳ | ۰/۴ | ۰/۸ |
- پاسخ- گزینه(۳)

تست ۲۸- جسمی به جرم ۲ کیلوگرم مطابق شکل بین دو فنر کاملاً مشابه بسته شده و با دامنه 2cm روی سطح بدون اصطکاک نوسان می کند. اگر ثابت هر فنر 400 N/m باشد. در هر دقیقه چند بار انرژی جنبشی جسم صفر



می شود؟ ($=\pi^3$)

- | | | | |
|--------|--------|--------|--------|
| ۱) ۱۰۰ | ۲) ۲۰۰ | ۳) ۳۰۰ | ۴) ۴۰۰ |
|--------|--------|--------|--------|

پاسخ- گزینه(۴)

تست ۲۹- فنری با ثابت K متصل به یک جسم به جرم m در راستای قائم با بسامد ثابت نوسان می کند. فنر را باز کرده و از وسط نصف می کنیم و با همان جسم به نوسان در می آوریم، کدام گزینه بسامد جدید وزنه-فنر را نشان می دهد؟

- | | | | |
|---|---|-------------------------------|---------------------------------|
| $\frac{1}{\pi^2} \sqrt{\frac{2K}{m}}$ (۴) | $\frac{1}{\pi^2} \sqrt{\frac{K}{2m}}$ (۳) | $2\pi \sqrt{\frac{m}{K}}$ (۲) | $\pi^2 \sqrt{\frac{2K}{m}}$ (۱) |
|---|---|-------------------------------|---------------------------------|

پاسخ- گزینه(۴)

تست ۳۰- به انتهای فنر سبکی با ثابت 100 N/m وزنه ای به جرم 1 Kg می بندیم و آن را طوری نگه می داریم که طول فنر تغییر نکند، سپس وزنه را رها می کنیم تا دستگاه بر خلاف محور y حرکت هماهنگ ساده را شروع کند، معادله ی حرکت آن در SI کدام است؟

$$y = \cdot / 1 \cos 2 \cdot t \quad (4) \quad y = \cdot / 2 \cos 2 \cdot t \quad (3) \quad y = \cdot / 1 \cos 1 \cdot t \quad (2) \quad y = \cdot / 2 \cos 1 \cdot t \quad (1)$$

پاسخ- گزینه (۲)

تست ۳۱- هرگاه جسمی به جرم m به فنری متصل شود و به نوسان درآید، با دوره تناوب $2s$ نوسان می کند. اگر جرم این جسم 2 Kg افزایش یابد ، دوره تناوب $3s$ می شود. مقدار m چند کیلوگرم است؟

$$1/25 \quad (4) \quad 2/4 \quad (3) \quad \cdot / 8 \quad (2) \quad 1/6 \quad (1)$$

پاسخ- گزینه (۱)

تست ۳۲- جرم خودروی همراه سرنشینان آن 1600 kg است. این خودرو روی 4 فنر با ثابت 10^4 N/m سوار شده است. بسامد زاویه ای ارتعاش خودرو هنگامی که از یک چاله می گذرد چند rad.s^{-1} است؟(فرض کنید وزن خودرو به طور یکنواخت روی فنرهای چهار چرخ توزیع شده است)

$$100 \quad (1) \quad 25 \quad (2) \quad 50 \quad (4) \quad 10 \quad (3)$$

پاسخ- گزینه (۳)

تست ۳۳- جسمی به جرم $g = 400 \text{ g}$ به فنری با ثابت $k = 36 \text{ N/m}$ بسته شده است و روی سطح افقی بدون اصطکاکی حرکت هماهنگ ساده انجام می دهد، این جسم در مدت یک ثانیه چند نوسان انجام می دهد؟($\pi = 3$)

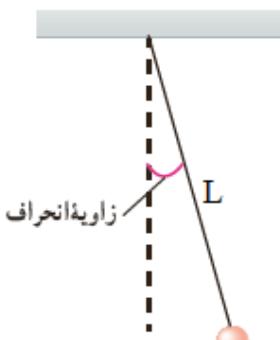
$$(1) 5 \quad (2) 15 \quad (3) 30 \quad (4) 60 \quad (98) \quad (\text{ریاضی خارج})$$

پاسخ- گزینه (۱)

آونگ ساده: آونگ ساده شامل وزنه‌ی کوچک به جرم m است که از نحی بدون جرم و کش نیامدنی به طول L که سر دیگر آن ثابت شده، آویزان است. اگر زاویه‌ی انحراف آونگ از وضع تعادل کوچک باشد، آونگ حرکت هماهنگ ساده خواهد داشت و علاوه بر تمام روابط حرکت هماهنگ ساده، رابطه‌ی زیر نیز برای دوره تناوب آن

برقرار است:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$



T : دوره تناوب (s)

L : طول آونگ (m)

g : شتاب گرانش محل (N/kg)

نکته ۱- دوره تناوب و بسامد آونگ تنها به طول آن و شتاب گرانش محل نوسان آونگ بستگی دارد (دوره و بسامد آن به جرم وزنه‌ی متصل به آن بستگی ندارد)

نکته ۲- وابسته بودن دوره‌ی آونگ به شتاب گرانش باعث می‌شود که با اندازه‌گیری طول (L) و دوره‌ی آن (T) بتوان به طور دقیق شتاب گرانش یک محل را به دست آورد.

نکته ۳- شتاب گرانش در سطح زمین، ارتفاعات زمین و سایر کرات دیگر روابطی در دینامیک دارد که آنها را برایتان بادآوری می‌کنیم:

$$g = \frac{GM_e}{R_e^2} : \text{شتاب گرانش در سطح زمین}$$

$$g_h = \frac{GM_e}{(R_e+h)^2} : \text{شتاب گرانش در ارتفاعات زمین}$$

$$g' = \frac{GM'}{R'^2} : \text{شتاب گرانش در کرات دیگر}$$

نکته ۴- شتاب گرانش داخل آسانسور به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\text{اگر شتاب آسانسور رو به بالا باشد} \quad g' = g + a$$

$$\text{اگر شتاب آسانسور رو به پایین باشد} \quad g' = g - a$$

تست ۳۳- آونگ ساده ای در حال نوسان و به طول 4 cm در هر دقیقه بار سرعتش صفر می شود و

..... بار سرعتش بیشینه می گردد. ($\pi = 3.6g = 10$)

(۱) $200 - 100$ (۲) $100 - 200$ (۳) $100 - 100$ (۴) $50 - 50$

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۳۴- دوره‌ی حرکت آونگ ساده ای به طول L_1 برابر 3 ثانیه و دوره‌ی حرکت آونگ ساده‌ی دیگری به طول

L_2 برابر 4 ثانیه است. دوره‌ی آونگ ساده ای به طول $L_1 + L_2$ چند ثانیه است؟

(۱) 7 (۲) $3/5$ (۳) 12 (۴) 4

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۳۵- اگر به اندازه‌ی شعاع کره‌ی زمین از سطح زمین بالا رویم، بسامد یک آونگ ساده با طول ثابت چند

برابر می گردد؟

(۱) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{1}{3}$ (۳) $\frac{1}{4}$ (۴) $\frac{1}{2}$

پاسخ- گزینه(۴)

تست ۳۶- دوره‌ی نوسان آونگ ساده ای در یک مکان معین، برابر 2 ثانیه است و در مدت $6/2$ دقیقه N نوسان

کامل انجام می دهد. طول آونگ را چند درصد کاهش یا افزایش دهیم تا در همان مکان و در همان مدت $N-18$

نوسان کامل انجام دهد؟

(۱) 69 درصد کاهش (۲) 69 درصد افزایش (۳) 31 درصد کاهش (۴) 31 درصد افزایش

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۳۷- با توجه به اینکه شتاب گرانش در استوا کم تر از شتاب گرانش در تهران است ، اگر یک ساعت آونگ دار (با آونگ ساده) که در تهران تنظیم شده است به منطقه ای در استوا بردشود ، آنگاه

- (۱) دوره‌ی آونگ آن افزایش یافته و ساعت عقب می‌افتد.
- (۲) دوره‌ی آونگ آن افزایش یافته و ساعت جلو می‌افتد.
- (۳) دوره‌ی آونگ آن کاهش یافته و ساعت عقب می‌افتد.
- (۴) دوره‌ی آونگ آن کاهش یافته و ساعت جلو می‌افتد.

پاسخ- گزینه()

انرژی جنبشی در حرکت هماهنگ ساده: با توجه به فیزیک ۱ به صورت زیر قابل محاسبه است:

$$K = \frac{1}{2} m V^2$$

انرژی پتانسیل در حرکت هماهنگ ساده: برای این انرژی رابطه‌ای در کتاب درسی نیامده است ولی با کمک انرژی جنبشی (K) و انرژی مکانیکی (E) می‌توان آن را به دست آورد.

انرژی مکانیکی در حرکت هماهنگ ساده: انرژی مکانیکی ، مجموع انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل است و به صورت زیر می‌توان برای آن رابطه نوشت:

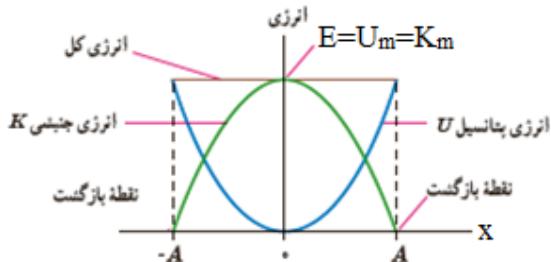
$$E = U + K$$

$$E = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2$$

نکته ۱- چون در حرکت هماهنگ ساده از اصطکاک صرفنظر می‌شود انرژی مکانیکی ثابت می‌ماند، به عبارت دیگر برای یک نوسانگر، مجموع انرژی جنبشی و پتانسیل در تمام نقاط حرکت برابر است و این یعنی در طول حرکت هر مقدار انرژی جنبشی کاهش یابد بر انرژی پتانسیل افزوده می‌شود و برعکس.

نکته ۲- هنگامی که انرژی پتانسیل بیشینه است ، انرژی جنبشی صفر است و هنگامی که انرژی پتانسیل صفر است انرژی جنبشی بیشینه است و این یعنی بیشینه‌ی انرژی جنبشی و بیشینه‌ی انرژی پتانسیل برابر انرژی مکانیکی است، پس:

$$K_m = U_m = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2$$

نمودار انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل بر حسب مکان:

تست ۳۸- انرژی جنبشی و پتانسیل یک هماهنگ ساده در یک لحظه‌ی معین، به ترتیب برابر 12 J و 6 J ژول است. اگر جرم نوسانگر 10 g و دامنه‌ی حرکت آن 4 cm باشد، دوره‌ی حرکت آن چند ثانیه است؟

(۱) 15π

(۲) $\frac{\pi}{75}$

(۳) $\frac{\pi}{3}$

(۴) 300π

پاسخ- گزینه (۳)

تست ۳۹- نوسانگری به جرم 100 g ، روی پاره خطی به طول 20 cm حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد و در $\frac{1}{4}$ ثانیه از مرکز نوسان به انتهای مسیر می‌رسد. انرژی جنبشی نوسانگر در مرکز نوسان چند میلی ژول

(۱) $(\pi^2 = 10)$

(۲) 25

(۳) 20

(۴) 8

پاسخ- گزینه (۳)

تست ۴۰- کدام گزینه بیشینه‌ی انرژی پتانسیل در حرکت هماهنگ ساده را به درستی نشان می‌دهد؟

(۱) $\frac{1}{2}m\pi^2 f^2 A^2$

(۲) $2m\pi f A^2$

(۳) $\epsilon m\pi^2 f^2 A^2$

(۴) $2m\pi^2 f^2 A^2$

پاسخ- گزینه (۱)

تسنیت ۴۱- اگر بیشینه‌ی سرعت یک نوسانگر $2\sqrt{3}$ متر بر ثانیه باشد، تندی آن چند متر بر ثانیه باشد تا انرژی جنبشی

۳ برابر انرژی پتانسیل آن شود؟

۶) ۴

۳) ۵/۱

۲) ۳

۱) ۲

پاسخ- گزینه(۲)

تسنیت ۴۲- در حرکت هماهنگ ساده، در مکانی که تندی نوسانگر نصف بیشینه‌ی سرعت آن است انرژی پتانسیل

چند برابر انرژی جنبشی است؟

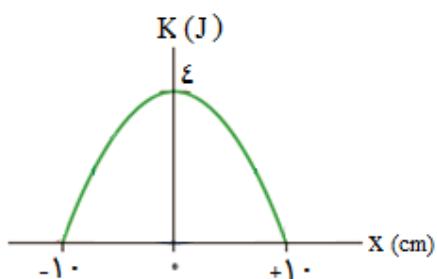
۱) $\frac{1}{4}$

۳) ۳

۲) $\frac{1}{3}$

۱) ۴

پاسخ- گزینه(۳)



تسنیت ۴۳- نمودار انرژی جنبشی یک نوسانگر ساده به جرم ۲۰۰ گرم
بر حسب مکان آن به صورت زیر است، در هر ثانیه چند بار انرژی

جنبشی بیشینه می‌شود؟ ($\pi^2 = 10$)

۱) ۱۰

۲) ۲۰

۳) ۵

۴) ۴۰

پاسخ- گزینه(۱)

تسنیت ۴۴- نوسانگری به جرم ۱۰۰ گرم روی پاره خطی به طول ۲۰ cm حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد و در

مدت $\frac{1}{\pi}$ ثانیه از مرکز نوسان به انتهای مسیر می‌رسد. بیشینه انرژی جنبشی نوسانگر چند میلی ژول است؟ ($\pi^2 = 10$)

۱) ۲۵

۲) ۲۰

۳) ۸

۴) ۲

پاسخ- گزینه(۳)

تسنیت ۵- نوسانگری به جرم $g = 100 \frac{N}{m}$ به انتهای فنری که ثابت آن $\frac{N}{m} = 4$ است، بسته شده است و روی سطح افقی بدون اصطکاک، حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر انرژی مکانیکی نوسانگر $L = 8\text{m}$ باشد، لحظه‌ای که انرژی جنبشی نوسانگر برابر انرژی پتانسیل کشسانی آن است، سرعت آن چند متر بر ثانیه است؟ (ریاضی-۹۸)

$$\begin{array}{c} 2) \sqrt{2} \\ 1) \frac{\sqrt{2}}{5} \\ 3) \sqrt{2} \\ 4) \sqrt{2} \end{array}$$

پاسخ- گزینه (۲)

بسامد طبیعی: هر نوسانگر با انحراف از وضع تعادل با بسامد معین شروع به نوسان می‌کند. به این نوسان‌ها بسامد طبیعی گفته می‌شود. (بسامد این نوسان با f_0 نمایش داده می‌شود.)

نوسان واداشته: هر نوسانگری با اعمال نیروی خارجی با بسامد متفاوتی نسبت به بسامد طبیعی شروع به نوسان می‌کند، به چنین نوسانی، نوسان واداشته گفته می‌شود. (بسامد این نوسان با f نمایش داده می‌شود.)

نوسان میرا: اتلاف انرژی و اصطکاک برای هر نوسانگری که با بسامد طبیعی نوسان می‌کند سبب می‌شود که پس از مدتی نوسان متوقف گردد، به چنین نوسانی، نوسان میرا گفته می‌شود.

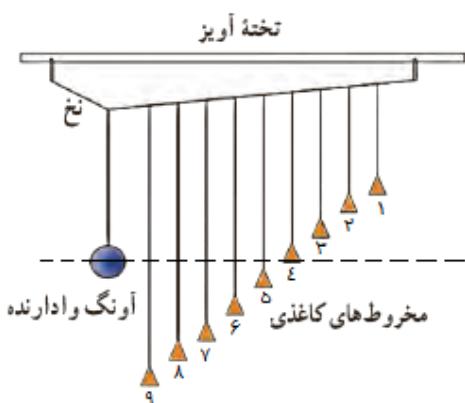
نکته ۱- تاب خوردن یک کودک بدون هل دادن یک نوسان طبیعی است، اگر هل داده شود یک نوسان واداشته است، و این هل دادن باعث جبران اتلاف انرژی و مقاومت هوا می‌گردد و مانع از میرا شدن نوسان تاب می‌گردد.

نکته ۲- با توجه به روابط آونگ ساده و نوسان وزنه- فنر می‌توان گفت بسامد طبیعی آونگ ساده به صورت

$$f_0 = \frac{1}{\pi^2} \sqrt{\frac{k}{m}} = \frac{1}{\pi^2} \sqrt{\frac{g}{L}}$$

تشدید یا رزونانس: اگر به یک نوسانگر به صورت دوره‌ای نیرو وارد کنیم و بسامد این نیرو با بسامد طبیعی نوسانگر برابر باشد ($f_d = f_0$) باشد، دامنه‌ی نوسانگر تا مقدار معینی بزرگ شده و سپس با همین دامنه نوسان خود را ادامه می‌دهد، به این پدیده تشدید گفته می‌شود.

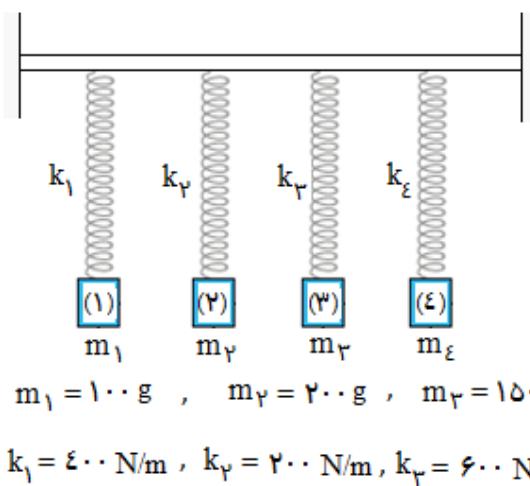
نکته- اگر بسامد نیروی وارد بر نوسانگر، بیش تر یا کم تر از نوسان طبیعی آن باشد تشدید رخ نمی‌دهد و دامنه‌ی نوسان کوچکتر از حالتی خواهد شد که بسامد نیرو با بسامد طبیعی برابر است.



آونگ های بارتون: یک آونگ با وزنه‌ی سنگین و تعدادی آونگ سبک

با طول‌های متفاوت را مطابق شکل در نظر بگیرید. آونگ‌ها روی نخی سوار شده‌اند که هر دو انتهای آن توسط گیره‌هایی به تخته آویز متصل شده است. به آونگ سنگین اصطلاحاً آونگ وادارنده گفته می‌شود، زیرا به نوسان در آوردن این آونگ، موجب تاب خوردن نخ آویز و در نتیجه به نوسان و ادراستن سایر آونگ‌ها می‌شود. اما از آنجا که بسامد آونگ مطابق رابطه‌ی $f = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{g}{L}}$ با جذر طول (\sqrt{L}) رابطه‌ی مستقیم دارد، بسامد آونگ وادارنده و بسامد آونگ شماره‌ی ۴ یکسان است ($f_0 = f_4$) و در آونگ ۴ تشدید رخ می‌دهد، یعنی دامنه‌ی نوسان آن بیش از سایر آونگ‌ها می‌شود و به مدت طولانی تری نوسان می‌کند.

نکته- اگر بسامد وادارنده و بسامد طبیعی برابر نباشند گرچه تشدید رخ نمی‌دهد اما دامنه‌ی نوسان نسبتاً بزرگ خواهد بود.



تسنیع- فنرهایی مطابق شکل مقابله به یک طناب بسته شده اند. اگر فنر (۱) و وزنه‌ی متعلق به آن را به نوسان در آوریم، کدام وزنه‌ها به نوسان در می‌آیند و کدام وزنه به مدت طولانی تری نوسان می‌کند؟

- (۱) همه‌ی وزنه‌ها - وزنه‌ی (۴)
- (۲) همه‌ی وزنه‌ها - وزنه‌ی (۳)
- (۳) وزنه‌ی (۳) و (۴) - وزنه‌ی (۳)
- (۴) وزنه‌ی (۳) و (۴) - وزنه‌ی (۴)

پاسخ- گزینه (۲)

تعریف موج: هرگاه در ناحیه‌ای از محیط کشسان ارتعاشی به وجود آید، موجب پدید آمدن ارتعاش‌های پی در پی دیگری می‌شود که از محل شروع ارتعاش دور و دورترند و به این ترتیب موج حاصل می‌شود.

انواع موج با توجه به محیط انتشار:

۱- موج مکانیکی: امواجی که برای انتشار خود نیاز به محیط مادی کشسان دارند موج مکانیکی هستند (مانند امواج روی سطح آب و امواج صوتی)

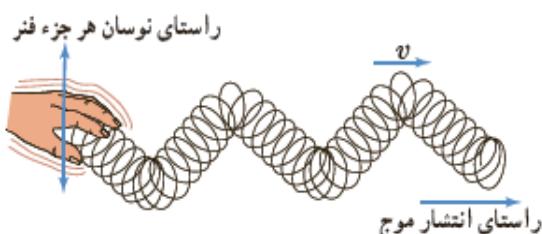
۲- موج الکترومغناطیسی: امواجی که برای انتشار خود نیاز به محیط مادی ندارند موج الکترومغناطیسی هستند (مانند نور مرئی، موج‌های رادیویی و تلویزیونی، میکروموج‌ها و پرتوهای X)

تپ موج: تغییر یا آشفتگی ایجاد شده در یک محیط کشسان را تپ موج می‌گوییم.

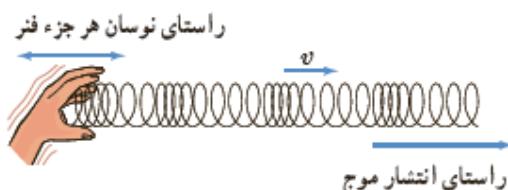
موج پیش رونده: موجی است که از نقطه‌ای به نقطه‌ای دیگر حرکت کرده و انرژی را با خود منتقل می‌کنند. (در این امواج ماده منتقل نمی‌شود)

انواع موج پیش رونده:

۱- موج عرضی: موجی است که راستای جایه جایی هر جزء نوسان کننده (راستای ارتعاش) عمود بر راستای حرکت موج (راستای انتشار) است. تصویر زیر موج عرضی روی فنر را نشان می‌دهد:



۲- موج طولی: موجی است که راستای جایه جایی هر جزء نوسان کننده (راستای ارتعاش) منطبق بر راستای حرکت موج (راستای انتشار) است. تصویر زیر موج طولی روی فنر را نشان می‌دهد:



چشمی موج: چشمی موج معمولاً یک نوسان‌گر ساده انجام می‌دهد و بسامد یک موج همان بسامد چشمی موج است.

نکته- بسامد موج به ویژگی های فیزیکی چشمeh i موج بستگی دارد و به ویژگی های محیط انتشار وابسته نیست.

جیوهه هی موج روی سطح آب: برآمدگی ها یا فرورفتگی های ایجاد شده روی سطح آب، یک جیوهه هی موج نامیده می شود.(به برآمدگی ها قله یا ستیغ و به فرو رفتگی ها دره یا پاستیغ گفته می شود)

دامنه هی موج (A): بیشینه هی فاصله هی یک ذره از مکان تعادل ، دامنه هی موج نامیده می شود(همان فاصله هی قله یا دره نسبت به سطح آرام یا ساکن است)

دوره تناوب موج (T): مدت زمانی که هر ذره هی محیط یک نوسان کامل انجام می دهد دوره تناوب موج نامیده می شود.

بسامد موج (f): تعداد نوسان های انجام شده توسط هر ذره از محیط در یک ثانیه بسامد موج نامیده می شود.

تندی انتشار موج (V): مسافت طی شده توسط موج در واحد زمان تندی انتشار نامیده می شود:

$$V = \frac{L}{\Delta t}$$

نکته ۱- بسامد و دوره تناوب موج همان بسامد و دوره هی چشمeh i موج است و به ویژگی های فیزیکی چشمeh i موج بستگی دارند و به ویژگی های محیط انتشار وابسته نیستند.

نکته ۲- تندی انتشار موج به جنس و ویژگی های محیط انتشار بستگی دارد و به ویژگی های چشمeh i موج وابسته نیست.

نکته ۳- با افزایش عمق آب تندی انتشار امواج روی سطح آب نیز بیشتر می شود.

طول موج (λ): مسافتی است که موج در مدت دوره تناوب نوسان چشمeh طی می کند.

$$\lambda = \frac{V}{f}$$

λ: طول موج (m)
V: تندی انتشار (m/s)

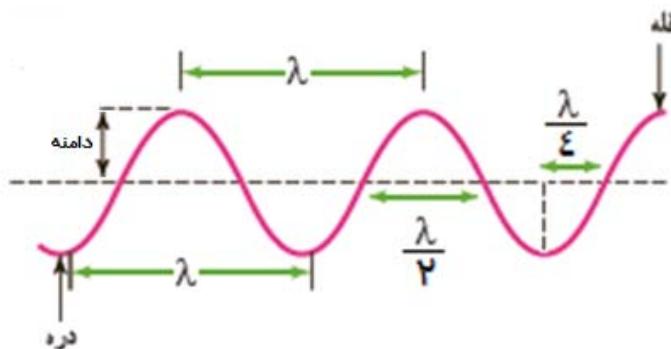
$$\lambda = VT$$

T: دوره تناوب (s)
f: بسامد (Hz)

نکته- با توجه به مفهوم طول موج می توان گفت در مدت زمان T (دوره) مسافتی که موج می پیماید برابر λ است.

مشخصه های موج عرضی: فاصله‌ی دو قله‌ی متواالی یا دو دره‌ی متواالی در امواج عرضی برابر طول موج است.

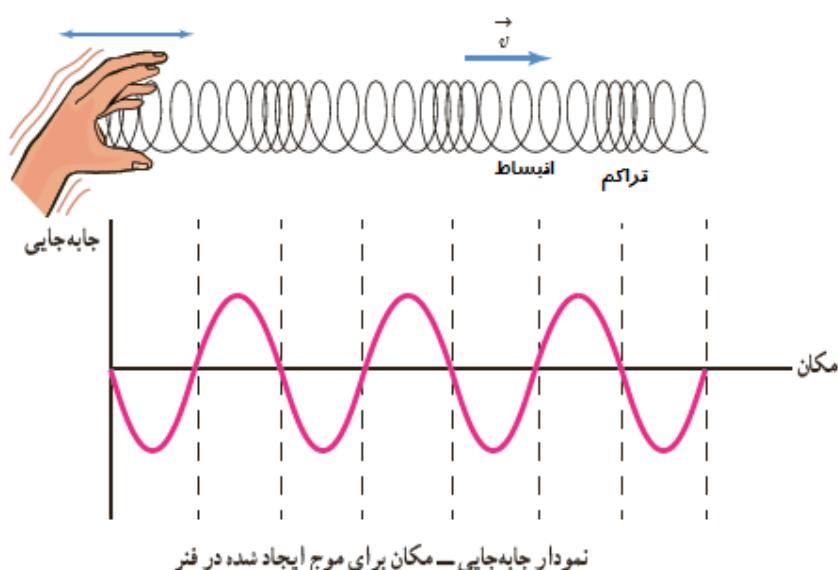
همچنین بیشینه‌ی فاصله‌ی هر نقطه از مرکز نوسان دامنه است:



تذکر: برای تعیین جهت حرکت هر ذره روی موج عرضی به وضعیت نقاط قبل تر از آن توجه کنید. جهت حرکت هر نقطه به سمت نقاط قبل تر از خودش است.

مشخصه های موج طولی: فاصله‌ی دو انبساط(بازشدگی) متواالی یا دو تراکم(جمع شدگی) متواالی در امواج طولی

برابر طول موج است، همچنین بیشینه‌ی فاصله‌ی هر نقطه از مرکز نوسان، دامنه است:



نمودار چابه‌جایی - مکان برای موج ایجاد شده در فنر

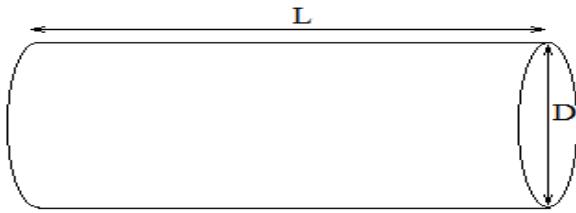
نکته- برای امواج مکانیکی، تندی انتشار امواج طولی در یک محیط جامد بیش تر از تندی انتشار امواج عرضی در همان محیط است.

امواج لرزه‌ای: امواج لرزه‌ای، موج‌های مکانیکی هستند که از لایه‌های زمین عبور می‌کنند. یکی از منشأهای مهم

امواج لرزه‌ای، زمین لرزه‌ها هستند. انواع امواج لرزه‌ای عبارتند از:

۱- امواج P یا امواج اولیه که طولی بوده و سرعت بیشتری داشته و سریع تر به دستگاه لرزه نگار می‌رسد.

۲- امواج S یا امواج ثانویه که عرضی بوده و سرعت کمتری داشته و دیر تر به دستگاه لرزه نگار می‌رسد.

محاسبه‌ی تندی انتشار موج عرضی در تار(سیم) یا فنر:

قسمتی از یک سیم

$$V = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{F \cdot L}{m}} = \sqrt{\frac{F}{\rho \cdot A}} = \frac{1}{r} \sqrt{\frac{F}{\pi \cdot \rho}} = \frac{2}{D} \sqrt{\frac{F}{\pi \cdot \rho}}$$

F: نیروی کشش ریسمان(همان T در دینامیک بر حسب نیوتن)
 μ : چگالی خطی ($\text{kg} \cdot \text{m}^{-1}$)
m: جرم تار (Kg)
L: طول تار (m)

$$\mu = \frac{m}{L}$$

A: سطح مقطع تار (m^2)
r: شعاع مقطع تار (m)

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow m = \rho V$$

D: قطر مقطع تار (m)
ρ : چگالی ($\text{kg} \cdot \text{m}^{-3}$)

$$V_{حجم} = A \cdot L = \pi r^2 L$$

V: تندی انتشار در تار (m/s)

انتقال انرژی در موج عرضی: هر موجی حامل انرژی است. می‌توان ثابت کرد که متوسط آهنگ انتقال انرژی (توان

متوسط) در یک موج عرضی برای همه‌ی امواج مکانیکی با دو عامل زیر متناسب است:

۱) مربع دامنه (A^2)

۲) مربع بسامد (f^2)

تسنی ۴۶- اگر بسامد ارتعاش‌های یک چشم‌های موج دو برابر شود، دوره تناوب و تندی انتشار موج به ترتیب چه

تغییری می‌کند؟

۱) نصف می‌شود- نصف می‌شود.

۲) دو برابر می‌شود- کاهش می‌یابد.

۳) تغییری نمی‌کند- تغییری نمی‌کند.

۴) نصف می‌شود- تغییری نمی‌کند.

پاسخ- گزینه ()

تسنیع ۴۷- یک موج مکانیکی از محیط وارد محیط دیگر می‌شود که تندی انتشار در آن کمتر است، پس بسامد موج و طول موج می‌یابد.

- | | | | |
|-----------------|---------------|-----------------|-------------------|
| ۴) افزایش- کاهش | ۳) کاهش- کاهش | ۲) ثابت- افزایش | ۱) پاسخ- گزینه() |
|-----------------|---------------|-----------------|-------------------|

تسنیع ۴۸- یک موج عرضی در طنابی در حال انتشار است. کدام کمیت در یک بازه‌ی زمانی معین برای تمام ذرات (تجربی-۹۸) طناب یکسان است؟

- | | | | |
|-------------------|---------------|--------------|----------|
| ۴) بسامد زاویه‌ای | ۳) شتاب متوسط | ۲) جابه‌جایی | ۱) مسافت |
|-------------------|---------------|--------------|----------|

تسنیع ۴۸- قطر مقطع یک سیم مرتعش یک میلی متر، چگالی آن 8 g/cm^3 و طول آن 8 cm است. اگر این موج در مدت 0.2 s طول سیم را طی کند، نیروی کشش سیم چند نیوتن است؟ ($\pi = 3$)

- | | | | |
|------|------|-----|-----|
| ۱۶/۲ | ۱۲/۴ | ۹/۶ | ۴/۸ |
|------|------|-----|-----|

پاسخ- گزینه(۲)

تسنیع ۴۹- تاری به طول L را که m گرم جرم دارد و با نیروی F بین دو نقطه کشیده شده است به نوسان در

می‌آوریم. اگر تار دیگری به طول $\frac{5L}{4}$ و جرم $\frac{m}{8}$ را با همان نیروی کشش مرتعش کنیم، تندی انتشار موج عرضی در آن چند برابر تار اول است؟

- | | | |
|---|---|----|
| ۴ | ۵ | ۲۵ |
| ۵ | ۴ | ۱۶ |

پاسخ- گزینه(۳)

تسنیع ۵۰- اگر ریسمان همگن مرتعش از طول نصف شود، تندی انتشار امواج عرضی در آن با ثابت فرض کردن نیروی کشش ریسمان چند برابر می‌شود؟

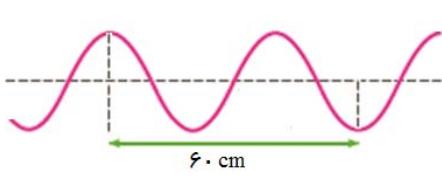
- | | | | |
|------------|---------------------|------------|-------------------|
| ۴) ۲ برابر | $\frac{1}{4}$ برابر | ۲) ۴ برابر | ۱) تغییر نمی‌کند. |
|------------|---------------------|------------|-------------------|

تست ۵۱- اگر نیروی کشش یک ریسمان مرتعش را ۴ برابر کنیم، طول موج و بسامد آن به ترتیب چه تغییری می‌کند؟

- (۱) دو برابر می‌شود - نصف می‌شود - ثابت می‌ماند
 (۲) دو برابر می‌شود - ثابت می‌ماند
 (۳) نصف می‌شود - دو برابر می‌شود - ثابت می‌ماند
 (۴) نصف می‌شود - دو برابر می‌شود
 پاسخ - گزینه (۳)

تست ۵۲- دو تار مرتعش از یک جنس بین دو نقطه بسته شده اند، نیروی کشش و قطر مقطع تار اول به ترتیب ۴ برابر و ۲ برابر نیروی کشش و قطر مقطع تار دوم است. تندی انتشار موج عرضی در تار اول چند برابر تار دوم است؟

- (۱) ۱
 (۲) $\frac{1}{2}$
 (۳) ۴
 (۴) $\frac{1}{2}$
 پاسخ - گزینه (۱)



تست ۵۳- تصویر مقابل مربوط به بخشی از موج تولید شده روی یک ریسمان به چگالی 5 g/cm^3 و سطح مقطع 1cm^2 است. اگر بسامد چشمۀ موج ۱۰۰ هرتز باشد، نیروی کشش ریسمان چند نیوتون است؟

- (۱) ۱۶۰
 (۲) ۸۰۰
 (۳) ۱۶۰
 (۴) ۸۰
 پاسخ - گزینه (۲)

تست ۵۴- یک دستگاه لرزه نگار موج های P و S حاصل از یک زمین لرزه را ثبت می‌کند. فرض کنید نخستین امواج P، ۳ دقیقه پیش از نخستین امواج S دریافت شوند، اگر تندی موج های P و S به ترتیب 8km/s و 5km/s باشد و این امواج روی خط راست حرکت کنند، زمین لرزه در چه فاصله‌ای از محل لرزه نگار رخ داده است؟

- (۱) $1.0 \times 10^3 \text{ km}$
 (۲) $2/4 \times 10^3 \text{ km}$
 (۳) $4/8 \times 10^3 \text{ km}$
 (۴) $1/9 \times 10^3 \text{ km}$
 پاسخ - گزینه (۴)

تسنیع ۵۵- یک موج عرضی سینوسی با سرعت ثابت V و دامنه A در طول یک طناب منتشر می‌شود و طول موج امواج منتشر شده در آن برابر λ است. اگر بیشینه‌ی سرعت ذرات طناب در نوسان برابر V باشد، نسبت V به λ کدام است؟

$$2 \frac{\pi A}{\lambda} \quad (4)$$

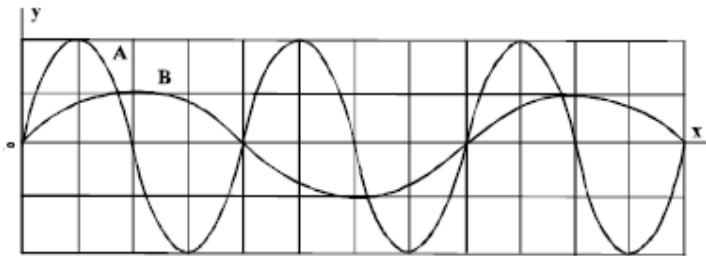
$$\frac{\lambda}{\pi A} \quad (3)$$

$$\frac{\lambda}{\pi A} \quad (2)$$

$$\frac{\pi A}{\lambda} \quad (1)$$

پاسخ - گزینه (3)

تسنیع ۵۶- در شکل زیر، دو موج مکانیکی A و B در یک محیط منتشر می‌شوند. اگر T دوره‌ی موج و V سرعت



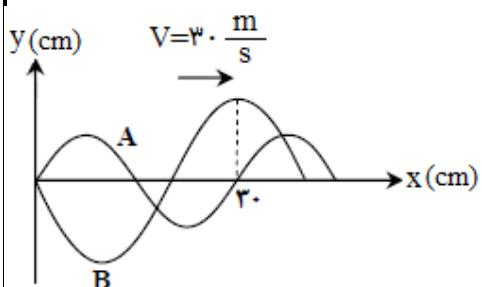
انتشار موج باشد، $\frac{V_A}{V_B}$ و $\frac{T_A}{T_B}$ به ترتیب کدامند؟

$$\frac{1}{2} \text{ و } 2 \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \text{ و } 1 \quad (3)$$

پاسخ - گزینه (4)

تسنیع ۵۶- شکل زیر، تصویر دو موج را در لحظه‌ی معینی نشان می‌دهد که در یک محیط در حال انتشارند. چشمی موج A در هر ۲۰ ثانیه چند نوسان کامل بیشتر از چشمی موج B انجام می‌دهد؟



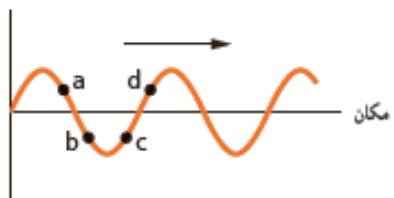
$$75 \quad (2) \quad 25 \quad (1)$$

$$500 \quad (4) \quad 100 \quad (3)$$

پاسخ - گزینه (4)

تسنیع ۵۷- شکل زیر تصویر یک موج را روی طناب نشان می‌دهد. چه تعداد از عبارت‌ها برای آن درست است؟

جا به جایی



الف) جهت حرکت a و c مثبت است.

ب) فقط شتاب a و d منفی است.

پ) تندی انتشار موج با تندی نوسان نقاط برابر است.

ت) بسامد تمام نقاط با هم برابر است.

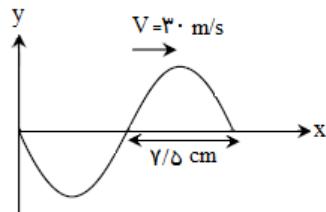
$$4 \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

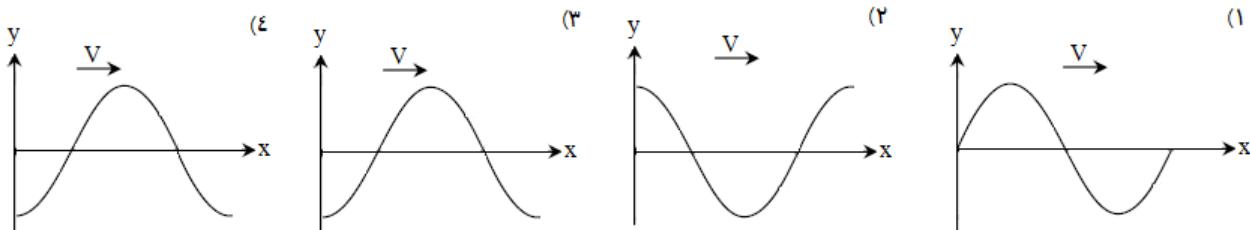
$$1 \quad (1)$$

پاسخ - گزینه ()



تست ۵۸ - شکل زیر یک موج عرضی را در یک لحظه‌ی معین نشان می‌دهد.

$\frac{1}{\lambda ..}$ ثانیه بعد تصویر موج کدام است؟



پاسخ - گزینه (۳)

تست ۵۹ - شکل مقابل نقش یک موج عرضی را که با سرعت 10 m/s در جهت محور x منتشر می‌شود، در لحظه‌ی

$t = t_0$ نشان می‌دهد. بازه‌ی زمانی $s \leq t \leq t_0 + \frac{1}{15}$ مسافت طی شده توسط ذره‌ی A چند سانتی‌متر است؟



پاسخ - گزینه (۳)

تست ۶۰ - شکل زیر، یک موج سینوسی را در لحظه‌ای از زمان نشان می‌دهد که در جهت محور x در طول ریسمان

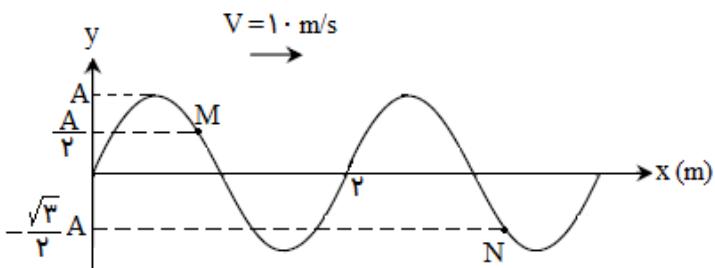
کشیده شده‌ای حرکت می‌کند. اگر نیروی کشش ریسمان $N = 80$ و چگالی خطی (جرم واحد طول) آن $\frac{Kg}{m}$ باشد،

هر یک از ذرات ریسمان در مدت 10 ms مسافت چند سانتی‌متر را طی می‌کنند؟ (ریاضی - ۹۸)



پاسخ - گزینه (۴)

تست ۶- تصویر یک موج عرضی در طنابی در لحظه $t=0$ مطابق شکل است. در لحظه $t=\frac{1}{3}$ s، مکان ذرات

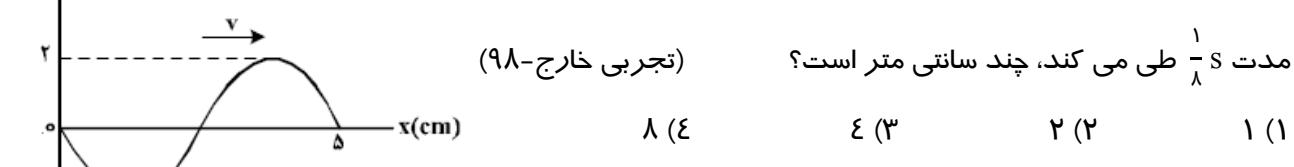


به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

- (۱) صفر، صفر $+ \frac{A}{2}$
 (۲) صفر، صفر $+ \frac{A}{2}$, $+A$ (۳)

پاسخ - گزینه (۴)

تست ۶۱- نقش یک موج عرضی که در یک طناب با سرعت 20 cm/s در حال انتشار است، مطابق شکل زیر است. مسافتی که یک ذره از طناب در



مدت $\frac{1}{8}$ طی می کند، چند سانتی متر است؟

- (تجربی خارج-۹۸) (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۴ (۴) ۸

پاسخ - گزینه (۳)

چند یادآوری از میدان الکتریکی و میدان مغناطیسی:

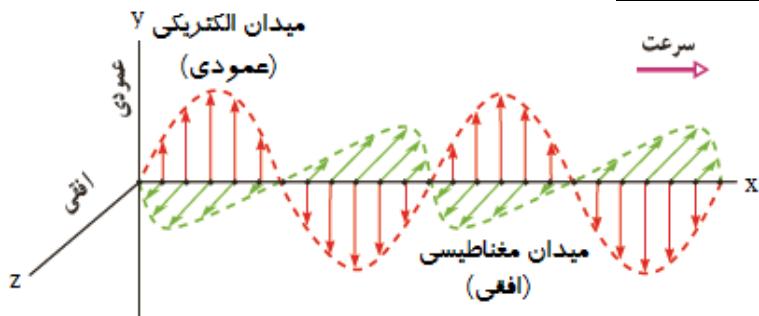
- ۱- بار الکتریکی، میدان الکتریکی ایجاد می کند.
- ۲- جریان الکتریکی، میدان مغناطیسی تولید می کند.
- ۳- اگر بارهای الکتریکی ساکن باشند، میدان الکتریکی حاصل از آن ها با زمان تغییر نمی کند.
- ۴- اگر جریان الکتریکی ثابت باشد، میدان مغناطیسی حاصل از آن ثابت و بدون تغییر می شود.

نحوه ایجاد موج الکترومغناطیسی: امواج الکترومغناطیسی از رابطه متقابل میدان های الکتریکی و مغناطیسی به وجود می آیند. یعنی هر تغییری در میدان الکتریکی در هر نقطه از فضا، میدان مغناطیسی متغیری ایجاد می کند و این میدان مغناطیسی متغیر، خود میدان الکتریکی متغیری به وجود می آورد. این رابطه متقابل میدان ها سبب انتقال نوسان های میدان های الکتریکی و مغناطیسی از یک نقطه ای فضا به نقاط دیگر و یا همان انتشار موج الکترومغناطیسی می شود.

نکته- ایجاد میدان الکتریکی به علت تغییر میدان مغناطیسی همان قانون القای الکترومغناطیس است که توسط مایکل فاراده کشف شد.

نظر ماکسول در مورد موج الکترومغناطیسی: عکس قانون فاراده توسط جیمز کلارک ماکسول پیش بینی شد، یعنی او پیش بینی کرد که همانطور که طبق قانون فاراده بر اثر تغییر میدان مغناطیسی می‌توان میدان الکتریکی تولید نمود، بر اثر تغییر میدان الکتریکی نیز می‌توان میدان مغناطیسی تولید نمود. ماکسول از این دو پدیده نتیجه گرفت که امواج الکترومغناطیس باید لزوماً ناشی از تغییرات هم زمان میدان های الکتریکی و مغناطیسی (اصطلاحاً میدان الکترومغناطیسی) باشد.

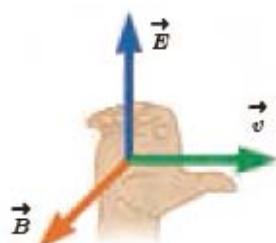
تصویری از یک موج الکترومغناطیس و نحوه انتشار آن:



مهمترين مشخصات موج الکترومغناطیسی:

- ۱- میدان الکتریکی (E) همواره عمود بر میدان مغناطیسی (B) است.
- ۲- میدان الکتریکی و مغناطیسی (E و B) همواره بر جهت حرکت موج عمودند و در نتیجه موج الکترومغناطیسی، یک موج عرضی است.
- ۳- میدان های الکتریکی و مغناطیسی با بسامد یکسان و همگام با یکدیگر تغییر می کنند.

نحوه تعیین جهت انتشار موج الکترومغناطیسی: به صورت زیر و با کمک قاعده دست راست تعیین می شود:



تندی انتشار امواج الکترومغناطیسی: ماکسول با یک تحلیل ریاضی نشان داد که تندی انتشار امواج الکترومغناطیسی

در هوا یا خلاء از رابطه زیر به دست می آید:

$$\text{مل}: \text{تراوایی مغناطیسی خلا}(\mu\epsilon^{-1}) = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T.m/A}$$

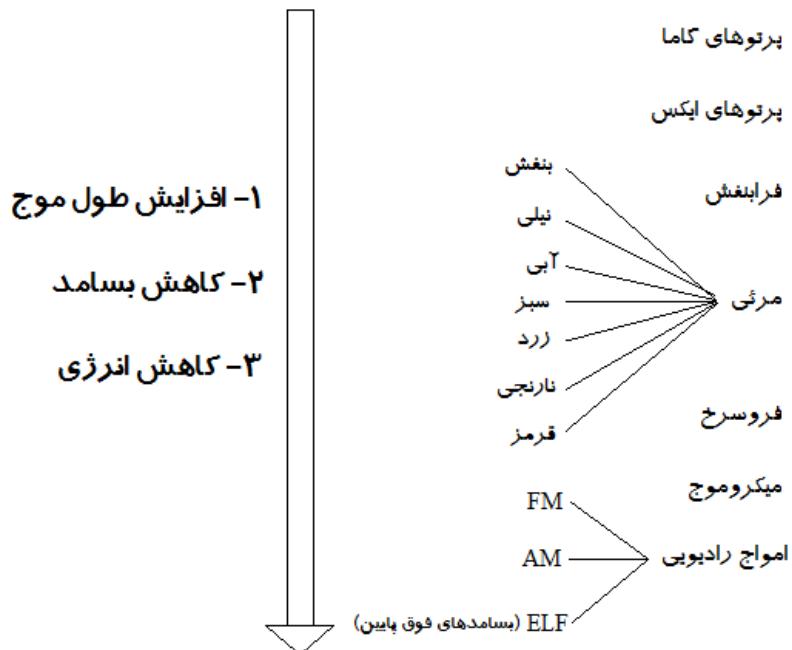
$$\text{مل}: \text{تراوایی الکتریکی خلا}(\epsilon\mu^{-1}) = 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N.m}^3$$

C: تندی انتشار موج الکترومغناطیسی در هوا یا خلاء (m/s)

$$C = \frac{1}{\sqrt{\mu \cdot \epsilon}} = 3 \times 10^8$$

انرژی امواج الکترومغناطیسی: انرژی این امواج مانند امواج مکانیکی به صورت انرژی جنبشی و پتانسیل ذرات محیط نیست (زیرا این امواج برای انتشار نیاز به محیط مادی ندارند) بلکه این امواج انرژی را به صورت انرژی میدان های الکتریکی و مغناطیسی منتقل می کنند.

طیف امواج الکترومغناطیسی: این طیف به ترتیب افزایش طول موج به صورت زیر است (هیچ گستاخی در این طیف وجود ندارد و همگی با تندی نور در خلا حرکت می کنند)



تست ۶۱- کدام گزینه در مورد امواج الکترومغناطیسی درست است؟

۱) میدان های الکتریکی و مغناطیسی آن مستقل از یکدیگرند.

۲) تغییر هر یک از دو میدان الکتریکی یا میدان مغناطیسی ، باعث ایجاد میدان دیگر می شود.

۳) فقط تغییر میدان مغناطیسی باعث ایجاد میدان الکتریکی می شود.

۴) فقط تغییر میدان الکتریکی باعث ایجاد میدان مغناطیسی می شود.

پاسخ- گزینه ()

تست ۶۲- در یک موج الکترومغناطیس میدان های الکتریکی و مغناطیسی به ترتیب در جهت های $-x$ و $+z$ است.

جهت انتشار موج به کدام سمت است؟

-x (۴)

+x (۳)

-y (۲)

+y (۱)

پاسخ- گزینه ()

تست ۶۳- یک موج الکترومغناطیس با بسامد $1.0 \times 10^{15} \text{ Hz}$ در حال انتشار در جهت y -است. اگر میدان های مغناطیسی

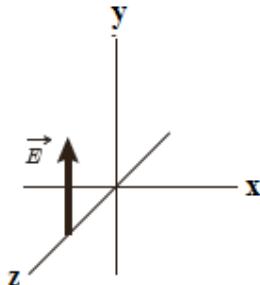
این موج در جهت Z^+ باشند، طول موج آن چند نانومتر و جهت میدان الکتریکی آن به کدام سمت است؟

$$(C = 3 \times 10^8 \text{ m/s})$$

(۱) $+x, 60$ (۲) $-x, 60$ (۳) $+x, 150$ (۴) $x-, 150$

پاسخ- گزینه (۳)

تست ۶۴- شکل زیر میدان الکتریکی یک موج الکترومغناطیسی سینوسی را در نقطه i معین و دور از چشممه، در یک لحظه نشان می دهد. موج انرژی را در خلاف جهت محور Z انتقال می دهد. جهت میدان مغناطیسی، در این نقطه و این لحظه در کدام جهت است؟



(۱) $+x$ (۲) $-x$ (۳) $+z$ (۴) $-z$

پاسخ- گزینه (۴)

موج صوتی: صوت یک موج مکانیکی طولی است که توسط جسم مرتعش تولید می شود(به این جسم مرتعش نیز چشممه ی صوت گفته می شود)

نکته ۱- انتشار صوت با تندی ثابت و در تمام جهات به صورت سه بعدی صورت می گیرد(جبهه های موج کروی است)

نکته ۲- هنگام انتشار صوت هر مولکول هوا، با موج حرکت نمی کند، بلکه در مکان ثابتی نوسان می نماید.

نکته ۳- هر چه محیطی متراکم تر باشد سرعت انتشار آن نیز بیش تر می شود، به طور مثال سرعت انتشار در جامدها بیش تر از مایعات و در مایعات نیز بیش تر از گازها است.(البته استثناهایی نیز وجود دارد)

نکته ۴- چشممه ی صوت برای انتقال انرژی، لایه ای از محیط که در تماس با آن است را به حرکت در می آورد و انرژی از این لایه به لایه ای بعدی در تمام جهات منتشر می شود.

نکته ۵- با توجه به اینکه صوت حرکت یکنواخت انجام می دهد رابطه ی زیر برای آن برقرار است:

$$V = \frac{L}{\Delta t}$$

عوامل مؤثر بر تندی صوت:

۱- جنس محیط انتشار

۲- دمای محیط انتشار

تسنیت ۶۵- صوتی از هوا وارد آب می‌گردد، بسامد و طول موج آن به ترتیب چه تغییری می‌کند؟

(۲) کاهش می‌یابد- کاهش می‌یابد

(۴) تغییری نمی‌کند- کاهش می‌یابد

(۱) کاهش می‌یابد- افزایش می‌یابد

(۳) تغییری نمی‌کند- افزایش می‌یابد

پاسخ- گزینه ()

تسنیت ۶۶- شخصی با چکش به انتهای میله‌ی باریک بلندی ضربه‌ای می‌زند. تندی صوت در این میله ۱۵ برابر تندی صوت در هوا است. شخص دیگری که گوش خود را نزدیک به انتهای دیگر میله گذاشته است، دو صدا را که یکی از میله‌ی آید و دیگری از هوای اطراف میله، با اختلاف زمانی $288/288$ می‌شنود. اگر تندی صوت در هوا 340 m/s باشد، طول میله چند متر است؟

(۱) ۱۲۸

(۲) ۶۴

(۳) ۱۰۲

(۴) ۵۶

پاسخ- گزینه (۳)

شدت صوت(I): شدت صوت برابر با آهنگ متوسط انرژی ای است که توسط موج به واحد سطح، عمود بر راستای انتشار صوت می‌رسد.

 \bar{P} : متوسط توان چشمی صوتی (W)I: شدت صوت (W/m^2)r: فاصله از چشمی صوت (m)A: مساحت جبهه‌های موج صوتی (m^2)عوامل مؤثر بر شدت صوت:۱- مجدور دامنه (A^2) ۲- مجدور بسامد (f^3) ۳- مجدور فاصله (r^3)

براساس ۳ عامل فوق رابطه‌ای به صورت زیر می‌توان برای مقایسه‌ی دو شدت صوت نوشت:

$$\frac{I_2}{I_1} = \left(\frac{A_2}{A_1} \times \frac{f_2}{f_1} \times \frac{r_1}{r_2} \right)^2$$

تراز شدت صوت یا تراز صوتی (β): به صورت زیر و برای تشخیص مقدار بلندی صوت محاسبه می‌شود:I: شدت صوت مرجع یا حد پایین شنوایی انسان (10^{-12} W/m^2) : بر حسب بل (b)I: شدت صوت (W/m^2) : بر حسب دسی بل (db)

β: تراز شدت صوت

مقایسه‌ی دو تراز شدت صوت: هر گاه دو تراز صوتی در سؤالی مطرح شد، به صورت زیر رابطه بنویسید:

$$(b) \beta_2 - \beta_1 = \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$(db) \beta_2 - \beta_1 = 1 \cdot \log \frac{I_2}{I_1}$$

تسنیع ۶۷- اگر آهنگ متوسط انتقال انرژی از یک چشم‌هی صوتی $W^{-5} \times \pi$ باشد، تراز شدت صوت آن در یک نقطه به فاصله ۵/۰ متر چند بل است؟ ($I_0 = 10^{-12}$ وات بر متر مربع است)

۲ (۴)

۴ (۳)

۵ (۲)

۷ (۱)

پاسخ- گزینه (۱)

تسنیع ۶۸- در فاصله ۱۰ متری از یک چشم‌هی صوتی شدت صوت I است. اگر دامنه و بسامد چشم‌هی را دو برابر کنیم، چند متر فاصله‌ی خود را از چشم‌هی صوت افزایش دهیم تا شدت صوت تغییر نکند؟
 ۱) ۳۰ متر دور شویم. ۲) ۳ متر نزدیک شویم. ۳) ۴۰ متر دور شویم. ۴) ۴ متر نزدیک شویم.

پاسخ- گزینه (۱)

تسنیع ۶۹- شدت صوت در فاصله‌ی معینی از یک منبع صوتی I است، اگر فاصله‌ی شنونده از منبع صوتی ۳ متر

بیش تر شود، شدت صوت I_2 می‌شود، فاصله‌ی اولیه‌ی شنونده از چشم‌هی صوت چند متر بوده است؟

۱۰ (۴)

۶ (۳)

۲/۸ (۲)

۱/۳ (۱)

پاسخ- گزینه (۳)

تسنیع ۷۰- اگر شدت صوتی برابر شدت صوت مینا باشد، تراز شدت آن چند بل است؟

۴) صفر

۰/۰۱ (۳)

۰/۱ (۲)

۱ (۱)

پاسخ- گزینه (۴)

تست ۷۱- تراز شدت صوتی ۶۳ دسی بل است. شدت این صوت چند برابر شدت صوت مبنا است؟ ($\log \frac{I}{I_0} = 63$)

$$(1) 2 \times 10^3 \quad (2) 3 \times 10^6 \quad (3) 2 \times 10^6 \quad (4) 6 \times 10^2$$

پاسخ- گزینه (۳)

تست ۷۲- برای آنکه تراز شدت صوتی ۶ دسی بل افزایش یابد، شدت صوت باید چند برابر گردد؟ ($\log \frac{I}{I_0} = 6$)

$$(1) 4 \quad (2) 9 \quad (3) 6 \quad (4) 2$$

پاسخ- گزینه (۱)

تست ۷۳- صوت A، ۱۰ دسی بل بلندتر از صوت B و ۱۰ دسی بل کوتاهتر از صوت C است. $\frac{I_B}{I_C}$ کدام است؟

$$(1) 10^{-4} \quad (2) 10^{-3} \quad (3) 10^{-2} \quad (4) 10^{-1}$$

پاسخ- گزینه (۳)

تست ۷۴- در فاصله‌ی ۲۰ متری از چشم‌هی صوتی، تراز شدت صوتی ۶۰ دسی بل است. در چه فاصله‌ای از این

چشم‌ه تراز شدت صوت با تراز شدت صوت در آستانه‌ی شنوایی برابر است؟

$$(1) 10 \text{ km} \quad (2) 5 \text{ km} \quad (3) 15 \text{ km} \quad (4) 20 \text{ km}$$

پاسخ- گزینه (۴)

تست ۷۵- هنگامی که شدت صوتی را سه برابر کرده‌ایم، تراز شدت آن صوت نیز بر حسب بل ۳ برابر شده است.

شدت صوت اولیه چند برابر شدت صوت مبنا بوده است؟

$$(1) \sqrt[3]{3} \quad (2) 3 \quad (3) \frac{1}{3} \quad (4) \frac{\sqrt[3]{3}}{3}$$

پاسخ - گزینه(۱)

تسنیت ۷۶- اگر بخواهیم تراز شدت صوتی ۲۴ دسی بل افزایش یابد، باید دامنه‌ی نوسان چشمۀ را چند برابر کنیم؟

$$(\text{Log} \frac{I_2}{I_1} = 0.3)$$

$$10(4)$$

$$20(3)$$

$$8(2)$$

$$16(1)$$

پاسخ - گزینه(۱)

تسنیت ۷۷- دامنه‌ی ارتعاشات یک موج صوتی ۲۰ درصد کاهش داده می‌شود. در یک نقطه‌ی معین تراز شدت

$$\text{صوت چند دسی بل کاهش می‌یابد?} (\text{Log} \frac{I_2}{I_1} = 0.3)$$

$$20(4)$$

$$14(3)$$

$$2(2)$$

$$1(1)$$

پاسخ - گزینه(۲)

تسنیت ۷۸- توان یک چشمۀ صوتی ۵۰۰ میلی وات است. اگر در یک فضای باز، شنونده‌ای در فاصله‌ی ۲۰ متری

از چشمۀ صوت حاصل را با بلندی ۸۰ دسی بل احساس کند، در انتشار صوت در این فاصله چند درصد توان توسط

$$\text{محیط جذب شده است?} (\pi = 3 \quad I_0 = 10^{-12} \text{ W/m}^2)$$

$$4(4)$$

$$20(3)$$

$$4(2)$$

$$2(1)$$

پاسخ - گزینه(۲)

تسنیت ۷۹- اگر دامنه‌ی چشمۀ صوتی را ۴ برابر کنیم، برای یک شنونده‌ی معین، تراز شدت صوت $1/3$ برابر

$$\text{می‌شود. در این حالت تراز شدت صوت برای آن شنونده به چند دسی بل می‌رسد?} (\text{Log} \frac{I_2}{I_1} = 0.3)$$

$$52(4)$$

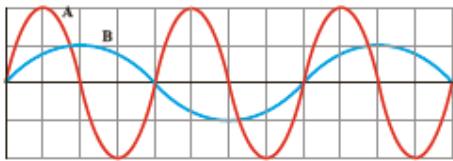
$$40(3)$$

$$32(2)$$

$$12(1)$$

پاسخ - گزینه(۴)

تست ۸۰- شکل زیر نمودار جابه جایی - مکان دو موج صوتی در یک محیط را نشان می دهد، چه تعداد از عبارت های زیر برای آن درست است؟



الف) دامنه موج A بیش تر از دامنه موج B است.

ب) سرعت انتشار موج B بیش تر از سرعت انتشار موج A است.

پ) شدت صوت A بیش تر از شدت صوت B است.

ت) طول موج A بیش تر از طول موج B است.

ث) بسامد موج A بیش تر از بسامد موج B است.

۴)

۳)

۲)

۱)

پاسخ - گزینه ()

تن موسیقی: به صوت حاصل از چشمہ ی صوتی که به دلیل میرایی کم مشابه حرکت هماهنگ ساده است ، تن گفته

می شود. (مانند صوت حاصل از یک دیپازون)

دو ویژگی مهم تن موسیقی:

۱- ارتفاع تن: ارتفاع، بسامدی است که گوش انسان در ک می کند.

۲- بلندی تن: بلندی، شدتی است که گوش انسان در ک می کند.

نکته ۱- ارتفاع و بلندی تن به ادراک شنوایی انسان مربوط است.

نکته ۲- اگر به یک دیپازون ضربه هایی با قدرت های متفاوت بزنیم ، بسامد صدایی که می شنویم تغییر نمی کند اما صدای هایی با بلندی متفاوت را حس می کنیم که به شدت این ضربه ها بستگی دارد.

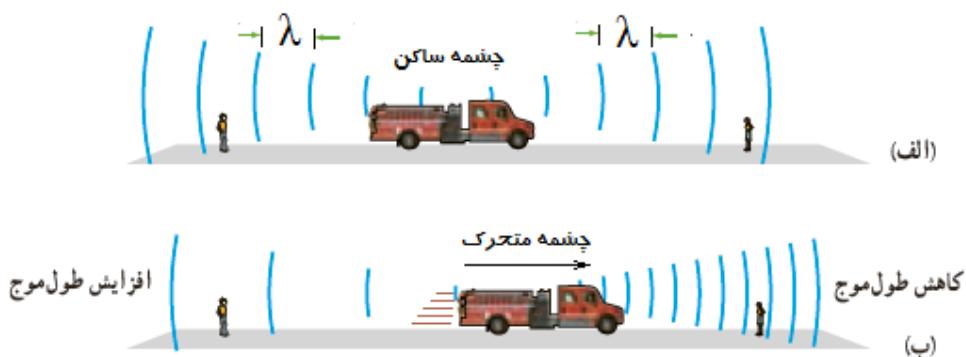
نکته ۳- بلندی با شدت متفاوت است. شدت را می توان با یک آشکارساز اندازه گیری کرد، اما بلندی چیزی است که شما احساس می کنید.

نکته ۴- بیش ترین حساسیت انسان به بسامدهایی در گستره ۵۰۰۰ Hz تا ۲۰۰۰ Hz است درحالیکه گوش انسان قادر به شنیدن تن های صدای ۲۰ Hz تا ۵۰۰۰ Hz است.

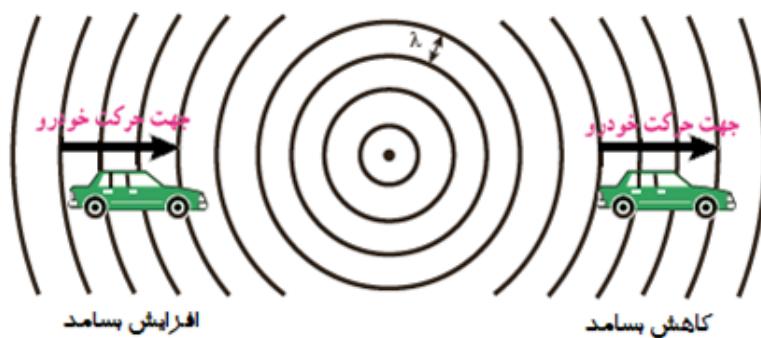
اثر دوپلر: هنگامی که چشمی صوتی و شنوندہ نسبت به هم دور یا نزدیک شوند، بسامد و طول موج که شنوندہ دریافت می کند با بسامد و طول موج واقعی چشمی موج متفاوت است. به این پدیده اثر دوپلر گفته می شود.

بررسی حالت های مختلف اثر دوپلر:

۱- چشمی متجرک و ناظر (شنوندہ) ساکن: در این حالت با توجه تصویر زیر اگر چشمی موج به شنوندہ نزدیک شود، طول موج کوتاه تر و اگر از آن دور شود طول موج بیشتر خواهد شد:



۲- چشمی ساکن و ناظر (شنوندہ) متجرک: در این حالت تجمع جیوهای موج در دو سوی چشمی یکسان است. اگر ناظر به طرف چشمی حرکت کند، در مقایسه با ناظر ساکن، در مدت زمان یکسان، با جیوهای موج بیشتری مواجه می شود که این منجر به افزایش بسامد صوتی می شود که ناظر می شنود و اگر ناظر از چشمی دور شود، در مقایسه با ناظر ساکن، در مدت زمان یکسان، با جیوهای موج کمتری مواجه می شود که این منجر به کاهش بسامد صوتی می شود که ناظر می شنود:



اثر دوپلر برای امواج الکترومغناطیس: بررسی اثر دوپلر در صوت با بررسی اثر دوپلر در امواج الکترومغناطیس

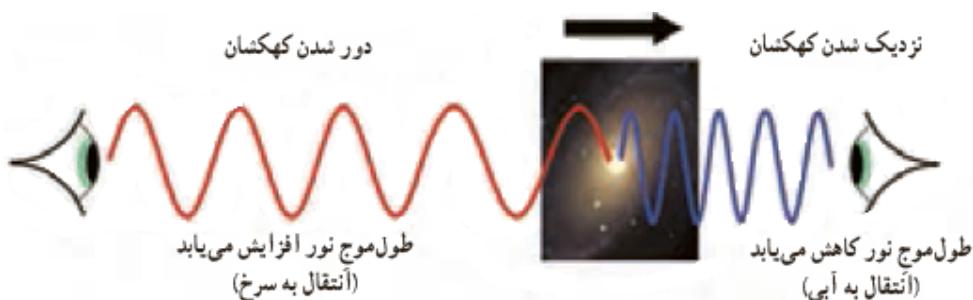
متفاوت است. در بررسی اثر دوپلر برای موج الکترومغناطیس دو اصطلاح زیر را به کار می بردند:

۱- انتقال به سرخ: وقتی چشمہ‌ی نور از ناظر(آشکار ساز) دور می شود ، طول موج افزایش می یابد که به آن

انتقال به سرخ گفته می شود.

۲- انتقال به آبی: وقتی چشمہ‌ی نور به ناظر(آشکار ساز) نزدیک می شود ، طول موج کاهش می یابد که به آن

انتقال به آبی گفته می شود.



نکته- در رصد های نجومی ستارگان، کهکشان ها و سایر چشمه های نوری سماوی ، چه هنگامی که از ما دور می شوند چه هنگامی که به ما نزدیک می شوند، با اندازه گیری جایی دوپلری آن ها می توان اطلاعاتی در مورد تندی و چگونگی حرکت آن ها به دست آورد.

تسنیت ۸۱- شکل زیر جهت های حرکت یک چشمه‌ی صوتی و یک ناظر(شنونده) را در وضعیت های مختلف نشان می دهد. در چه تعداد از حالت ها بسامد را که ناظر می شنود بیشتر از بسامد حالت الف است؟

ناظر (شنونده)	چشمه	
•	•	(الف)
•→	•	(ب)
←•	•	(پ)
•	•→	(ت)
•	←•	(ث)

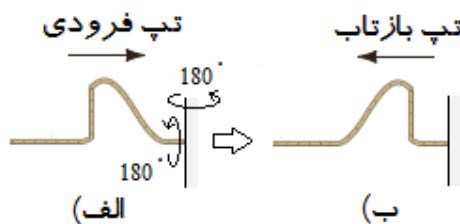
۱) ۲ (۲ ۳) ۳ ۴) ۴

پاسخ- گزینه ()

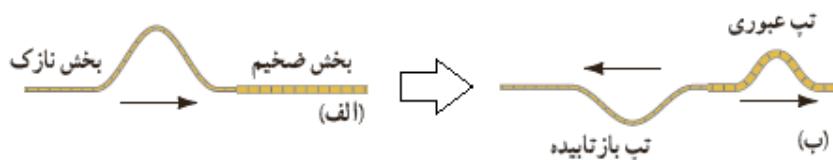
برهم کنش امواج

مفهوم برهم کنش امواج: بازتاب امواج، شکست نور و تداخل امواج، بر هم کنش امواج نامیده می شود.

بازتاب امواج مکانیکی در یک بعد: اگر تپ را در یک فنر (یا یک ریسمان) کشیده بند که یک سر آن بر تکیه گاهی ثابت شده است روایه کنیم، وقتی تپ به تکیه گاه (مرز) می رسد نیرویی به آن وارد می کند و طبق قانون سوم نیوتن، تکیه گاه نیز نیرویی با اندازه برابر و در جهت مخالف بر فنر وارد می آورد. این نیرو در محل تکیه گاه، تپ در فنر ایجاد می کند که روی فنر در جهت مخالف تپ تابیده حرکت می کند. به مثال زیر توجه کنید:

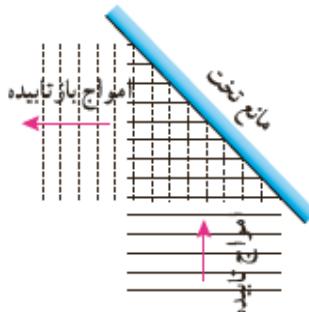


نکته ۱- وقتی موجی به مرز جدایی دو محیط می رسد، بخشی از آن بازتابیده می شود و بخشی دیگر عبور می کند، به طور مثال تپ عبور در یک طناب را به صورت زیر در نظر بگیرید که از سمت نازک طناب به سمت بخش ضخیم آن در حرکت است، بخشی از این تاب بازتاب می شود و بخش دیگر عبور می کند. برای یک موج سینوسی بسامد این دو موج همان بسامد فرودی است که توسط چشممه می موج تعیین می گردد، اما چون تندي آن در قسمت ضخیم کم تر است، طبق رابطه $\frac{v}{f} = \lambda$ ، طول موج کم تری نسبت به موج فرودی خواهد داشت:



نکته ۲- تولید صدا در آلات موسیقی، پژواک صداها، دیدن ما، گرم شدن مواد غذایی در اجاق های خورشیدی، جمع شدن امواج رادیویی در کانون آتنن های بشقابی و ... مثال هایی از کاربرد بازتاب امواج در زندگی هستند.

بازتاب امواج مکانیکی در دو بعد: امواج تختی که بر سطح آب تشکیل می‌شود پس از برخورد با مانع تخت بازتاب می‌شوند که این امواج بازتابیده مانند تصاویر زیر نیز تخت هستند. با استفاده از جبهه‌های موج می‌توانیم به طور تجربی به رفتار موج در برخورد با یک مانع پی‌بریم:



در تصویر فوق موج جبهه‌های موج تابیده با خطوط توپر و خطوط خط چین جبهه‌های موج بازتابیده را نشان می‌دهند.

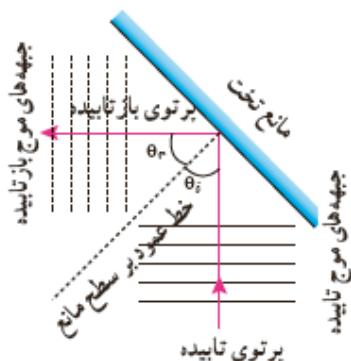
نمودار پرتویی برای نمایش بازتاب امواج مکانیکی در دو بعد: در این نمودار یک پرتو، پیکان مستقیمی عمود

بر جبهه‌های موج است که جهت انتشار موج را نشان می‌دهد. در این نمودار به موارد زیر توجه کنید:

۱- **زاویه‌ی تابش(i)**: زاویه‌ی بین خط عمود بر سطح مانع و پرتوی تابیده(فرودی) زاویه‌ی تابش نامیده می‌شود.

۲- **زاویه‌ی بازتابش(θ_r)**: زاویه‌ی بین خط عمود بر سطح مانع و پرتوی بازتابیده زاویه‌ی تابش نامیده می‌شود.

۳- برای امواج دایره‌ای و کروی همواره زاویه‌ی تابش و بازتابش برابر است (یعنی $i = \theta_r$) است که به آن، قانون بازتاب عمومی گفته می‌شود)

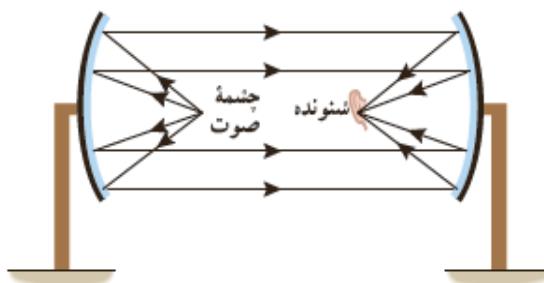


بازتاب امواج مکانیکی در سه بعد: بازتاب امواج صوتی نمونه‌ای از بازتاب امواج در سه بعد است. صوت می‌تواند

از یک مانع سخت مانند دیوار بازتاب می‌شود. بازتاب صوت نیز از قانون بازتاب عمومی پیروی می‌کند.

کاربرد بازتاب امواج صوتی در پارک های تفریحی: دو سطح کاو مانند شکل زیر را در نظر بگیرید که وقتی

شخصی در کانون یکی از این سطوح صحبت می کند، شخص دیگری در کانون سطح کاو دیگر آن را می شنود:

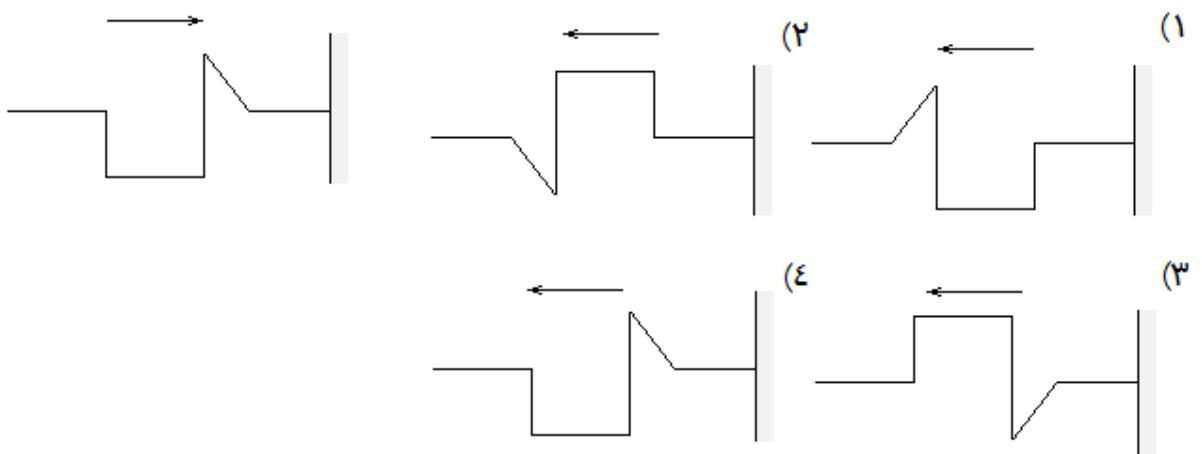


نکته- در ساخت میکروفون سهموی که برای ثبت صدای ضعیف استفاده می شود و دستگاه لیتوتریپسی که از آن برای شکستن سنگ های کلیه استفاده می شود از بازتابنده های بیضوی استفاده می شود.

پژواک: اگر صوت پس از بازتاب ، با یک تأخیر زمانی به گوش شنونده ای برسد که صوت اولیه را مستقیماً می شنود به چنین بازتابی پژواک می گویند.(اگر تأخیر زمانی بین دو صوت کم تر از $1/0$ ثانیه باشد گوش انسان نمی تواند پژواک صوت را از صوت اصلی تشخیص دهد)

مکان یابی پژواکی : روشی است که بر اساس امواج بازتابیده از یک جسم، مکان آن جسم را تعیین می کند. برخی جانواران نظیر خفاش و دلفین از این روش استفاده می کنند. همین طور در فناوری هایی نظیر اندازه گیری تندی شارش خون در رگ ها ، دستگاه سونار که در کشتی ها برای مکان یابی اجسام زیر آب و در سونو گرافی از مکان یابی پژواکی استفاده می شود.

تسنی ۱- کدام گزینه بازتاب تپ موج رسم شده روی یک طناب را به درستی نشان می دهد؟



پاسخ- گزینه ()

تست ۸۲- مطابق تصویر زیر یک تپ موج در طول طناب را در نظر بگیرید که از سمت ضخیم طناب در حال حرکت به طرف بخش نازک آن است. چه تعداد از عبارت های زیر در مورد آن درست است؟



- آ) بسامد موج عبوری پس از رسیدن به بخش نازک طناب کمتر می شود.
 ب) سرعت موج عبوری پس از رسیدن به بخش نازک طناب بیشتر می شود.
 پ) طول موج موج عبوری پس از رسیدن به بخش نازک طناب بیشتر می شود.
 ت) بخشی از موج عبوری هنگام رسیدن به بخش نازک طناب بازتاب می شود.

(۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

پاسخ- گزینه(۳)

تست ۸۳- شخصی بین دو دیوار قائم و موازی به فاصله x از اولی و y از دیگری قرار دارد و بعد از تولید صدای، دو صوت را به ترتیب پس از $\frac{2}{3}$ ثانیه و $\frac{1}{3}$ ثانیه از دیوار های اول و دوم می گیرد. x و y چند متر هستند. (تندی انتشار صوت در هوا را 340 m/s فرض کنید)

۱۰۲۶۸ (۴)

۱۰۲ و ۳۴ (۳)

۵۱ و ۱۷ (۲)

۵۱ و ۳۴ (۱)

پاسخ- گزینه(۱)

تست ۸۴- کم ترین فاصله‌ی بین شما و یک دیوار بلند چقدر باشد تا پژواک صدای خود را از صدای اصلی تمیز دهید؟ (تندی انتشار صوت در هوا را 340 m/s فرض کنید)

۱۷۰ متر (۴)

۳۴۰ متر (۳)

۱۷ متر (۲)

۳۴ متر (۱)

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۸۵- شخصی بین دو صخره‌ی قائم ایستاده است و فاصله‌ی او از صخره‌ی نزدیکتر 510 m است. اگر این شخص فریاد بزنند اولین پژواک صدای خود را 3 ثانیه بعد می شنود و پژواک دوم را یک ثانیه پس از آن می شنود. فاصله‌ی بین دو صخره چند متر است؟

۸۵۰ (۴)

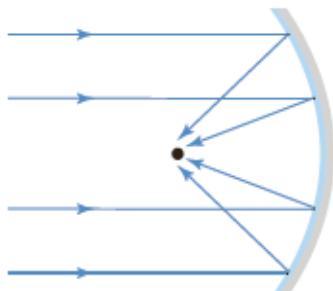
۱۰۲۰ (۳)

۱۱۹۰ (۲)

۱۳۶۰ (۱)

پاسخ- گزینه(۲)

بازتاب امواج الکترومغناطیسی: این امواج نیز می‌توانند از یک سطح بازتابیده شوند و بازتاب آن‌ها نمونه‌ی دیگری از بازتاب در سه بعد است.



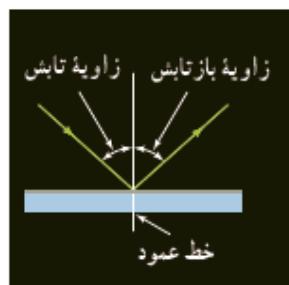
نکته ۱- امواج الکترومغناطیسی تخت تاییده به یک سطح کاو پس از بازتابش، به یک نقطه‌ی کانونی می‌رسند. از این ساز و کار برای دریافت امواج رادیویی توسط آتنن‌های بشقابی و یا امواج فروسرخ برای گرم کردن آب یا مواد غذایی در اجاق‌های خورشیدی استفاده می‌شود:

نکته ۲- رادار دوپلری وسیله‌ای است که از امواج الکترومغناطیسی برای مکان یابی پژواکی و تعیین تندی خودروها استفاده می‌شود.

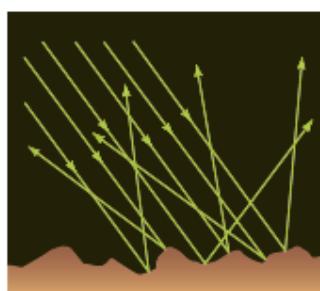
بازتاب در نور مرئی: از آنجا که نور مرئی نیز یک موج الکترو مغناطیس است از قانون بازتاب عمومی امواج پیروی می‌کند. یعنی اولاً زاویه تابش و بازتابشی با هم برابرند و ثانیاً پرتوی تابش، پرتوی بازتابش و خط عمود بر سطح بازتابنده، در هر بازتابش در یک صفحه واقعند.

انواع بازتاب نور مرئی:

۱- بازتاب آینه‌ای یا منظم: در مواردی که سطح بازتابنده‌ی نور همچون یک آینه، بسیار هموار باشد، بازتاب نور را بازتاب آینه‌ای یا منظم می‌گویند.



۲- بازتاب پخشندۀ یا نامنظم: این بازتاب وقتی رخ می‌دهد که صیقلی و هموار نباشد. پرتوهای نور به طور کاتوره‌ای از پستی و بلندی‌های سطح بازتابیده، و در تمام جهات پراکنده می‌شود. علت دیدن اجسام رخ دادن این نوع بازتاب است.

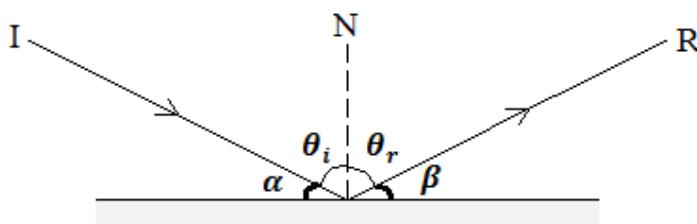


نکته ۱- در بازتاب آینه ای از یک آینه تخت، دسته پرتوی موازی را تنها در یک جهت می‌توانید بینید، اما در بازتاب پخشندۀ این دسته پرتو را در جهت های مختلف می‌توان مشاهده کرد.

نکته ۲- منظور از سطح ناهموار آن است که سطح در مقایسه با طول موج نور ناهموار است، مثلاً کاغذ در ظاهر بسیار هموار به نظر می‌رسد اما از دید میکروسکوپی این سطح از اجزای متمایز و کوچکی تشکیل شده است که برای یک نور مرئی ناهموار محسوب می‌شود.

نکته ۳- برای مسائل محاسباتی مربوط به آینه های تخت به موارد زیر توجه کنید:

$$\theta_i = \theta_r$$



$$\alpha = \beta$$

$$\theta_i + \alpha = 90^\circ$$

$$\theta_r + \beta = 90^\circ$$

تسنیت ۸۶- در یک آینه‌ی تخت حداقل زاویه‌ی بین پرتوی تابش و سطح آینه، سه برابر زاویه‌ی بازتابش است. زاویه تابش چند درجه است؟

۲۲/۵ (۴)

۵۴ (۳)

۶۰ (۲)

۳۰ (۱)

پاسخ - گزینه (۴)

تسنیت ۸۷- در یک آینه‌ی تخت زاویه‌ی بین پرتوی تابش و بازتاب، ۳ برابر حداقل زاویه‌ی ای است که پرتوی بازتاب با سطح آینه می‌سازد، زاویه‌ی تابش چند درجه است؟

۲۷ (۴)

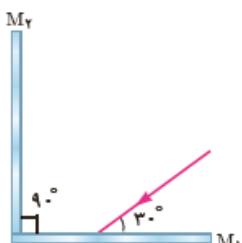
۱۸ (۳)

۳۶ (۲)

۵۴ (۱)

پاسخ - گزینه (۱)

تسنیت ۸۸- در شکل زیر پرتوی تابش شده به آینه‌ی M_1 پس از بازتاب از آینه‌ی M_2 در مجموع چند درجه انحراف



دارد؟

۱۰۰ (۲)

۶۰ (۱)

۹۰ (۴)

۱۸۰ (۳)

پاسخ - گزینه (۳)

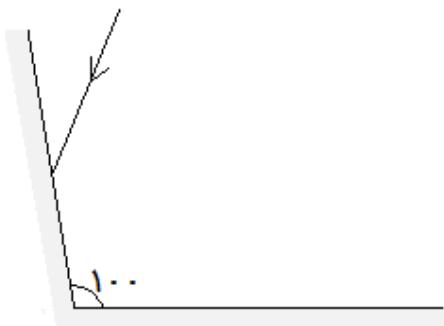
تسنیت ۸۹- در شکل زیر زاویه‌ی بین دو آینه‌ی تخت 100° درجه است.

پرتوی نوری پس از بازتاب از آینه‌ی اول به آینه‌ی دوم می‌رسد،

پرتوی اولیه در مجموع چند درجه انحراف دارد؟

(۱) ۲۰۰ (۲) ۲۰۰

(۳) ۱۶۰ (۴) ۲۶۰



پاسخ- گزینه(۳)

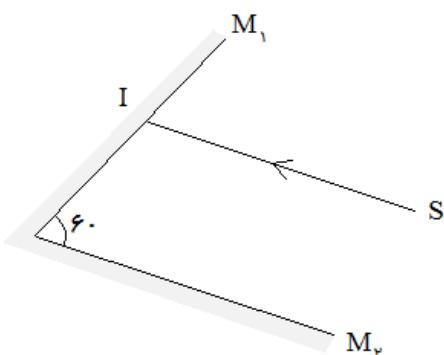
تسنیت ۹۰- در شکل زیر دو آینه‌ی تخت M_1 و M_2 با هم زاویه‌ی

60° درجه می‌سازند. اگر پرتوی SI موازی با M_2 باشد، پرتوی

بازتابش از آینه‌ی M_2 با SI زاویه‌ی چند درجه می‌سازد؟

(۱) ۳۰ (۲) ۴۵

(۳) ۹۰ (۴) ۱۲۰



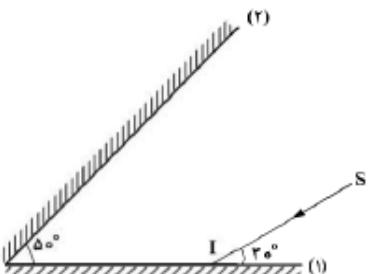
تسنیت ۹۱- مطابق شکل زیر، پرتو نور SI به آینه‌ی (۱) می‌تابد و پس از

بازتاب از آینه (۲)، دوباره به آینه‌ی (۱) می‌تابد. امتداد پرتو بازتاب نهایی با

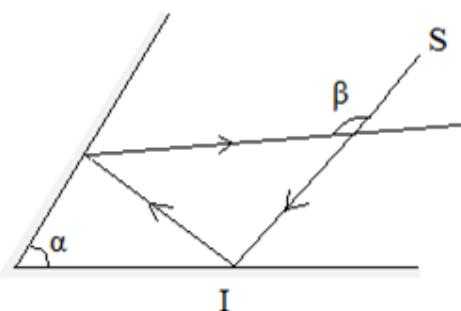
امتداد پرتو SI، زاویه چند درجه می‌سازد؟ (تجربی-۹۸)

(۱) ۱۲۰ (۲) ۱۴۰

(۳) ۱۶۰ (۴) ۱۸۰



پاسخ- گزینه(۳)



تست ۹۲- مطابق شکل زیر پرتو SI پس از بازتابش از آینه های تخت در مسیر نشان داده مسیر خود را ادامه می دهد. اندازه ای زاویه β چند برابر زاویه α است؟

۱) ۲ ۲) ۲

۳) ۱/۵ ۴) قابل محاسبه نیست.

پاسخ- گزینه (۲)

تست ۹۳- پرتویی به سطح یک آینه ای تخت برخورد می کند و بازتابش می شود. اگر آینه را $17/5$ درجه بچرخانیم پرتوی بازتابش چند درجه می چرخد؟

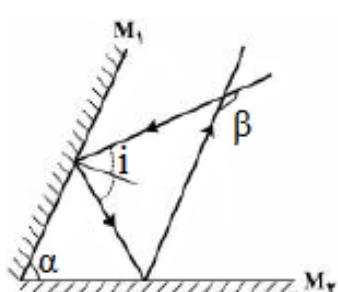
۱) ۸/۷۵ ۲) $17/5$ ۳) ۳۵ ۴) بستگی به جهت چرخش دارد.

پاسخ- گزینه (۱)

تست ۹۴- زاویه ای بین پرتوی تابش و سطح آینه 70 درجه است. اگر پرتوی تابش و آینه هریک به اندازه 10 درجه در یک صفحه به گونه ای بچرخند که از یکدیگر دورتر شوند، زاویه ای بازتابش چند درجه می شود؟

۱) ۲۰ ۲) 10 ۳) صفر ۴) 30

پاسخ- گزینه (۳)



تست ۹۵- مطابق شکل زیر ، پرتو نوری تحت زاویه ای تابش α ($\alpha < i$) به آینه تخت M_1 می تابد و پس از بازتاب از آینه ای M_2 با پرتو اولیه زاویه β را می سازد. اگر زاویه ای تابش (i) نصف شود، زاویه ای β چگونه تغییر می کند؟

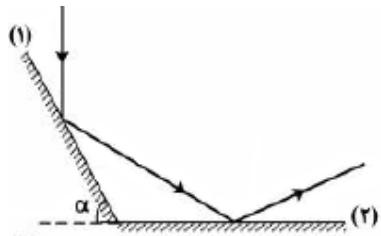
۱) ثابت می ماند.

۲) نصف می شود.

۳) دو برابر می شود.

۴) چهار برابر می شود.

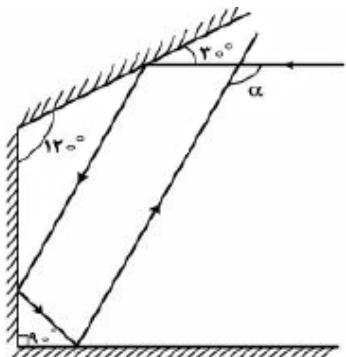
پاسخ- گزینه (۴)



تسنیت ۹۶- مطابق شکل زیر ، پرتو نوری به آینه‌ی تخت (۱) می‌تابد و در نهایت از آینه تخت (۲) بازتاب می‌شود. پرتو بازتاب به آینه‌ی (۱) با پرتو بازتاب از آینه‌ی (۲) چه زاویه‌ای می‌سازد؟

- ۹۰+ α (۱) ۱۸۰- α (۲) ۲ α (۳) α (۴)

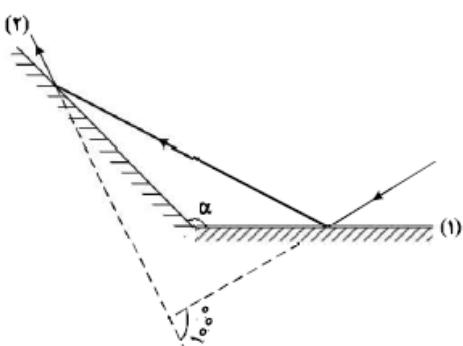
پاسخ- گزینه (۲)



تسنیت ۹۷- در شکل روبرو، زاویه‌ی α چند درجه است؟

- ۱۱۰ (۱)
۱۲۰ (۲)
۱۳۰ (۳)
۱۵۰ (۴)

پاسخ- گزینه (۲)



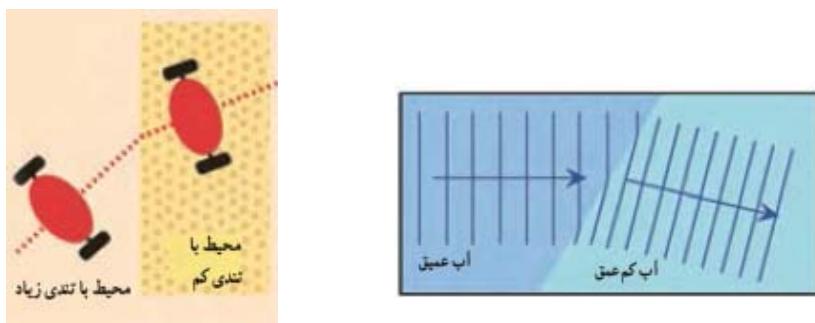
تسنیت ۹۸- مطابق شکل زیر ، پرتو نوری به آینه‌ی (۱) می‌تابد و پس از بازتاب ، به آینه‌ی (۲) برخورد می‌کند. اگر امتداد پرتو بازتاب آینه‌ی (۱) با امتداد پرتو بازتاب آینه‌ی (۲) زاویه‌ی 100° بسازد، α چند درجه است؟ (ریاضی خارج- ۹۸)

- ۱۰۰ (۱)
۱۲۰ (۲)
۱۴۰ (۴)
۱۳۰ (۳)

پاسخ- گزینه (۲)

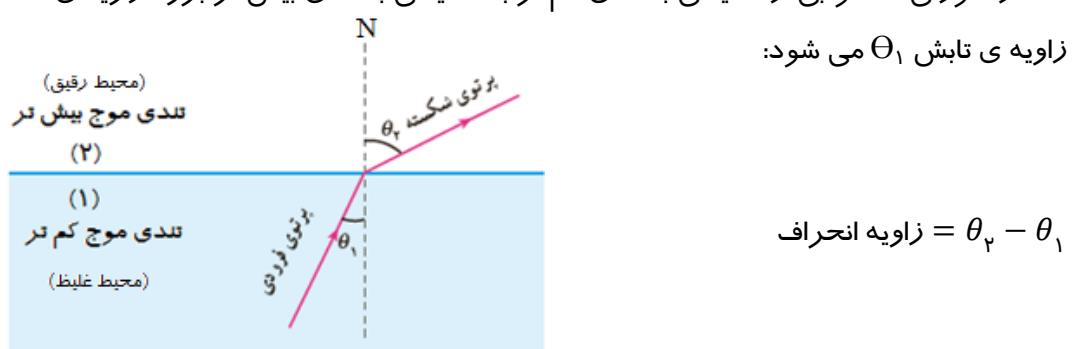
شکست موج: در امواج دو بعدی (مانند امواج روی آب) و سه بعدی (امواج الکترو مغناطیس) با عبور موج از یک مرز و ورود آن به محیط دیگر، تندی موج تغییر می کند و موجب تغییر جهت موج می گردد که به آن شکست موج گفته می شود.

بررسی علت شکست موج در آب: همان طور که قبل تر گفته شد تندی موج در سطح آب به عمق آب بستگی دارد. در تشخیص موج، با ورود موج به به بخش کم عمق آب، تندی امواج سطحی کاهش می یابد. در حقیقت آن بخش که زودتر به ناحیه‌ی کم عمق می‌رسد، چون با تندی کم تر حرکت می‌کند از بقیه‌ی موج که هنوز وارد این ناحیه نشده، عقب می‌افتد و مطابق شکل در مرز دو ناحیه تغییر جهت می‌دهد. (این مطلب را می‌توان در نزدیک شدن امواج به یک ساحل شیب دار مشاهده کرد، درست مانند تغییر مسیر یک اسباب بازی چرخ دار که از کف صاف اتاق وارد قالیچه‌ای می‌شود)

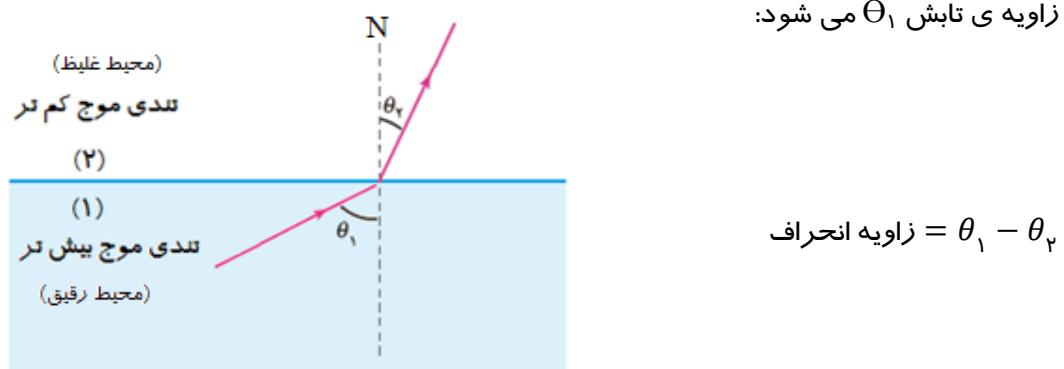


حالات مختلف شکست با نمودار پرتویی:

۱- در صورتی که موجی از محیطی با تندی کم تر به محیطی با تندی بیش تر برود زاویه‌ی شکست θ_2 بزرگ‌تر از زاویه‌ی تابش θ_1 می‌شود:



۲- در صورتی که موجی از محیطی با تندی بیش تر به محیطی با تندی کم تر برود زاویه‌ی شکست θ_2 کوچک‌تر از زاویه‌ی تابش θ_1 می‌شود:



قانون عمومی شکست: نسبت سینوس زاویه شکست در محیط دوم(θ_2) به سینوس زاویه تابش در محیط اول(θ_1), برابر نسبت تندی انتشار در محیط دوم به تندی انتشار در محیط اول است:

$$\frac{\sin\theta_2}{\sin\theta_1} = \frac{V_2}{V_1}$$

ضریب شکست: برای یک پرتوی نور، نسبت تندی نور در خلا (به تندی نور در یک محیط) ضریب شکست آن محیط است:

$$n = \frac{C}{V}$$

C: تندی نور در خلا ($3 \times 10^8 \text{ m/s}$)
V: تندی نور در یک محیط شفاف (m/s)
n: ضریب شکست محیط شفاف

قانون شکست اسنل: رابطه‌ی زیر که مربوط به شکست نور و ضریب شکست است، قانون اسنل نامیده می‌شود:

$$n_1 \sin\theta_1 = n_2 \sin\theta_2$$

نکته ۱- ضریب شکست خلا (هوای برابر ۱) است.

نکته ۲- اگر پرتو نوری به طور عمود به سطح جداکننده‌ی دو محیط جاگذاری شود شکسته نمی‌شود.

نکته ۳- هرچه محیطی متراکم‌تر باشد ضریب شکست آن محیط نیز بیش‌تر است.

نکته ۴- ضریب شکست یک محیط با تندی نور در آن محیط (V) و طول موج (λ) رابطه‌ی وارونه دارد. هر چه ضریب شکست بیش‌تر باشد، تندی نور و طول موج نور در آن کم‌تر است)

نکته ۵- بسامد، دوره تناوب و انرژی موج الکترومغناطیس تنها به چشم‌های موج وابسته است و به ضریب شکست بستگی ندارد.

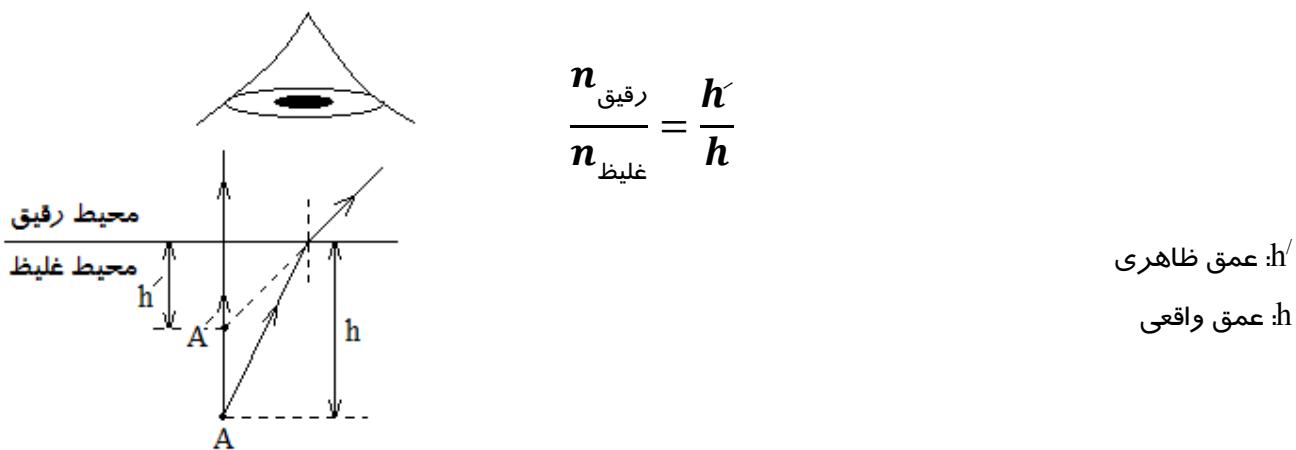
نکته ۶- بیش‌تر روابطی که در رابطه با شکست نور نوشته شده است را می‌توان در رابطه‌ی زیر خلاصه نمود:

$$\frac{\sin\theta_2}{\sin\theta_1} = \frac{n_1}{n_2} = \frac{V_2}{V_1} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2}$$

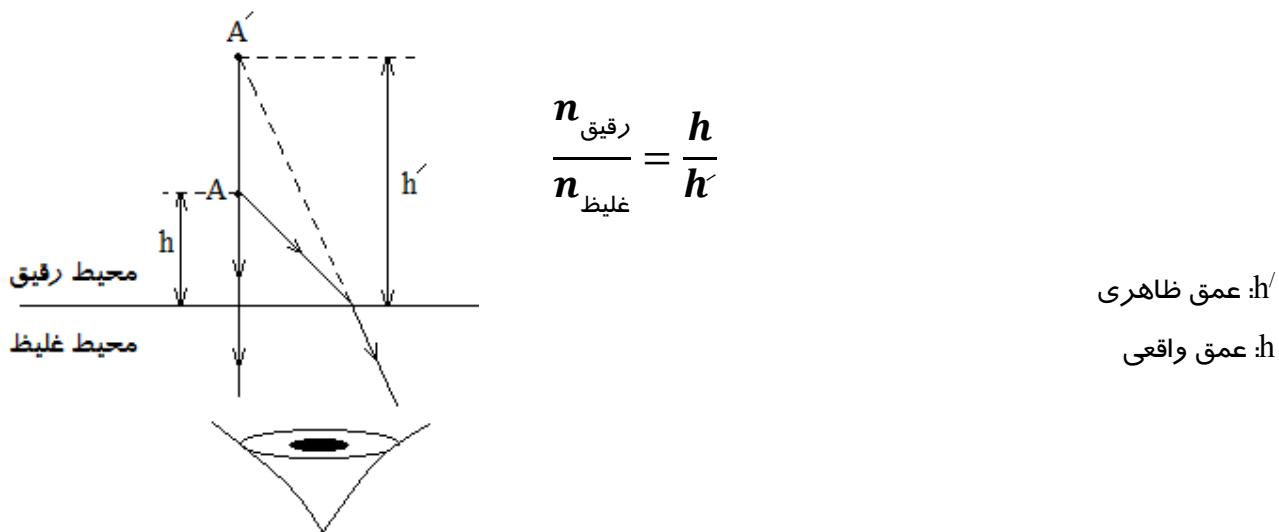
عمق ظاهری: هنگامی که از یک محیط شفاف به محیط شفاف دیگر نگاه می‌کنیم، اجسام داخل محیط دوم در عمق

بیش تر یا کم تر از مکان واقعی خود مشاهده می‌شوند که در دو حالت زیر می‌توان برای آن محاسبه انجام داد:

۱- اگر از محیط رقیق تر به محیط غلیظ تر نگاه کنیم: اجسام را در عمق کمتر از مکان واقعی خود می‌بینیم:



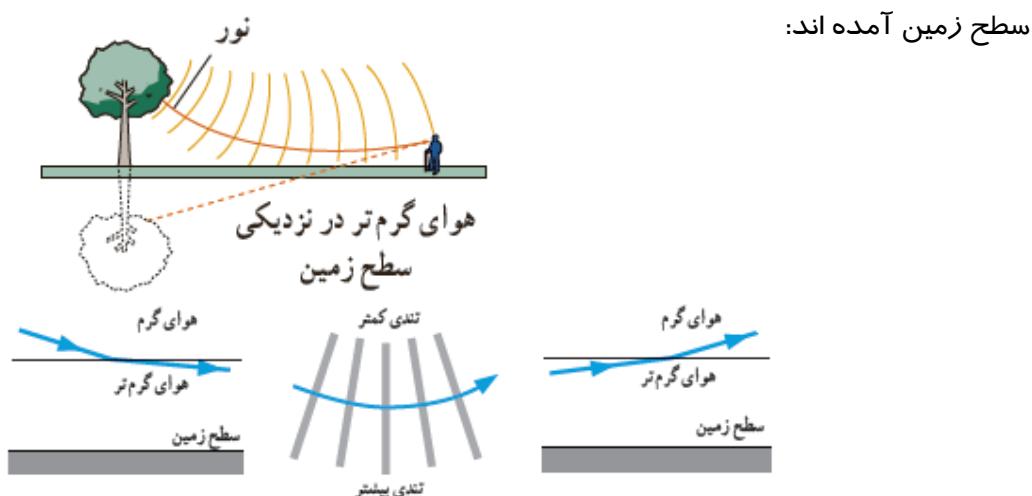
۲- اگر از محیط غلیظ تر به محیط رقیق تر نگاه کنیم: اجسام را در عمق بیش تر از مکان واقعی خود می‌بینیم:



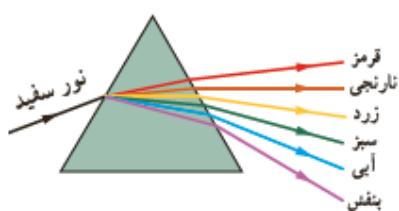
جمع بندی دو رابطهٔ عمق ظاهری در یک رابطه:



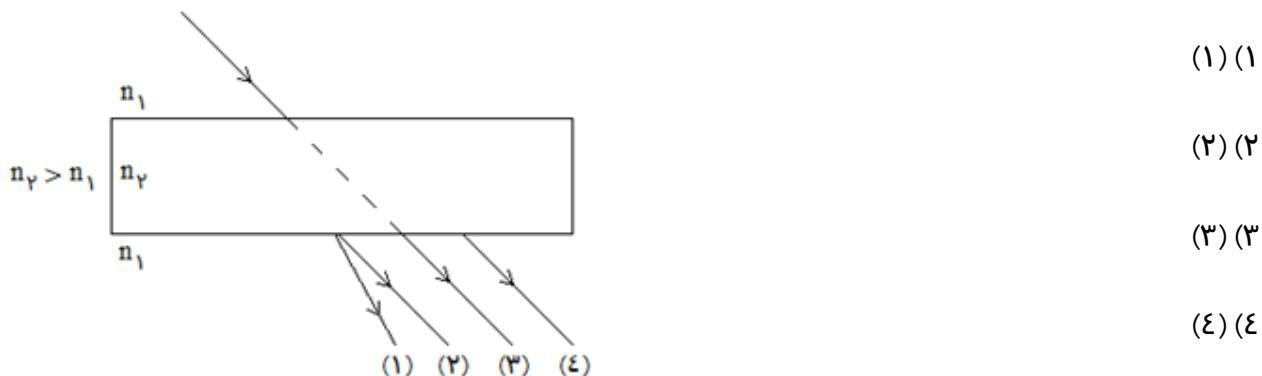
سراب: در روز های گرم، سطح زمین داغ است. از طرفی، چگالی هوا با افزایش دما کاهش می یابد که این سبب کاهش ضریب شکست نیز می شود. با پایین آمدن هر چه بیش تر پرتوها، آن ها با ضریب شکست کمتر و کمتری مواجه می شوند و در هر مرحله با دور شدن از خط عمود، بیشتر و بیشتر به سمت افق خم می شوند. وقتی پرتوها در نزدیکی زمین تقریباً افقی می شوند، به سمت بالا خم بر می دارند زیرا بخش پایینی هر جبهه‌ی موج در هوا می گرم قرار دارد و بنابراین کمی تند تر از بخش بالایی جبهه‌ی موج حرکت می کند و این تفاوت رفتار دو قسمت جبهه‌های موج، موجب خم شدن رو به بالای پرتوهای موج می شود، زیرا پرتوهای موج باید همواره عمود بر جبهه‌های موج باشند. وقتی پرتوها رو به بالا می روند به خم شدن رو به بالای خود ادامه می دهند، زیرا اکنون مدام با محیط هایی با ضریب شکست های بزرگ و بزرگ تر مواجه می شوند و در هر مرحله با نزدیک شدن به خط عمود، بیش تر و بیش تر رو به بالا خم می شوند. اگر بخشی از این نور به چشم ما برسد، به نظر می آید که منشأ این نور از امتداد رو به عقب پرتوهایی است که به چشم ما رسیده اند و این احساس را ایجاد می کنند که گویی از سطح زمین آمده اند:



پاشندگی نور: وقتی باریکه‌ی نوری شامل پرتوهایی با طول موج‌های مختلف باشد، این پرتوه هنگام عبور از مرز دو محیط در زاویه‌های مختلفی شکسته می شوند. به این پخش شدگی نور، پاشندگی نور می گویند. (دلیل این پدیده آن است که ضریب شکست یک محیط برای طول موج‌های مختلف، یکسان نیست و هر رنگی که طول موج کم تری دارد ضریب شکست بیش تری داشته و انحراف بیش تری پیدا می کند). تصویر زیر پاشندگی نور سفید را در یک منشور نشان می دهد:



تسنیت ۹۹- کدام گزینه پرتوی خروجی از تیغه‌ی شفاف شکل زیر را به درستی نشان می‌دهد؟



پاسخ- گزینه ()

تسنیت ۱۰۰- هنگامی که زاویه‌ی تابش پرتویی که از آب وارد هوا می‌شود 37° باشد، هنگام ورود به هوا پرتوی شکست

$$(\sin 53^\circ = 0.8 \text{ and } \sin 37^\circ = 0.6)$$

$$\frac{5}{3} (4) \quad \frac{4}{3} (3) \quad \frac{5}{4} (2) \quad \frac{5}{4} (1)$$

پاسخ- گزینه (3)

تسنیت ۱۰۱- یک دسته‌پرتوی تک رنگ با زاویه‌ی تابش 45° از هوا وارد محیط شفافی می‌شود که سرعت نور در آن

$$\text{محیط } m/s = 1/\sqrt{2} \times 10^8 \text{ m/s}$$

می‌شود؟ ($C = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$)

$$10 (4) \quad 45 (3) \quad 30 (2) \quad 15 (1)$$

پاسخ- گزینه (1)

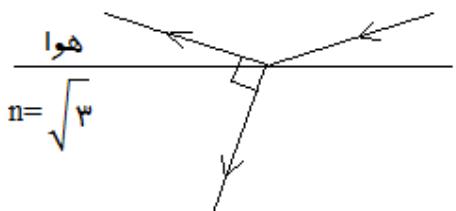
تسنیت ۱۰۲- در یک عمل جراحی چشم از پرتو لیزر که طول موج آن در هوا $6\mu\text{m}$ است، استفاده می‌شود. اگر طول موج این پرتو در زجاجیه چشم $45\mu\text{m}$ است، سرعت انتشار نور در هوا $3 \times 10^8 \text{ m/s}$ باشد، بسامد و سرعت انتشار این پرتو در زجاجیه، در SI به ترتیب کدام اند؟ (تجربی خارج-۹۸)

$$1) 10^{14} \text{ و } 3 \times 10^8 \quad 2) 25 \times 10^{-14} \text{ و } 2 \times 10^8$$

$$3) 10^{14} \text{ و } 3/75 \times 10^8 \quad 4) 2/25 \times 10^{-14} \text{ و } 3 \times 10^8$$

پاسخ- گزینه (2)

تسنیت ۱-۳- پرتوی مطابق شکل از هوا وارد محیط شفافی به ضریب



شکست $\sqrt{3}$ می شود و بخشی از آن از سطح جدایی دو محیط بازتاب می شود. اگر زاویه‌ی بین پرتوی بازتاب و پرتوی شکست 90° باشد، زاویه‌ی تابش چند درجه است؟

۶۰ (۴)

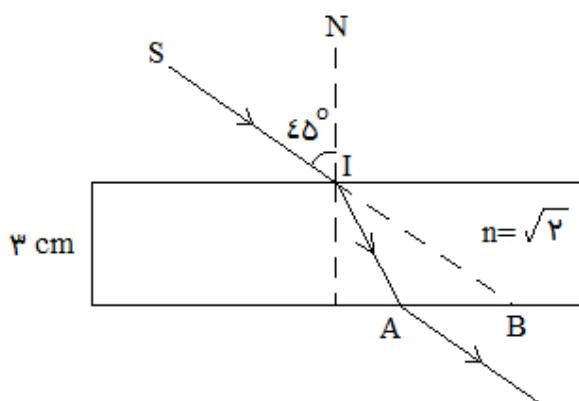
۴۵ (۳)

۳۰ (۲)

۱۵ (۱)

پاسخ- گزینه (۴)

تسنیت ۱-۴- در شکل روبه رو پرتو SI با زاویه تابش 45° به



سطح یک تیغه‌ی شیشه‌ای به ضخامت ۳cm می تابد و در نقطه‌ی A از تیغه خارج می شود. اگر در راستای SI در نقطه‌ی B از شیشه خارج شود، AB cm چند است؟

 $3 - \sqrt{3}$ (۲) $\sqrt{3}$ (۱) $2\sqrt{3}$ (۴) $1 + \sqrt{3}$ (۳)

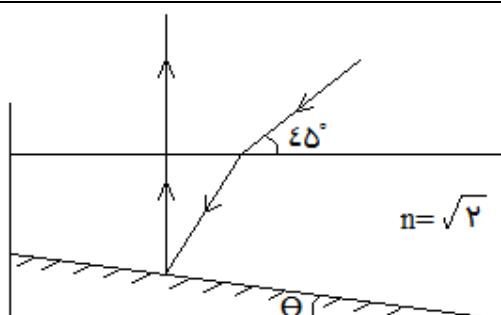
پاسخ- گزینه (۲)

تسنیت ۱-۵- مسیر پرتو نوری داخل یک مایع شفاف به صورت

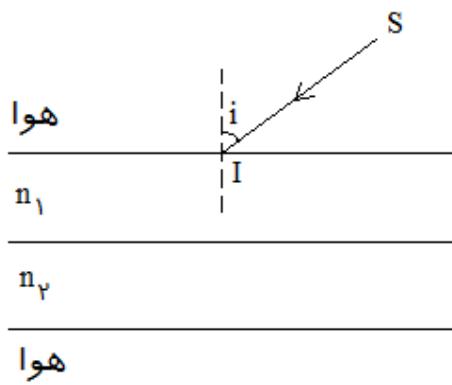
زیر می باشد، Θ چند درجه است؟

۲۰ (۲) ۱۵ (۱)

۳۰ (۴) ۲۵ (۳)



پاسخ- گزینه (۱)



تست ۱۰.۶- شعاع نگ رنگ SI مطابق شکل زیر از خلا، تحت زاویه i تابش آ به محیط شفافی به ضریب n_1 می تابد و پس از عبور از محیط شفافی به ضریب شکست n_2 تحت زاویه r وارد هوا می گردد، اگر $n_2 > n_1$ باشد، کدام رابطه درست است؟

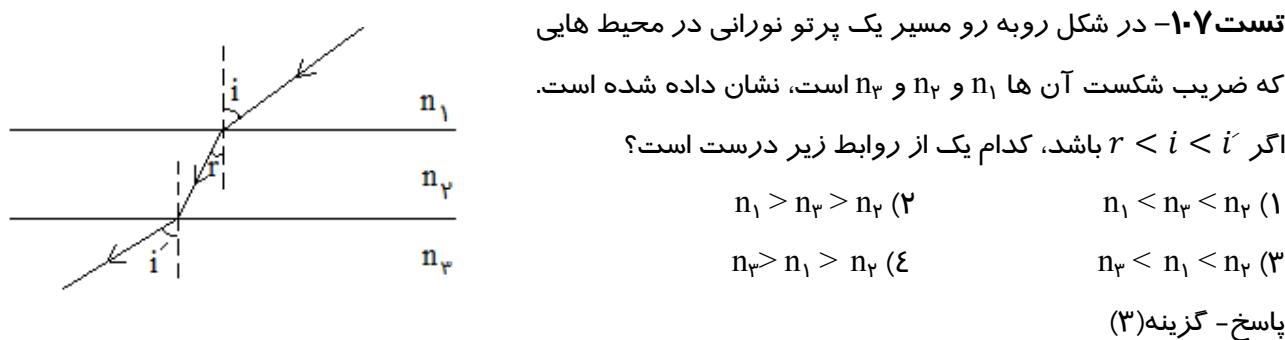
$$i > r \quad (2)$$

$$i = r \quad (1)$$

۴) هر سه رابطه ممکن است.

$$i < r \quad (3)$$

پاسخ- گزینه (۱)



تست ۱۰.۷- در شکل روبرو مسیر یک پرتو نورانی در محیط هایی که ضریب شکست آن ها n_1 و n_2 و n_3 است، نشان داده شده است.

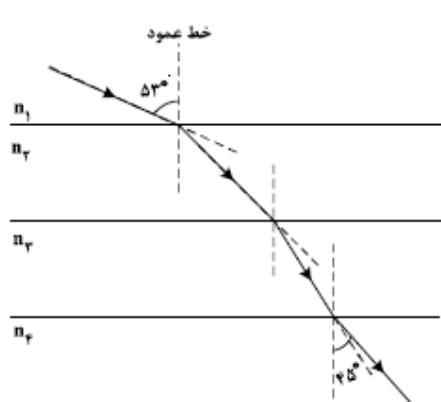
اگر $r < i < r'$ باشد، کدام یک از روابط زیر درست است؟

$$n_1 > n_3 > n_2 \quad (2)$$

$$n_3 > n_1 > n_2 \quad (4)$$

$$n_3 < n_1 < n_2 \quad (3)$$

پاسخ- گزینه (۳)



تست ۱۰.۸- مطابق شکل زیر پرتو نوری از محیط شفاف (۱) وارد محیط شفاف دیگر می شود. اگر سرعت نور در محیط (۲)، ۲۵، ۲۵ درصد کمتر از سرعت نور در محیط (۱) باشد و سرعت در محیط (۴)، ۴۰ درصد بیشتر از سرعت نور در محیط (۳) باشد. ضریب شکست محیط (۲) چند برابر ضریب شکست محیط (۳) است؟ ($\sin 53^\circ = 0.77$ ، $\sin 45^\circ = 0.707$)

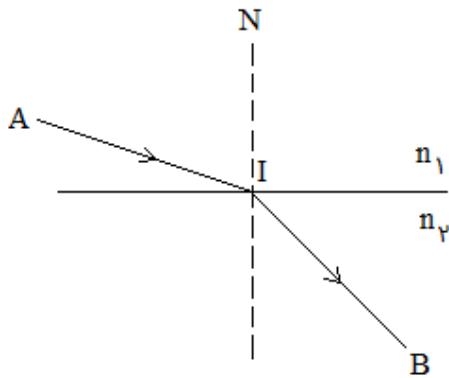
$$\frac{6}{5} \quad (2)$$

$$\frac{5}{6} \quad (4)$$

$$\frac{4}{3} \quad (1)$$

(ریاضی-۹۸)

پاسخ- گزینه (۴)



تسنیت ۹- در شکل روبرو، پرتو نوری از نقطه A در محیطی به ضریب شکست n_1 به نقطه I در محیط دوم که ضریب شکست آن n_2 است، می‌رسد. اگر $AI=IB=L$ بوده و تندی نور در محیط اول برابر V_1 باشد، زمان رسیدن نور از A تا B کدام است؟

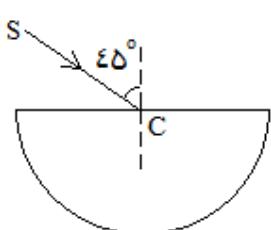
$$\frac{L}{V_1} \left(1 + \frac{n_1}{n_2}\right) \quad (2)$$

$$\frac{2L}{V_1} \left(1 - \frac{n_2}{n_1}\right) \quad (4)$$

$$\frac{L}{V_1} \left(1 + \frac{n_2}{n_1}\right) \quad (1)$$

$$\frac{2L}{V_1} \left(1 - \frac{n_1}{n_2}\right) \quad (3)$$

پاسخ- گزینه (۱)



تسنیت ۱۰- در شکل روبرو، پرتو SC به نقطه C (مرکز نیم استوانه ای شفاف) به ضریب شکست $\sqrt{2}$ تابیده و از طرف دیگر خارج شده است، پرتو خروجی نسبت به SC چند درجه منحرف شده است؟

۷۵) (۴)

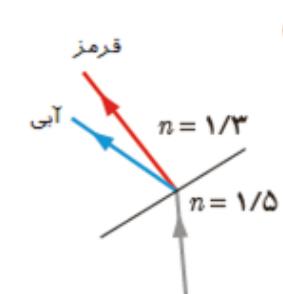
۶۰) (۳)

۱۵) (۲)

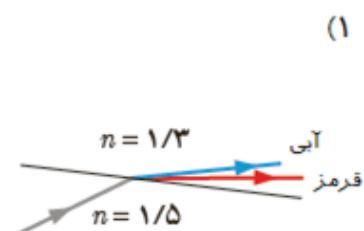
۰) صفر

پاسخ- گزینه (۲)

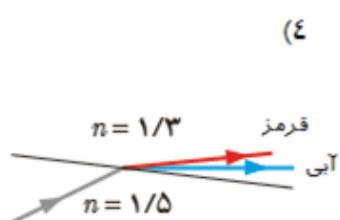
تسنیت ۱۱- در شکل های زیر، پرتوهای فرودی که شامل نورهای قرمز و آبی است در سطح مشترک دو ماده شکست پیدا کرده اند. کدام شکل شکستی را نشان می دهد که از لحاظ فیزیکی ممکن است؟



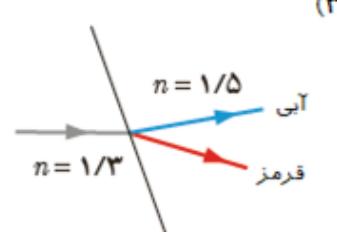
(۲)



(۱)



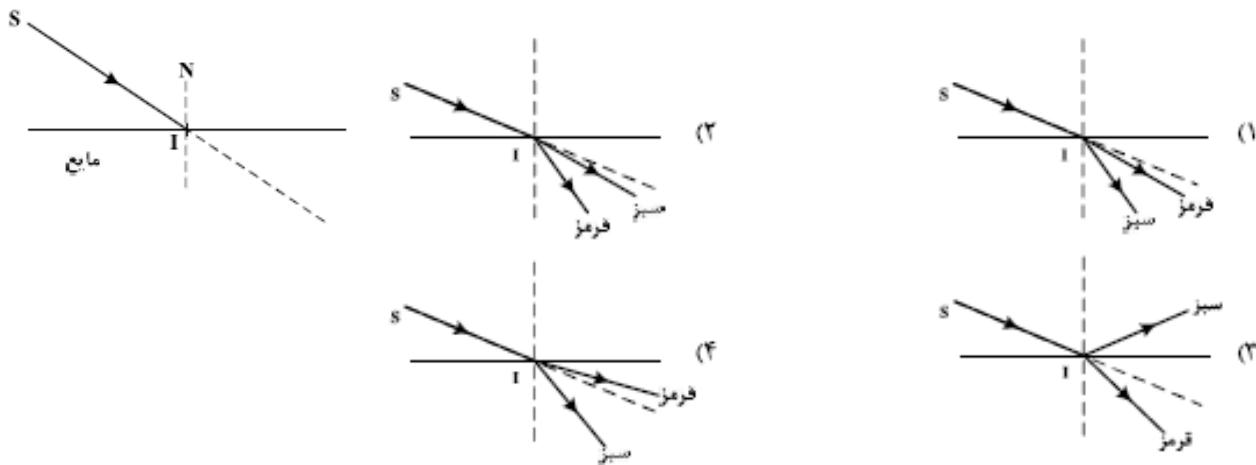
(۴)



(۳)

پاسخ- گزینه (۴)

تست ۱۱۲- در شکل زیر، پرتو فرودی SI شامل نورهای تکفام قرمز و سبز است که از هوا وارد یک مایع شفاف می‌شود. کدام یک از شکل‌های زیر مسیر شکست نور را درست نشان می‌دهد؟ (ریاضی-۹۸)



پاسخ- گزینه (۳)

تست ۱۱۳- چراغی بالای یک استخر به فاصله $1/8$ متر از سطح آب آویزان است. اگر شخصی از داخل آب تقریباً به طور عمود بر سطح آب به چراغ نگاه کند، آن را در چه فاصله‌ای از جای واقعی خود می‌بیند؟ (ضریب شکست

$$\text{آب} = \frac{4}{3}$$
- است)

- (۱) $1/2$ متر دورتر (۲) $1/2$ متر نزدیک تر (۳) $6/0$ متر دورتر (۴) $6/0$ متر نزدیک تر

پاسخ- گزینه (۳)

تست ۱۱۴- اگر تقریباً به طور عمود بر سطح آب درون ظرفی نگاه کنیم، کف ظرف را ۶ سانتی متر بالاتر از جای

واقعی خود می‌بینیم. عمق آب درون ظرف چند سانتی متر است؟ (ضریب شکست آب $\frac{4}{3}$ است)

- (۱) ۱۸ (۲) ۱۵ (۳) ۲۴ (۴) ۳۶

پاسخ- گزینه (۳)

تست ۱۱۵- چشم ناظری به فاصله‌ی ۶۰ سانتی‌متری بالای سطح یک مایع شفاف قرار دارد و جسمی را که در عمق ۴ سانتی‌متری مایع است از دید قائم، در فاصله‌ی ۹۰ سانتی‌متری چشم خود مشاهده می‌کند. ضریب شکست مایع نسبت به هوا چقدر است؟

$$\frac{10}{9} \quad (4)$$

$$\frac{4}{3} \quad (3)$$

$$\frac{3}{2} \quad (2)$$

(1)

پاسخ - گزینه(۳)

فصل پهلو

آشنایی با فیزیک اتمی و هسته‌ای

اثر فتوالکترونیک: وقتی نوری با بسامد مناسب مانند نور فرابینفش به سطحی فلزی بتابد الکترون‌هایی از آن گسیل می‌شوند. این پدیده‌ی را اثر فتوالکترونیک و الکترون‌های جداسده از سطح فلز را فتوالکترون می‌نامند:



الکترون‌ها، انرژی نور فروودی را جذب می‌کنند و از سطح فلز خارج می‌شوند.

نکته ۱- برهم کنش نور فروودی فرابینفش با کلاهک برق نما سبب می‌شود تا ورقه‌های آن به سرعت به هم نزدیک شوند:



نکته ۲- برهم کنش نور مرئی گسیل شده از یک لامپ رشته‌ای تغییری در انحراف ورقه‌های برق نما به وجود نمی‌آورد:



انرژی امواج الکترومغناطیسی: انرژی امواج الکترومغناطیسی مضرب صحیحی از انرژی یک فوتون (hf) است:
 $E = nhf$ $E = nh\frac{c}{\lambda}$

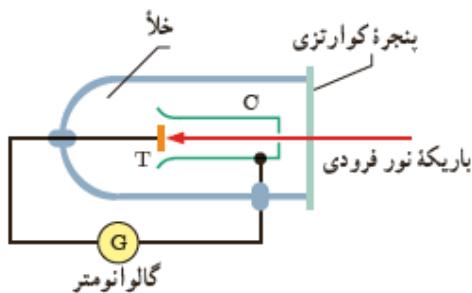
۱: تعداد فوتون‌ها

h : ثابت پلانک ($6.6 \times 10^{-34} \text{ J.s}$)

۲: سرعت امواج الکترومغناطیسی (m/s)

E : انرژی امواج الکترومغناطیسی (J)

بررسی اثر پدیده فتوالکتریک: برای بررسی اثر فتوالکتریک دستگاهی به صورت زیر طراحی می شود:



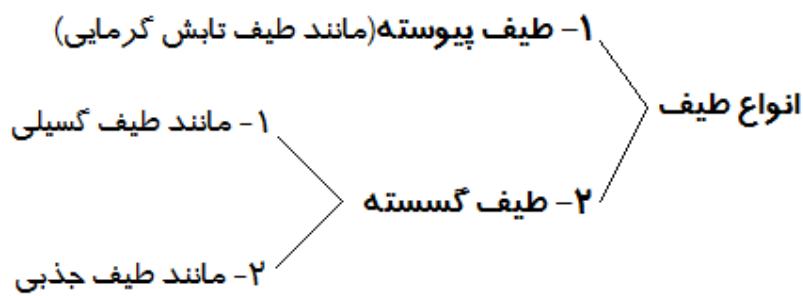
در این دستگاه صفحه‌ی فلزی هدف T و جمع کننده‌ی فلزی C درون یک محفظه‌ی شیشه‌ای خلاً قرار دارند که از بیرون به یک گالوانومتر (آمپرسنج حساس) متصل شده‌اند. نور تکفam (تک بسامد) که بسامد آن به قدر کافی بالا است بر صفحه‌ی T فرود می‌آید و فتوالکترون‌ها را آزاد می‌کند. این فتوالکترون‌ها به جمع کننده‌ی C می‌رسند و در نتیجه گالوانومتر که در مدار قرار دارد جریانی را آشکار می‌کند. در این آزمایش به نکات زیر باید توجه کنید:

- ۱- با افزایش شدت این نور، گالوانومتر عدد بزرگتری را نشان می‌دهد.
- ۲- اگر بسامد نور فرودی از مقدار معینی کم تر باشد، هر چه قدر هم که شدت نور فرودی افزایش یابد پدیده فتوالکتریک رخ نمی‌دهد و گالوانومتر عبور جریانی را نشان نمی‌دهد.

تناقض‌های فیزیک کلاسیک با نتایج تجربی در پدیده فتوالکتریک:

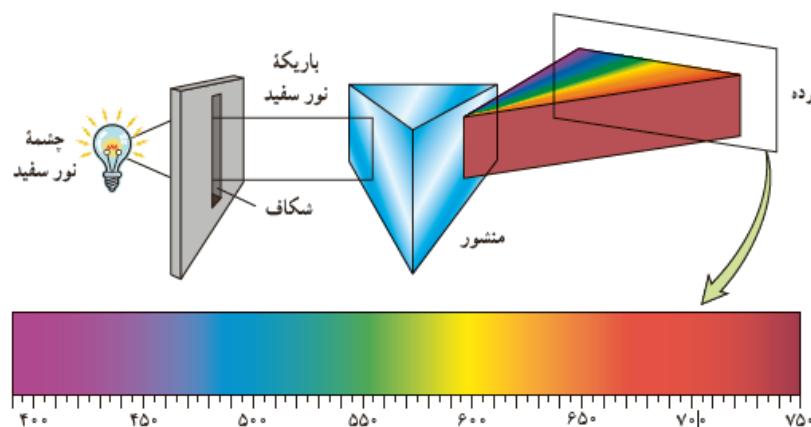
۱- بر اساس دیدگاه فیزیک کلاسیک هنگام بر هم کنش موج الکترومغناطیسی (نور فرودی) با سطح فلز، میدان الکتریکی این موج، نیروی $F = -eE$ به الکترون‌های فلز وارد می‌کند و آن‌ها را به نوسان در می‌آورد. به این ترتیب، وقتی دامنه‌ی نوسان برخی از الکترون‌ها به قدر کافی بزرگ شود انرژی جنبشی لازم را برای جدا شدن از سطح فلز پیدا می‌کنند. بنابراین پدیده فتوالکتریک باید در هر بسامدی رخ دهد در حالی که این نتیجه با تجربه سازگار نیست.

۲- بر اساس نظریه ماکسول شدت نور با مربع دامنه‌ی میدان الکتریکی موج الکترومغناطیسی متناسب است ($I \propto E^2$)، به این ترتیب انتظار می‌رود به ازای یک بسامد معین، اگر شدت نور فرودی بر سطح فلز را افزایش دهیم باید الکترون‌ها با سرعت و انرژی جنبشی بیشتری از فلز خارج شوند، اما چنین نتیجه‌ای در تجربه مشاهده نمی‌گردد.



- طیف پیوسته: طیفی که در آن بین طول موج های متوالی فاصله ای نباشد طیف پیوسته نامیده می شود.
- طیف گسسته: طیفی که در آن تمام طول موج های متوالی وجود نداشته باشد (بین آن ها فاصله وجود داشته باشد) طیف گسسته نامیده می شود.

تابش گرمایی: اجسام در هر دمایی موج الکترومغناطیس گسیل(نشر) می کنند که به آن تابش گرمایی گفته می شود.



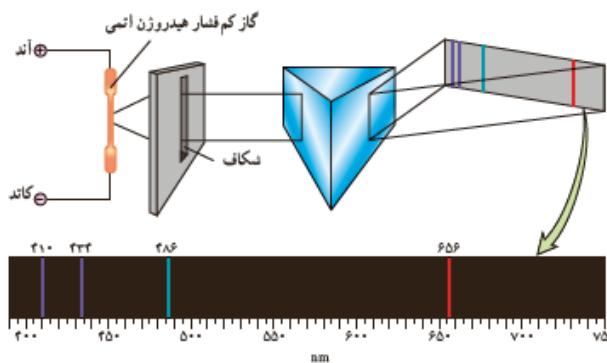
- نکته ۱- تابش گرمایی طیف گسیلی پیوسته محسوب می شود.
- نکته ۲- طول موج تابش گرمایی بستگی به دمای جسم دارد. به طور مثال اجسام در دماهای بالا از سطح خود نور مرئی گسیل می کنند(مانند آهن گداخته) و در دماهای معمولی اجسام در ناحیه‌ی فروسرخ تابش می کنند (مانند بدن انسان)
- نکته ۳- تشکیل طیف پیوسته توسط جسم جامد، ناشی از برهم کنش قوی بین اتم های سازنده‌ی آن است.

طیف گسیلی خطی (طیف خطی): گازهای کم فشار ورقيق، که اتم های منفرد آن ها از برهم کنش های قوی موجود در جسم جامد آزادند به جای طیف پیوسته، طیفی گسیله را گسیل می کنند که شامل طول موج های معینی است و به آن طیف خطی گفته می شود. (این طیف زمینه ای تاریک و خطوط رنگی دارد)

نکته ۱- طیف خطی برای اتم های هر گاز منحصر به فرد هستند و سرنخ های مهمی را درباره ای نوع و ساختار اتم های آن گاز می دهند.

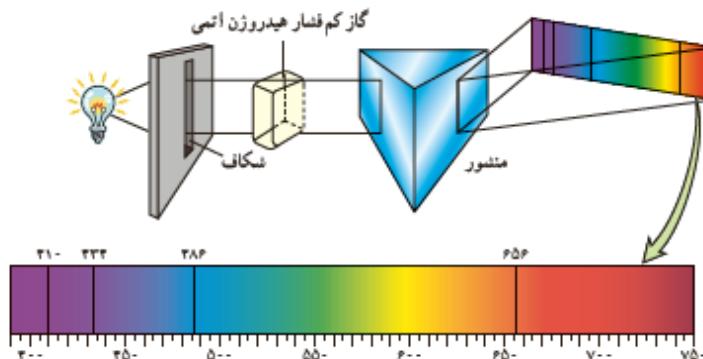
نکته ۲- طول موج های مرئی خاصی که اتم های نئون و حیوه گسیل می کنند به تابلوهای نئونی و لامپ های حیوه ای رنگ های مشخصی می دهند.

نحوه ای تولید طیف خطی هیدروژن: برای ایجاد این طیف از یک لامپ باریک و بلند شیشه ای که حاوی مقداری گاز رقيق و کم فشار است استفاده می شود. دو الکترود به نام های آند و کاتد در دو طرف این لامپ قرار دارد که به ترتیب به پایانه های مثبت و منفی ک منبع تغذیه با ولتاژ بالا وصل اند. این ولتاژ بالا، سبب تخلیه ای الکتریکی در گاز می شود و اتم های درون گاز درون لامپ شروع به گسیل نور می کنند. طیف خطی ایجاد شده و همچنین رنگ نور گسیل شده، به نوع گاز درون لامپ بستگی دارد. تصویر زیر مربوط به تولید طیف خطی اتم هیدروژن است:



طیف جذبی: اگر نور سفید از داخل گاز عنصری عبور کند و سپس طیف آن تشکیل شود، در آن طیف خط های تاریکی تشکیل می شود زیرا برخی طول موج های نور سفید توسط گاز جذب شده و از طیف نور سفید حذف می گردند. به این طیف طیف جذبی گفته می شود (این طیف زمینه ای رنگی با خطوط تاریک دارد)

نحوه ای تولید طیف جذبی اتم هیدروژن: برای ایجاد این طیف باریکه ای نور سفید ابتدا از گاز کم فشار هیدروژن عبور می کند و سپس از منشور عبور داده می شود. اتم های هیدروژن در این فرایند برخی طول موج های نور سفید را جذب می کنند و به جای آن ها روی پرده خطوط تاریک مشاهده می شود:



دو ویژگی مهم طیف های گسیلی و جذبی:

۱- هم در طیف گسیلی و هم در طیف جذب اتم های گازی هر عنصر ، طول موج های معینی وجود دارد که از مشخصه های آن عنصر است.(یعنی طیف گسیلی و جذبی هیچ دو عنصری همانند یکدیگر نیست و از این ویژگی برای شناسایی عناصر استفاده می شود)

۲- اتم های هر گاز دقیقاً همان طول موج هایی را از نور سفید جذب می کنند که اگر دمای آن ها به اندازه‌ی کافی بالا رود یا به هر صورت دیگر برانگیخته شوند، آن ها را تابش می کنند.

خطوط فرانهوفر: طیف خورشید یک طیف جذبی خطی گستته است که خط های نازک تاریکی در آن به علت جذب برخی طول موج ها توسط گازهای جو خورشید و گازهای جو زمین دیده می شود که به این خطوط تاریک خطوط فرانهوفر گفته می شود.

معادله‌ی ریدبرگ - بالمر: یک رابطه‌ی ریاضی به صورت زیر است که برای محاسبه‌ی طول موج های طیف خطی

هیدروژن از آن استفاده می شود:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{n'^2} \right) \quad R: \text{ثابت ریدبرگ (nm}^{-1}\text{)}$$

مقادیر n و n' با توجه به جدول رشته‌ی خط های طیفی گسیل هیدروژن از جدول زیر تعیین می شود:

نام رشته	مقدار n'	مقدار n/n'	نام رشته
لیمان	۱	۱	فرابنفس
بالمر	۲	۰.۵, ۰.۴, ۰.۳	فرابنفس و مرئی
پاشن	۳	۰.۶, ۰.۵, ۰.۴	فروسرخ
براکت	۴	۰.۷, ۰.۶, ۰.۵	فروسرخ
پغوند	۵	۰.۸, ۰.۷, ۰.۶	فروسرخ

به طور مثال سومین خط رشته‌ی بالمر دارای $n/n' = 2$ و $n = 5$ است.

نکته ۱- هر چه اختلاف n و n' بیش تر باشد، انرژی خط طیفی و بسامد آن بیش تر و طول موج آن کوتاه تر است.

نکته ۲- با توجه به نکته قبل در یک رشته معین با n' مشخص، برای بلندترین طول موج کم ترین مقدار n و برای کوتاه ترین طول موج بیش ترین مقدار n (یعنی ∞) قرار می دهیم، به طور مثال:

$$\left. \begin{array}{l} n' = 2 \\ n = \infty \end{array} \right\} \text{کوتاه ترین طول موج رشته بالمر}$$

$$\left. \begin{array}{l} n' = 2 \\ n = 3 \end{array} \right\} \text{بلندترین طول موج رشته بالمر}$$

نکته ۳- برای امواج الکترومغناطیس تابش شده توسط اتم هیدروژن، طول موج های ۴۰۰ تا ۷۰۰ نانومتر مرئی، کم تر از ۴۰۰ نانو متر فرابنفش و بالاتر از ۷۰۰ نانومتر فروسخ است.

نکته ۴- برای اتم هیدروژن منظور از حالت پایه وضعیتی است که الکترون در لایه $n=1$ قرار دارد و منظور از حالت برانگیخته وضعیتی است که الکترون در تراز بالاتر قرار گرفته باشد.

نکته ۵- هنگامی که اتمی یونش انجام می دهد فرض می شود الکترون به لایه $n = \infty$ می رسد.

گستره‌ی طول موج های یک رشته: اختلاف کوتاه ترین و بلندترین طول موج در هر رشته را، گستره‌ی طول موج های آن رشته می نامند.

تسنیع ۱۶- بلندترین طول موج رشته‌ی بالمر اتم هیدروژن چند برابر کوتاه ترین طول موج همین رشته است؟

$$\frac{5}{36} (4)$$

$$\frac{36}{5} (3)$$

$$\frac{4}{9} (2)$$

$$\frac{9}{5} (1)$$

پاسخ- گزینه (۱)

تسنیع ۱۷- انرژی مربوط به بلندترین طول موج در سری بالمر چند برابر انرژی مربوط به بلندترین طول موج در سری لیمان است؟

$$\frac{27}{5} (4)$$

$$\frac{5}{27} (3)$$

$$\frac{4}{9} (2)$$

$$\frac{9}{4} (1)$$

پاسخ- گزینه (۳)

- تست ۱۸- کم ترین بسامد مرئی که اتم هیدروژن می‌تواند تابش کند چند Hz است؟
 $(C = ۳ \times ۱ \cdot ۰^8 \text{ m/s} \text{ و } R = ۰ \cdot ۰ ۱ \text{ nm}^{-1})$
- ۷/۵ $\times ۱ \cdot ۰^{۱۵}$ (۲) $۱ \cdot ۰^{۱۴}$ (۱)
 $۱/۲ \times ۱ \cdot ۰^{۱۵}$ (۴) $۱/۸ \cdot ۰^{۱۴}$ (۳)
- پاسخ- گزینه (۱)

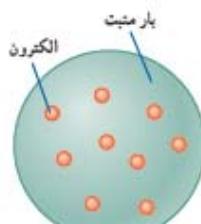
- تست ۱۹- در اتم هیدروژن، الکترون در تراز ۱۱ قرار دارد. این الکترون با یک گذار، پرتویی در رشته‌ی بالمر گسیل داشته است. اگر طول موج این پرتو $۵ \cdot ۰ \cdot ۰ ۵$ نانومتر باشد، چندمین خط این رشته مشاهده می‌گردد؟
 $(R_H = ۰ \cdot ۰ ۱ \text{ nm}^{-1})$
- ۱) خط چهارم ۲) خط پنجم ۳) خط ششم ۴) خط هفتم
- پاسخ- گزینه (۱)

- تست ۲۰- اگر کوتاه‌ترین طول موج سری پاشن قادر به انجام پدیده‌ی فوتوالکتریک در سلولی معین نباشد، طول موج کدام سری ممکن است قادر به انجام این پدیده باشد؟
- ۱) لیمان و بالمر ۲) فقط لیمان ۳) براکت و پفوند ۴) فقط پفوند
- پاسخ- گزینه (۱)

- تست ۲۱- طیف گسیلی اتم هیدروژن ۴ خط مرئی دارد. کوتاه‌ترین طول موج مرئی که اتم هیدروژن تابش می‌کند تقریباً چند نانومتر است؟
 $(R_H = ۰ \cdot ۰ ۱ \text{ nm}^{-1})$
- ۶۸۶ (۱) ۶۱۰ (۳) ۶۵۰ (۴) ۶۵۰ (۲)
- پاسخ- گزینه (۲)

- تست ۲۲- در طیف گسیلی هیدروژن، کوتاه‌ترین طول موج گسیلی چند نانومتر است و این گسیل مربوط به کدام رشته است؟
 $(R_H = ۰ \cdot ۰ ۱ \text{ nm}^{-1})$
(تجربی- ۹۸)
- ۱) ۱۰۰ و بالمر ۲) ۱۰۰ و لیمان ۳) $\frac{۴}{۳}$ و لیمان ۴) $\frac{۴}{۳}$ و بالمر
- پاسخ- گزینه (۲)

مدل اتمی تامسون: بنابر مدل اتمی تامسون اتم همچون کره‌ای است که بار مثبت به طور همگن در سرتاسر آن گستردگی دارد و الکترون‌ها که سهم ناچیزی در جرم اتم دارند در جاهای مختلف آن پراکنده شده‌اند. این مدل را گاهی مدل یک کشمکشی هم می‌گویند:

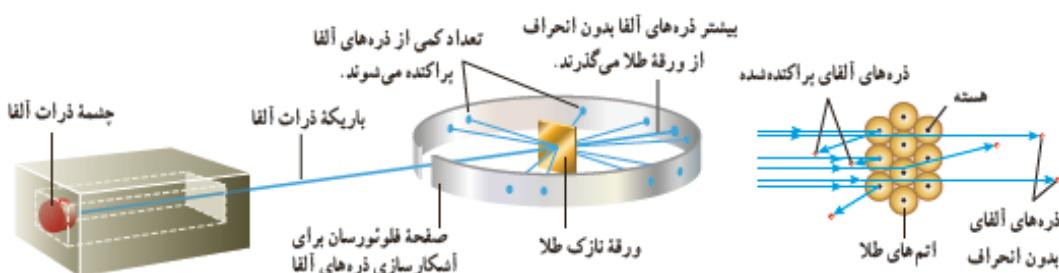


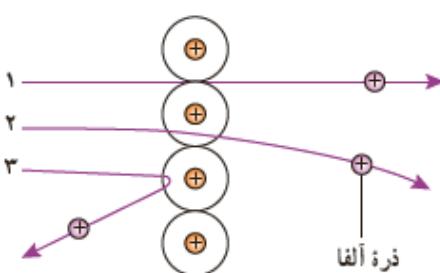
ناسازگاری مدل تامسون با نتایج تجربی: مدل تامسون قادر به پیش‌بینی بسامدهای تابش گسیل شده از اتم نبود.

آزمایش پراکندگی رادرفورد: این آزمایش باعث شد مدل اتمی تامسون کنار گذاشته شود. این آزمایش به صورت زیر انجام شد:

رادرفورد و همکارانش باریکه ای از ذره‌های دارای بار مثبت را (از جنس هسته‌ی هلیم که به آن ذرات آلفا گفته می‌شود) بر سطح ورقه‌ای نازک از جنس طلا تاباندند. رادرفورد بنابر مدل تامسون انتظار داشت که تمامی ذره‌های آلفا، با انحراف بسیار اندکی از ورقه‌ی طلا عبور کنند. در عمل نیز بیشتر این ذره‌ها بدون انحراف یا انحراف اندکی از ورقه‌ی طلا می‌گذشتند و در برخورد با صفحه‌ی فلورسان، در پشت آن، جرقه‌های نورانی تولید می‌کردند. با وجود این، برخی از ذره‌های آلفا در هنگام خروج از ورقه‌ی نازک طلا، در زاویه‌های بزرگ منحرف و پراکنده می‌شدند و حتی تعدادی به عقب برミ گشتند! رادرفورد پس از انجام این آزمایش و بر اساس مدل تامسون و شناختی که از باریکه‌ی ذرات آلفا داشت، گفت: «مثل آن بود که گلوله‌ی توپی را به ورقه‌ی نازکی از کاغذ شلیک کنید و با شگفتی مشاهده کنید که پس از برخورد گلوله‌ی توپ با سطح کاغذ، گلوله بازگردد.» این ذره‌ها باید چیزی پر جرمی برخورد کرده باشد.

رادرفورد استدلال کرد که ذره‌های بدون انحراف باید از قسمت‌هایی از ورقه گذشته باشند که تهی بوده باشد، در حالی که ذره‌های با انحراف شدید از مرکزهای بسیار چگال و دارای بار مثبت منحرف شده‌اند. وی سرانجام نتیجه گرفت باید هسته‌ای چگال و دارای بار مثبت در مرکز هر اتم باشد که با مدل اتمی تامسون به طور آشکار مغایرت داشت:





خلاصه مشاهدات و نتایج آزمایش پراکندگی رادفورد:

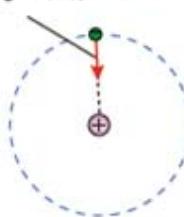
پرتوهای ۱ و ۲ انحرافی ندارند و یا انحراف اندک نشان می دهند
این موضوع نشان می دهد بیش تر فضای اتم خالی است.

پرتوهای ۳ انحراف بسیار زیادی داشته است که نشان می دهد که
یک هسته ای کوچک و متراکم و پر جرم در مرکز اتم وجود دارد.

مدل اتمی هسته ای رادرفورد: مطابق این مدل اتم یک هسته ای بسیار چگال و کوچک و با بار مثبت است که
با تعدادی الکترون در فاصله هایی به نسبت دور احاطه شده است.

ناسازگاری های مدل اتمی رادرفورد با نتایج تجربی:

نیروی ریاضی الکتریکی که از طرف
هسته به الکtron وارد می شود.



اگر الکtron نسبت به هسته ساکن فرض شود بر اثر
نیروی ریاضی الکتریکی، روی هسته سقوط می کند.

۱- عدم توجیه پایداری اتم: اگر الکترون ها را نسبت به هسته ساکن فرض کنیم،
باید تحت تأثیر نیروی ریاضی الکتریکی بین هسته و الکترون، روی هسته سقوط
کنند و در نتیجه اتم ناپایدار باشد، و این با واقعیت سازگار نیست. همچنین اگر
الکترون به دور هسته گردش داشته باشد باز هم این حرکت پایدار نمی ماند، زیرا
حرکت مداری الکترون به دور هسته، شتابدار است. بنابر فیزیک کلاسیک، این
حرکت شتابدار الکترون سبب تابش امواج الکترومغناطیسی می شود (زیرا در اینجا
الکترون یک ذره ای باردار شتابدار است) که بسامد آن با بسامد حرکت مداری
(دایره ای) الکترون برابر است. با تابش امواج الکترومغناطیسی توسط الکترون، از
انرژی آن کاسته می شود این کاهش انرژی باعث می شود که شعاع مدار الکترون
به دور هسته به تدریج کوچک تر شده و در نهایت روی هسته فرو افتاد. و بسامد
حرکت آن به تدریج بیش تر شود.



اگر الکترون دور هسته بگردد، طیف پیوسته گسیل می کند
وسایر اتم را روی هسته فرمی اند.

۲- عدم توجیه طیف گسسته ای اتمی: با تابش امواج الکترومغناطیسی
توسط الکترون، از انرژی آن کاسته می شود و این کاهش انرژی باعث
می شود که شعاع مدار الکترون به دور هسته به تدریج کوچک تر شده و
بسامد تابش ها بیش تر گردد. این افزایش تدریجی بسامد حرکت مداری
الکترون ها به این معنی است که طیف امواج الکترومغناطیسی گسیل شده
باید پیوسته باشد و این مطلب نیز با واقعیت سازگار نیست:

مدل اتمی بور: بور توانست مسأله‌ی ناپایداری اتم در مدل رادرفورد را حل کند و توجیهی برای طیف خطی اتم هیدروژن در معادله‌ی ریدبرگ مطرح نمود. پیشنهاد بور این بود که «در مقیاس اتمی، قوانین مکانیک کلاسیک و الکترومغناطیس باید توسط قوانین دیگری جایگزین یا تکمیل شود» مهمترین اصول بور برای اتم هیدروژن به شرح زیر است:

۱- مدارها و انرژی‌های الکترون در هر اتم کوانتیده‌اند: یعنی فقط مدارها و انرژی‌های گسسته‌ی معینی مجاز هستند. (یعنی الکترون در مدارهایی با شعاع‌های معین و ثابت در گردش است) شعاع و انرژی مدارهای هیدروژن به صورت زیر به دست می‌آید:

$$r_n = a_0 n^2 \quad a_0: \text{شعاع کوچک ترین مدار در اتم هیدروژن} (5 \times 10^{-11} \text{m})$$

$$E_n = -\frac{E_R}{n^2} \quad E_R: \text{انرژی الکترون در اولین مدار} (13.6 \text{eV})$$

$n: \text{شماره‌ی مدار} (1, 2, 3, \dots)$

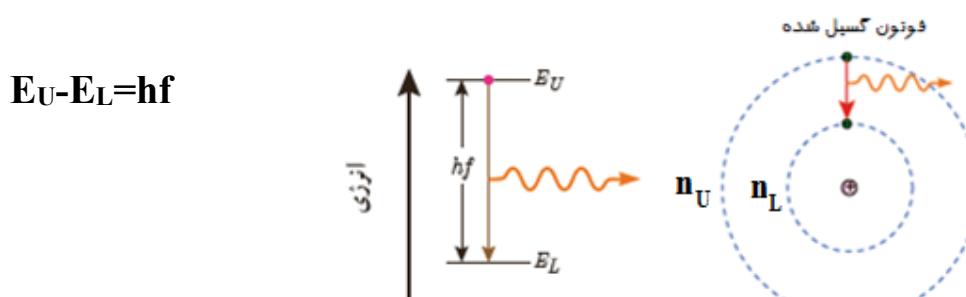
$r_n: \text{شعاع مدار } n \text{ ام}$

$E_n: \text{انرژی مدار } n \text{ ام} (\text{eV})$

نکته- a_0 : شعاع بور اتم هیدروژن، E_R یک ریدبرگ و n : عدد کوانتومی نیز نامیده می‌شود.

۲- حالت مانا: وقتی الکترون در یکی از مدارهای مجاز است، هیچ نوع تابش الکترومغناطیسی گسیل نمی‌کند. از این رو گفته می‌شود الکترون در مدار مانا یا حالت مانا قرار دارد. (این مطلب برخلاف قوانین فیزیک کلاسیک است)

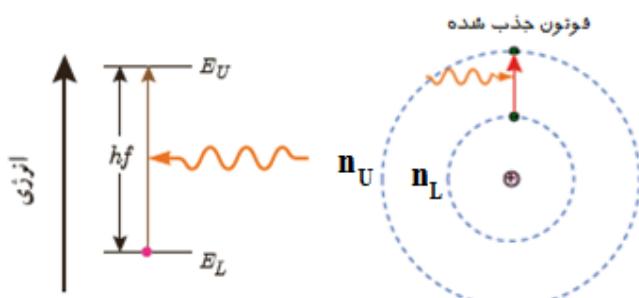
۳- توجیه تابش گسسته‌ی اتم: الکترون می‌تواند از یک حالت مانا به حالت مانای دیگر برود. هنگام گذار الکترون از یک حالت مانا با انرژی بیشتر (E_U) به یک حالت مانا با انرژی کمتر (E_L)، یک فوتون تابش می‌شود. در این صورت انرژی فوتون تابش شده برابر اختلاف انرژی بین دو مدار اولیه و نهایی است. یعنی:



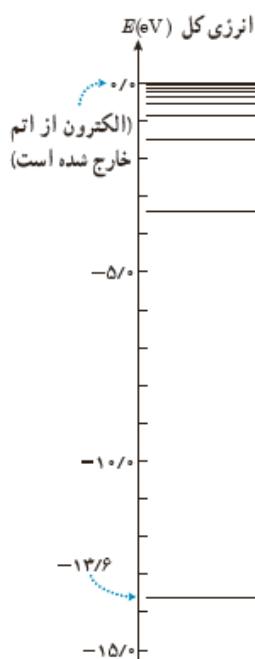
$$E_U - E_L = hf$$

توجیه جذب به وسیلهٔ الگوی اتمی بور: هنگام گذار الکترون از یک حالت مانا با انرژی کم تر (E_L) به یک حالت مانا با انرژی بیش تر (E_U)، یک فوتون تابش می‌شود. در این صورت انرژی فوتون تابش شده برابر اختلاف انرژی بین دو مدار اولیه و نهایی است. یعنی:

$$E_U - E_L = hf$$



نمودار ترازهای انرژی الکترون برای اتم هیدروژن:



- ۱- هرچه از هسته دورتر می‌شویم انرژی الکترون بیش تر می‌شود.
- ۲- بالاترین تراز انرژی به $n=\infty$ مربوط است و در این لایه، انرژی الکترون eV است. بنابراین انرژی لایه‌های پایین تر منفی است.
- ۳- پایین ترین تراز انرژی حالت پایه نامیده می‌شود و انرژی الکترون در ترازهای بالاتر حالت برانگیخته نامیده می‌شود.
- ۴- هرچه از هسته دورتر می‌شویم فاصلهٔ بین لایه‌های الکترونی کم تر می‌شود.

- ۵- برای بالا بردن الکترون از حالت پایه ($n=1$) به بالاترین حالت برانگیخته ممکن ($n=\infty$) مقدار $13/6 eV$ انرژی باید صرف شود. صرف این مقدار انرژی، الکترون را از اتم خارج می‌کند. این کم ترین انرژی لازم برای خارج کردن الکترون از حالت پایه، انرژی یونش الکترون نامیده می‌شود.

نکته- با تلفیق رابطهٔ ریدبرگ و رابطهٔ بور می‌توان ثابت کرد:

$$R = \frac{E_R}{hc}$$

atom hydrogen shell: به اتم‌های گفته می‌شود که تنها یک الکترون دارند و مدل بور می‌تواند انرژی یونش و طول موج‌های طیف خطی آن‌ها را با موفقیت پیش‌بینی کند. (به طور مثال لیتیم سه الکترون دارد و Li^{3+} دارای یک الکترون است و اتم هیدروژن گونه محسوب می‌شود)

نارسایی های مدل اتمی بور:

۱- این مدل برای وقتی که بیش از یک الکترون به دور هسته می گردد به کار نمی رود ، زیرا در مدل بور ، نیروی الکتریکی که یک الکترون به الکترون دیگر وارد می کند در محاسبات در نظر گرفته نشده است.

۲- این مدل نمی تواند متفاوت بودن شدت خط های طیفی گسیلی را توضیح دهد.(برای مثال مدل بور نمی تواند توضیح دهد چرا شدت خط قرمز با شدت خط آبی در طیف گسیلی گاز هیدروژن اتمی با یکدیگر متفاوت است.)

پدیده‌ی فلوئورسانی: وقتی نور فرابنفش به بسیاری از مواد تابیده شود ، تابش مرئی از خود گسیل می کنند. طول موج های گسیل یافته معمولاً برابر همان طول موج نور فرودی یا بزرگ‌تر از آن است ، زیرا الکترون‌ها با جذب انرژی تابش فرابنفش به لایه‌های بالاتر می‌رسند و در بازگشت ممکن است برخی الکترون‌ها به صورت پلکانی سقوط کنند (یعنی به طور مستقیم به حالت پایه برگشت نمی کنند) و از آنجا که انرژی فوتون گسیل شده برابر اختلاف انرژی دو لایه‌ای است که در آن گذار الکترون رخ داده ، فوتون‌های با انرژی پایین‌تر و طول موج بلندتر گسیل می‌شود.

تسنیت ۲۳- بسامد فوتونی که می تواند الکترون را در اتم هیدروژن از $n=1$ به $n=2$ ببرد ، چند برابر بسامد فوتونی است که موجب انتقال الکtron از از $n=2$ به $n=4$ می شود؟

- ۱) ۱ (۴) ۴ ۲) ۲ (۳) ۳ ۳) ۳ (۲) ۲ ۴) ۴ (۱) ۱

پاسخ- گزینه(۴)

تسنیت ۲۴- الکترونی که در اتم هیدروژن در تراز برانگیخته قرار دارد به حالت پایه بازگشت می کند و شعاع آن $\frac{1}{16}$

برابر می گردد. فوتونی که در این فرایند گسیل می شود مربوط به است.

- | | |
|------------------------|------------------------|
| ۱) خط سوم رشته‌ی بالمر | ۲) خط دوم رشته‌ی لیمان |
| ۳) خط اول رشته‌ی برآکت | ۴) خط سوم رشته‌ی لیمان |

پاسخ- گزینه()

تست ۲۵- اگر الکترونی در اتم هیدروژن در تراز $n=4$ باشد، پرانرژی ترین فوتونی که تابش می‌کند چند ریدبرگ انرژی دارد؟

$$\frac{15}{16}$$

$$\frac{9}{25}$$

$$\frac{7}{16}$$

$$\frac{1}{16}$$

پاسخ- گزینه(۴)

تست ۲۶- اگر الکtron در اتم هیدروژن در مدار $n=3$ باشد، بیش ترین بسامدی که این الکترون می‌تواند تابش کند چند برابر کم ترین بسامد تابشی آن است؟

$$8/2 (3)$$

$$5/2 (3)$$

$$6/4 (2)$$

$$3/4 (1)$$

پاسخ- گزینه(۲)

تست ۲۷- الکترونی در اتم هیدروژن در لایه‌ی چهارم قرار دارد. چند نوع فوتون ممکن است تابش کند؟

$$7 (4)$$

$$6 (3)$$

$$5 (2)$$

$$4 (1)$$

پاسخ- گزینه()

تست ۲۸- در اتم هیدروژن الکترونی در لایه‌ی پنجم قرار دارد، چند نوع فوتون مرئی یا فرابنفش می‌تواند گسیل کند؟

$$10 (4)$$

$$6 (3)$$

$$8 (2)$$

$$7 (1)$$

پاسخ- گزینه()

تست ۳۹- در اتم هیدروژن الکترون در لایه‌ی ششم قرار دارد، با فرض آنکه برای این الکترون فقط گذار $\Delta n=1$ مجاز است، چند نوع فوتون فرادرس ممکن است گسیل شود؟

- (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۱

پاسخ- گزینه (۱)

تست ۴۰- بسامد فوتونی که می‌تواند اتم هیدروژن در حالت پایه را یونیده کند چند هرتز است؟

$$(E_R = 13/6 \text{ eV} \quad h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV.s}) \quad 1/2 \times 10^{15} \quad (2) \quad 1/7 \times 10^{15} \quad (1)$$

$$1/6 \times 10^{15} \quad (4) \quad 3/4 \times 10^{15} \quad (3)$$

پاسخ- گزینه (۲)

تست ۴۱- در اتم هیدروژن اگر اختلاف انرژی الکترون بین ترازهای ۱ و ۳ برابر ΔE و بین ترازهای ۴ و ۶ برابر $\Delta E'$

باشد، نسبت $\frac{\Delta E}{\Delta E'}$ کدام است؟ (تجربی خارج-۹۸)

- (۱) ۱ (۲) ۲۵/۶ (۳) ۳/۹۸ (۴) ۳۵/۸

پاسخ- گزینه (۲)

تست ۴۲- در اتم هیدروژن، هنگام گذار الکترون از مدار n_1 به n_2 ، فوتونی با انرژی $12/75$ الکترون ولت گسیل

می‌شود. n_1 و n_2 به ترتیب و از راست به چپ کدامند؟ ($E_R = 13/6 \text{ eV}$)

- (۱) ۱ و ۳ (۲) ۲ و ۳ (۳) ۱ و ۴ (۴) ۴ و ۲

پاسخ- گزینه (۳)

ویژگی های گسیل القایی:

۱- از آنجا که یک فوتون وارد و دو فوتون خارج می شود، تعداد فوتون ها را افزایش می دهد و نور را تقویت می کند.

۲- فوتون گسیل شده در همان جهت فوتون ورودی حرکت می کند.

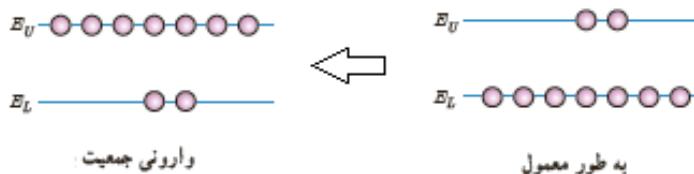
۳- فوتون گسیل شده با فوتون ورودی همگام یا هم فاز است.

لیزر(Laser): لیزر برگرفته از سرواژه های عبارت زیر است:

Light Amplification by Stimulated Emission of Radiation

لیزر، تقویت نور به وسیله ی گسیل القایی تابش است. به عبارت دیگر اگر گسیل القایی را در مجموعه ی زیادی از اتم های برانگیخته انجام دهیم تعداد زیادی فوتون همسو، هم بسامد و هم انرژی ایجاد می شود که باریکه ای از نور تقویت شده است.

وارونی جمعیت: در گسیل القایی یک چشممه ی خارجی مناسب باید وجود داشته باشد تا الکترون ها را به ترازهای انرژی بالاتر برانگیخته کند. این انرژی به روش های متعددی از جمله درخش های شدید نور معمولی یا تخلیه های ولتاژ بالا فراهم می شود. اگر انرژی کافی به اتم ها داده شود، الکترون های بیشتری به تراز بالاتر برانگیخته خواهند شد. چنین شرطی وارونی جمعیت نامیده می شود:



ترازهای شبه پایدار: در وارونی جمعیت الکترون ها در یک محیط لیزری باید تعداد الکترون ها در ترازهای موسوم به ترازهای شبه پایدار نسبت به تراز پایین تر بیش تر باشد. در این ترازها الکترون ها در مدت زمان بسیار طولانی تری ($S^+ - S^-$) نسبت به حالت برانگیخته ای معمولی ($S^- - S^+$) باقی می مانند. این زمان طولانی تر، فرصت بیش تری برای افزایش وارونی جمعیت و در نتیجه تقویت نور لیزر فراهم می کند.

تفاوت های لیزر با نور معمولی:

۱- بسامدو انرژی فوتون های لیزر کاملاً خالص است. یعنی در باریکه ای لیزر فقط یک نوع فوتون مشاهده می شود اما در نور معمولی اغلب طیف وسیعی از بسامدها وجود دارد.

۲- لیزر به خط راست منتشر می شود اما نور معمولی واگرایی دارد.

تسنیع-۴- کدام یک از موارد زیر، با فیزیک کلاسیک قابل توجیه نیستند؟ (تجربی-۹۸)

- (۱) مکانیک نیوتونی و پدیده ای فوتوالکتریک
 - (۲) پدیده ای فوتوالکتریک و طیف خطی
 - (۳) لیزر و نظریه ای الکترومغناطیسی ماکسول و طیف خطی
 - (۴) نظریه ای الکترومغناطیسی ماکسول و طیف خطی
- پاسخ- گزینه ()

آشنایی با فیزیک هسته ای

فیزیک هسته ای: شاخه ای از فیزیک است که در آن با ساختار، بر هم کنش ها و واپاشی هسته های اتمی سرو کار داریم.

نوکلئون: به ذرات تشکیل دهنده ای هسته که شامل پروتون ها و نوترون ها می باشند نوکلئون گفته می شود.

عدد اتمی (Z): تعداد پروتون های هسته را عدد اتمی می نامند.

عدد نوترونی (N): تعداد نوترون های هسته را عدد نوترونی آن می گویند.

عدد جرمی (A): مجموع تعداد پروتون ها و نوترون های را عدد جرمی نامیده می شود.

$$A = Z + N$$

نکته - در یک عنصر خنثی تعداد پروتون ها و الکترون ها برابر است.

نماد شیمیایی عنصرها: برای یک عنصر با نماد شیمیایی X، نماد هسته به صورت زیر نشان داده می شود:



ایزوتوپ ها (هم مکان): شکل های مختلف یک عنصر که عدد اتمی یکسان و عدد جرمی متفاوت دارند. (ایزوتوپ ها تعداد پروتون های برابر و تعداد نوترون های متفاوت دارند).

ایزوتوپ های هیدروژن: هیدروژن دارای سه ایزوتوپ طبیعی است: H^1 یا هیدروژن، D^2 یا دوتربیوم و T^3 .

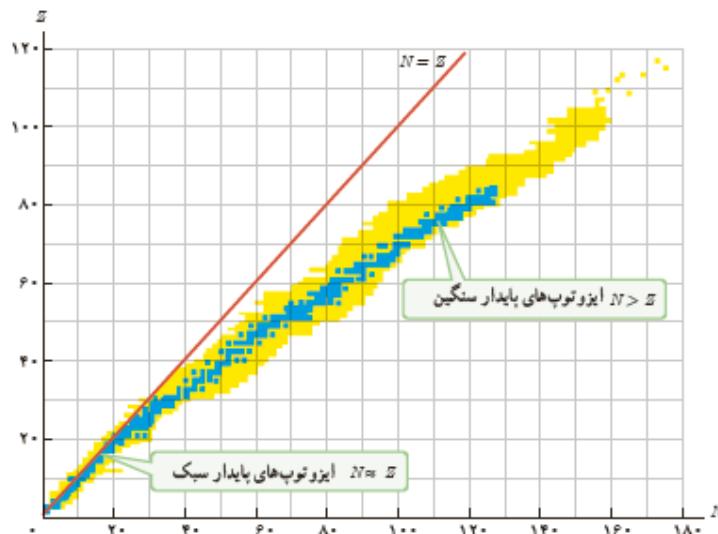
نکته - ابعاد هسته در مقایسه با ابعاد اتم بسیار کوچک تر است. با این وجود، ۹۹/۹ درصد جرم اتم در هسته متتمرکز شده است (چگالی هسته 10^{14} g/cm^3 است!).

نیروی هسته ای: نیروی جاذبه بین نوکلئون های هسته که باعث می شود نوکلئون ها به صورت پایدار در کنار هم باقی بمانند نیروی هسته ای نامیده می شود.

چند نکته در رابطه با نیروی هسته ای:

- ۱- نیروی هسته ای بسیار قوی تر از نیروی رانش الکتریکی بین دو پروتون است.
- ۲- نیروی هسته ای با نیروی گرانشی بسیار تفاوت دارد زیرا جاذبه نیروی گرانشی بین نوکلئون ها چنان ضعیف است که نمی تواند بر نیروی دافعه ای الکتروستاتیکی دو پروتون غلبه کند.
- ۳- نیروی هسته ای کوتاه برد است و تنها در فاصله ای کوچک تر از ابعاد هسته اثر می کند.
- ۴- نیروی هسته ای مستقل از بار الکتریکی است ، یعنی نیروی رباشی هسته ای یکسانی بین دو پروتون، دو نوترون، یا یک پروتون و یک نوترون وجود دارد. (به همین دلیل از منظر نیروی هسته ای ، تفاوتی بین پروتون و نوترون وجود ندارد و دلیل نامگذاری آن ها با نام عام نوکلئون نیز همین است)

شرط پایداری هسته: برای پایداری هسته، باید نیروی دافعه ای الکتروستاتیکی بین پروتون ها با نیروی جاذبه ای بین نوکلئون ها ، که ناشی از نیروی هسته ای است برابر باشد . ولی به دلیل بلند برد بودن نیروی الکتروستاتیکی ، یک پروتون تمام پروتون های درون هسته را دفع می کند ، در حالی که یک پروتون یا یک نوترون فقط نزدیک ترین نوکلئون های مجاور خود را با نیروی هسته ای جذب می کند . به همین دلیل وقتی تعداد پروتون های درون هسته افزایش یابد ، اگر هسته بخواهد پایدار بماند ، باید تعداد نوترون های درون هسته نیز افزایش یابد. شکل زیر نموداری از Z بر حسب N را برای عنصرهای مختلف نشان می دهد:

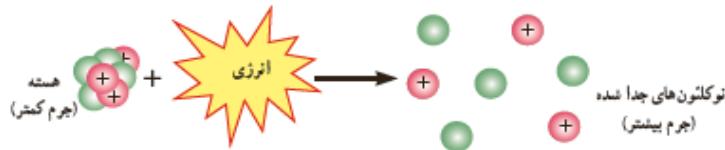


هسته ای پایدار با بیش ترین تعداد پروتون ($Z=83$) ، متعلق به بیسوت است. به جز توریم و اورانیوم که در طبیعت یافت می شوند سایر هسته های سنگین با عدد اتمی بزرگتر از ۸۳ ناپایدارند. این دو عنصر تنها عنصرهایی اند که واپاشی آن چنان کند است که از هنگام تشکیل منظومه ای شمسی ، فقط مقدار کمی از آن ها بر اثر واپاشی به عنصرهای سبک تر تبدیل شده اند.

نکته- برای هسته های پایدار نسبت نوترون به پروتون ($\frac{N}{Z}$) برابر $1/5$ یا بیش تر است.

انرژی بستگی هسته ای: انرژی لازم برای جدا کردن نوکلئون های هسته انرژی بستگی هسته ای نامیده می شود.

کاستی جرم هسته: جرم هسته از مجموع جرم پروتون ها و نوترون های تشکیل دهنده کم تر است . این اختلاف جرم کاستی جرم هسته نامیده می شود.



محاسبه ای انرژی بستگی هسته ای: برای به دست آوردن این انرژی باید از رابطه معروف اینیشتین در نظریه

نسبیت استفاده نمود:(البته این محاسبه خارج از برنامه کتاب درسی است)

$$E=mc^2$$

ترازهای انرژی هسته: انرژی نوکلئون های وابسته به هسته نیز مانند انرژی الکترون های وابسته به اتم کوانتیده اند و نوکلئون ها درون هسته نمی توانند هر انرژی دلخواهی را اختیار کنند . همچنین همان طور که الکترون های اتم می توانند با جذب انرژی از تراز پایه به تراز برانگیخته بروند ، نوکلئون ها نیز می توانند با جذب انرژی به ترازهای انرژی بالاتر بروند و درنتیجه هسته برانگیخته شود. هسته ای برانگیخته با گسیل فوتون به به تراز پایه بر می گردد . انرژی فوتون گسیل شده ، با اختلاف انرژی بین دو تراز برانگیخته و تراز پایه برابر است.

(هسته های برانگیخته را با نماد X^* نمایش می دهند)

تفاوت ترازهای انرژی نوکلئون ها با ترازهای انرژی الکترون: اختلاف بین ترازهای انرژی نوکلئون ها در هسته

از مرتبه eV تا مرتبه MeV است، در حالی که اختلاف بین ترازهای انرژی الکترون ها در اتم از مرتبه eV است. از این رو ، هسته ها در واکنش های شیمیایی برانگیخته نمی شود.

پرتوزایی طبیعی: وقتی یک هسته ای ناپایدار یا پرتوزا به طور طبیعی (خودبه خود) واپاشی می کند ، نوع معینی از ذرات یا فوتون های پرانرژی آزاد می شوند . این فرایند واپاشی ، پرتوزایی طبیعی نامیده می شود.

أنواع پرتوها در پرتوزای طبیعی و قدرت نفوذ آن‌ها: در پرتوزای طبیعی سه نوع پرتو ایجاد می‌شود:

۱- **پرتوهای آلفا(α):** کم ترین نفوذ را دارند و با ورقه‌ی نازک سربی با ضخامت ناچیز متوقف می‌شوند. (حدود ۰/۱ mm) در سرب نفوذ دارند)

۲- **پرتوهای بتا(β):** این پرتوها مسافت خیلی بیشتری در سرب نفوذ می‌کنند (حدود ۰/۱ mm)

۳- **پرتوهای گاما(γ):** این پرتوها بیشترین نفوذ را در سرب دارند (حدود ۱۰۰ mm)

نکته- تعداد نوکلئون‌ها در تمام فرایندهای واپاشی هسته‌ای پایسته است . یعنی تعداد نوکلئون‌ها ، پیش از فرایند با تعداد نوکلئون‌ها پس از فرآیند مساوی است .

آزمایش مقایسه‌ی بار و جرم سه نوع ذره‌ی پرتوزا: برای انجام این آزمایش نمونه‌ی ماده‌ی پرتوزا داخل

استوانه‌ای سربی قرار می‌گیرد و پرتوهای آن عمود بر یک میدان مغناطیسی عبور می‌کنند که با توجه به قاعده‌ی دست راست می‌توان نوع بار الکتریکی هر ذره را تعیین کرد:



۱- پرتوی گاما در میدان مغناطیسی انحراف ندارد که نشان می‌دهد بار الکتریکی ندارد.

۲- پرتوی بتا به گونه‌ای در میدان مغناطیسی انحراف پیدا گردد است که نشان می‌دهد دارای بار الکتریکی منفی است و چون بیشترین انحراف را دارد نشان می‌دهد کم ترین جرم را در مقایسه با سایر ذرات واپاشی دارد.

۳- پرتوی آلفا به گونه‌ای در میدان مغناطیسی انحراف پیدا کرده است که نشان می‌دهد دارای بار الکتریکی مثبت است و چون کم ترین انحراف را دارد نشان می‌دهد بیشترین جرم را در مقایسه با سایر ذرات واپاشی دارد.

واکنش هسته‌ای مربوط به واپاشی آلفا(α): این نوع پرتوها ذرات با بار مثبت از جنس هسته‌ی هلیم(${}^4_2 He$) است

یعنی از دو پروتون و دو نوترون تشکیل شده است. معادله‌ی این واپاشی به این صورت زیر است:



در این رابطه X هسته‌ی مادر و Y هسته‌ی دختر نامیده می‌شود.

واکنش هسته ای مربوط به واپاشی بتا(β): این واپاشی به دو شکل صورت می گیرد:

۱- بتای منفی: این پرتوها از نوع الکترون هستند. الکترون واپاشی شده در هسته ای مادر وجود ندارد و همچنین یکی از الکترون های مداری اتم نیست. این الکترون وقتی به وجود می آید که نوترونی درون هسته، به پروتون و الکترون تبدیل شود. معادله ای این واپاشی به صورت زیر است:



در این رابطه X هسته ای مادر و Y هسته ای دختر نامیده می شود.

۲- پوزیترون: این پرتوها جرم یکسان با الکترون دارند اما به جای بار $-e$ حامل بار $+e$ هستند. به این الکترون مثبت پوزیترون گفته می شود. در این فرایند یکی از پروتون های درون هسته به یک نوترون و پوزیترون تبدیل می شود سپس این پوزیترون از هسته گسیل می شود. معادله ای این واپاشی به صورت زیر است:



در این رابطه X هسته ای مادر و Y هسته ای دختر نامیده می شود.

واکنش هسته ای مربوط به واپاشی گاما(γ): پرتوی گاما یک فوتون پر انرژی است. اغلب هسته ها پس از واپاشی آلفا یا بتا، در حالت برانگیخته قرار می گیرند و با گسیل فوتون های پرانرژی گاما به حالت پایه می رسند. در این فرایند A و Z تغییر نمی کنند. معادله ای این واپاشی به صورت زیر است:



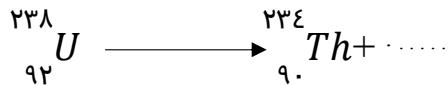
در این رابطه X^* هسته ای مادر و X هسته ای دختر نامیده می شود.

نکته- ذره های آلفا سنگین اند و برد کوتاهی دارند. این ذرات پس از طی مسافت کوتاهی در هوا (۱ تا ۲ سانتی متر) و یا با عبور از لایه ای نازک از مواد جذب می شوند. اگر این ذره ها از راه تنفس یا دستگاه گوارش وارد بدن شوند، باعث آسیب شدید به بافت های بدن می شوند.

واکنش های زنجیره ای : هر گاه یک هسته ای ناپایدار به طور همزمان تعدادی ذرات آلفا، بتا و گاما گسیل کند برای

حل مسائل باید مجموع اعداد اتمی و همچنین مجموع اعداد جرمی دو طرف معادله را برابر قرار دهید.

تست ۳۴- کدام ذره واکنش هسته ای مقابله کامل می کند؟



- (۱) بتای منفی
 (۲) پوزیترون
 (۳) نوترون
 (۴) آلفا
 پاسخ- گزینه (۴)

تست ۳۵- اگر یک عنصر رادیو اکتیو یک ذره ای آلفا و دو ذره ای بتای منفی تابش کند عدد اتمی آن نسبت به حالت قبل چه تغییری می کند؟

- (۱) ۲ واحد افزایش می یابد.
 (۲) ۲ واحد کاهش می یابد.
 (۳) ۳ واحد کاهش می یابد.
 (۴) تغییر نمی کند.
 پاسخ- گزینه (۳)

تست ۳۶- یک ماده ای پرتوزا چه ذراتی را باید تابش کند تا بدون تغییر عدد اتمی، عدد جرمی آن ۴ واحد کاهش یابد؟

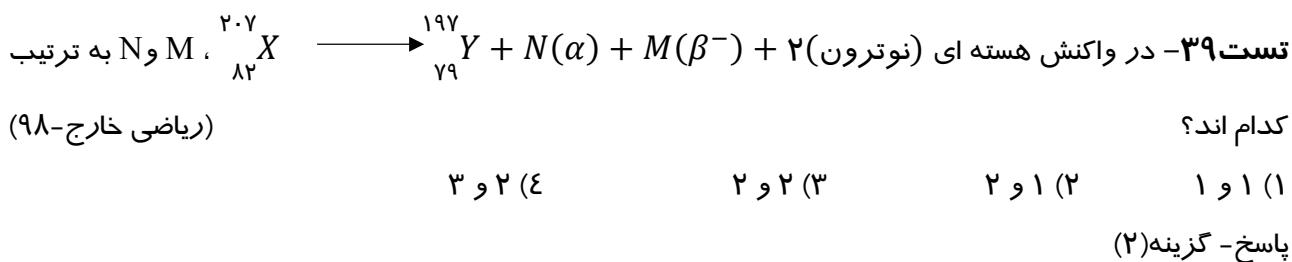
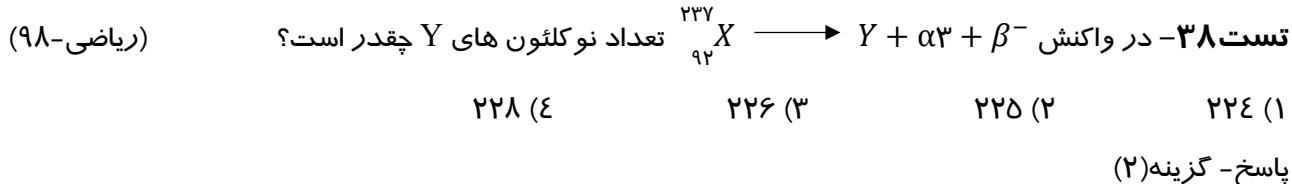
- (۱) دو ذره ای آلفا و دو ذره ای بتای منفی
 (۲) یک ذره ای آلفا و دو ذره ای بتای منفی
 (۳) سه ذره ای آلفا و دو ذره ای بتای منفی
 (۴) سه ذره ای آلفا و دو ذره ای بتای منفی
 پاسخ- گزینه (۲)

تست ۳۷- در واکنش هسته ای + + در جاهای خالی کدام گزینه

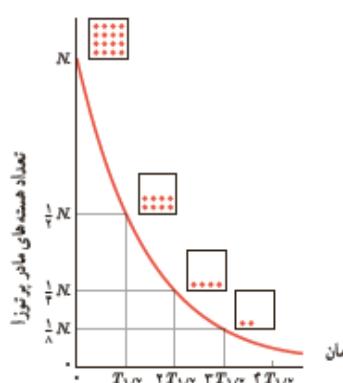


باید قرار گیرد؟

- (۱) 4α و $3\beta^-$
 (۲) 3α و $4\beta^-$
 (۳) 2α و $4\beta^-$
 (۴) 4α و $2\beta^-$
 پاسخ- گزینه (۱)



نیمه عمر ($T_{1/2}$): نیمه عمر مدت زمانی است که طول می کشد تا تعداد هسته های مادر موجود در یک نمونه به نصف بررسند.



محاسبات جرمی ماده‌ی پرتوزا با توجه به نیمه عمر آن:

$$n = \frac{t}{T_{1/2}}$$

n : نیمه عمر

 $m = \frac{m_0}{n}$

t : کل زمان لازم برای واپاشی (مدت تجزیه)

m_0 : مقدار اولیه ماده‌ی پرتوزا

m : مقدار باقی مانده ماده‌ی پرتوزا (مقدار فعال)

$m_0 - m$: مقدار واپاشی شده یا تجزیه شده (غیر فعال)

$$m_0 - m = m_0 \left(1 - \frac{1}{n}\right)$$

نکته- به جای جرم در کلیه‌ی روابط بالا می‌توان تعداد هسته‌های ماده‌ی پرتوزا (N) را قرار داد.

تست ۴- نیمه عمر یک عنصر رادیو اکتیو ۵ روز است. اگر در مدت ۳۰ روز $\frac{94}{5}$ گرم از این عنصر متلاشی شد باشد، جرم اولیه‌ی آن چند گرم بوده است؟

(۱۲۰) ۴

(۱۰۰) ۳

(۹۶) ۲

(۹۸) ۱

پاسخ- گزینه (۲)

تست ۴- نیمه عمر یک ماده‌ی رادیو اکتیو ۲۵ روز است. پس از چند روز جرم فعال آن به $\frac{1}{4}$ جرم اولیه‌ی می‌رسد؟

(۲۰۰) ۴

(۱۷۵) ۳

(۱۲۵) ۲

(۱۵۰) ۱

پاسخ- گزینه (۱)

تست ۴- اگر نیمه عمر یک عنصر پرتوزا T باشد پس از گذشت $3T$ چند درصد از این ماده‌ی پرتوزا به صورت فعال باقی می‌ماند؟

(۱۲/۵) ۴

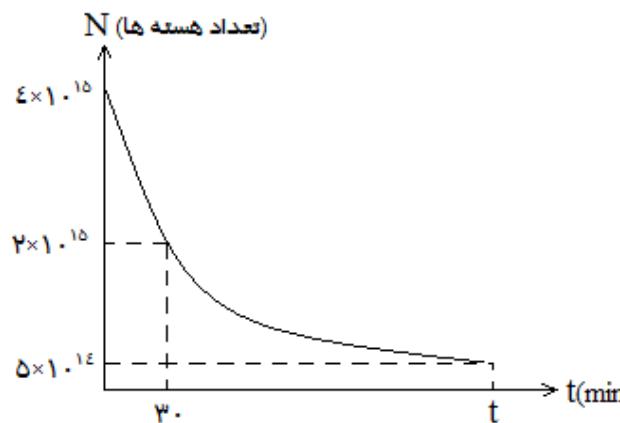
(۵۰) ۳

(۶/۲۵) ۲

(۲۵) ۱

پاسخ- گزینه (۴)

تست ۴- نمودار زیر مربوط به یک عنصر پرتوزا است. t در نمودار کدام است؟



(۶۰) ۱

(۸۰) ۲

(۹۰) ۳

(۱۲۰) ۴

پاسخ- گزینه (۳)

تست ۴۴- مدت زمانی که طول می کشد تا $\frac{1}{8}$ هسته های یک ماده ای رادیواکتیو تجزیه شود چند برابر نیمه عمر آن

است؟

۸) ۴

۳) ۳

۴) ۲

۲)

پاسخ - گزینه(۳)

تست ۴۵- نمودار واپاشی هسته های یک ماده ای پرتوزا بر حسب زمان به صورت شکل زیر است . نیمه عمر این

(ریاضی-۹۸)

ماده چند روز است؟

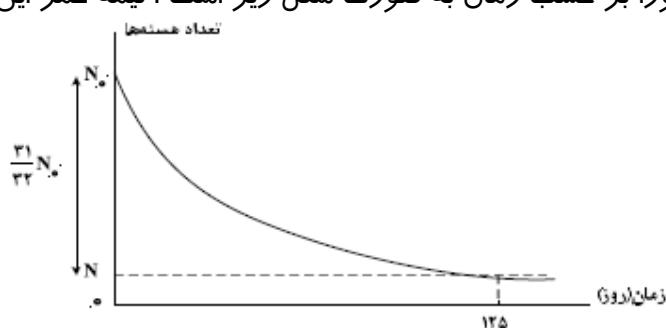
۱)

۲۵)

۵۰)

۶۲/۵)

پاسخ - گزینه(۲)



تست ۴۶- از یک ماده ای رادیواکتیو که نیمه عمر آن ۸ روز است ، پس از گذشت چند روز ، ۷۵ درصد هسته های

این ماده واپاشیده می شود؟

(ریاضی خارج-۹۸)

۳۲) ۴

۲۴) ۳

۱۶) ۲

۱)

پاسخ - گزینه(۳)

Bahrani_fizik@yahoo.com